

Aufgaben-Sammlung aus der Praxis des **Drogisten-Berufes**

Lehrbuch für den Unterricht im
taufmännischen Rechnen an
Drogisten-Fachschulen
und zum Gebrauch
in der Praxis.

Bearbeitet von

Erich Lasch
Lehrer an der Fachschule der Drogisteninnung
zu Berlin.



**Aufgaben-Sammlung
aus der Praxis des
Drogisten-Berufes**

Lehrbuch für den Unterricht im
kaufmännischen Rechnen an
Drogisten-Fachschulen
und zum Gebrauch
in der Praxis.

Bearbeitet von

Erich Läsch
Lehrer an der Fachschule der Drogistinnung
zu Berlin.



Springer-Verlag Berlin Heidelberg GmbH

ISBN 978-3-662-24527-9 ISBN 978-3-662-26672-4 (eBook)
DOI 10.1007/978-3-662-26672-4

Borwort.

Wie schon der Titel nachfolgenden Werckhens bereits besagt, soll sein Inhalt als praktischer Lehrstoff für den Rechenunterricht in Drogistenfachschulen Verwendung finden.

Der Schüler tritt, entsprechend seiner Vorbildung mit einem mehr oder weniger großen Wissensfonds in dieser Disziplin versehen, in den Drogistenberuf ein. Der Rechenunterricht seiner bisherigen Schule brachte ihm nach den vier Grundrechnungsarten, den Dezimal- und gemeinen Brüchen, die üblichen bürgerlichen Rechnungsarten, Mischungs-, Prozent-, Gesellschafts-, Zinsrechnung u. a. m.

Die knappe Zeit der praktischen Lehre, welche durch den Schulbesuch schon erheblich gekürzt wird, gibt dem jungen Fachgenossen im Geschäft wenig Gelegenheit, seine Rechenkenntnisse praktisch zu betätigen, und vieles Erlernte auf diesem Gebiet fällt der Vergessenheit anheim. In der späteren Praxis als selbständiger arbeitender Gehilfe und Chef bildet dieser Umstand einen empfindlichen Mangel.

Wohl gibt es eine Reihe ähnlicher Lehrbücher für den Rechenunterricht an kaufmännischen Anstalten. Die darin enthaltenen Aufgaben sind jedoch zu allgemein gewählt, in Preis- und Gewichtsverhältnissen nicht immer der Praxis entlehnt. Es ist ferner eine alte Erfahrung, daß das Rechnen mit unbenannten Zahlen allzu eintönig empfunden wird. Benannte Zahlen und das damit verknüpfte Verhältnis zum Beruf, beides richtig gewählt und der Praxis entnommen, sollen dem Rechnen das allzu Mechanische nehmen und das Interesse des Schülers erwecken und fesseln.

Nach diesen Ausführungen wird es auch verständlich werden, daß die Aufgaben der vier Grundrechnungsarten schon als leicht kombinierte Exempel gewählt und nicht als einzelne Gruppen aufgefaßt sind. Dem Schüler wird durch die Bezeichnung als Additions- oder Subtraktions- usw. Aufgabe der Weg sofort gewiesen, sein Denkvermögen und die Fähigkeit schneller und richtiger Schlußfolgerung wird nur mangelhaft betätigt und das Rechnen mechanisch. — Es ist daher auf eine methodische Gliederung der Grundrechnungsarten verzichtet.

IV

Auch die Bruch- und Dezimalbruchrechnung konnten, da sie Wiederholungen darstellen, in ihren Grundzügen nur kurz erläutert werden.

Der geringe Umfang und Preis des Werkchens rechtfertigt wohl diese Umstände.

Fast sämtliche Aufgaben sind aus der Praxis des Verfassers entnommen und sollen den Schüler gleichzeitig mit Namen und Preis der Waren, Handelsgebräuchen und -bezeichnungen bekannt machen.

Möge das Werkchen sich eines wohlwollenden freundlichen Empfangs erfreuen und seinen Zweck erfüllen.

Der Verfasser.

Inhaltsverzeichnis.

	Seite
Die Grundrechnungsarten	1
Bruchrechnung	15
Dezimalbrüche	20
Der Bruchanhang	24
Regeldetri	29
Das spezifische Gewicht	31
Qualitäts- oder Durchschnittsrechnung	35
Quantitätsberechnungen (Mischungstrechnung)	38
Gesellschaftsrechnung	46
Flächenberechnung	48
Der Rauminhalt	55
Prozentrechnung	59
Zinsrechnung	75
Gemischte Rekalkulationsaufgaben	81

Deutsche Münzen, Maße und Gewichte.

Münzen

1 Mark $\text{ℳ} = 100$ Pfennige

Längenmaße

1 Meile Meile $= 7\frac{1}{2}$ km,
genau 7420,4 m

1 Kilometer km $= 1000$ m
 1 Hektometer . . . hm $= 100$ "
 1 Dekameter . . . dkm $= 10$ "
 1 Meter m
 1 Dezimeter . . . dem $= \frac{1}{10}$ "
 1 Zentimeter . . . cm $= \frac{1}{100}$ "
 1 Millimeter . . . mm $= \frac{1}{1000}$ "

Flächenmaße

1 Quadratmeile . . .
 1 Hektar ha $= 100$ a
 1 Ar a $= 100$ qm
 1 Quadratdekameter qdkm $= 10$ qm
 1 meter . . . qm $= 1$ "
 1 " dezimet. qdm $= \frac{1}{10}$ "
 1 " zentimet. qcm $= \frac{1}{100}$ "
 1 " millimet. qmm $= \frac{1}{1000}$ "

Hohlmaße

1 Hektoliter . . . hl $= 100$ l
 1 Liter l $= 1000$ ccm

Körpermaße

1 Kubikmeter . . . cbm $= 1000000$
ccm

1 " zentimeter . ccm $=$
1 " millimeter . cmm $=$

Gewichte

1 Tonne t $= 1000$ kg
 1 Doppelzentner . dz $= 100$ "
 1 Kilogramm . . . kg $= 1000$ g
 1 Hektogramm . . hg $= 100$ "
 1 Dekagramm . . dkg $= 10$ "
 1 Gramm . . . g $= 1$ "
 1 Dezigramm . . deg $= \frac{1}{10}$ "
 1 Zentigramm . . cg $= \frac{1}{100}$ "
 1 Milligramm . . mg $= \frac{1}{1000}$ "

Zählmaße

1 Dutzend Dz. $= 12$ St.
 1 Mandel Mdl. $= 15$ "
 1 Schöf Schöf $= 60$ "
 1 Gros Grs. $= 144$ "
 1 Ries Rz. $= 10$ Bdg.

 $= 100$ Hest

 $= 1000$ Bogen

Die vier Grundrechnungsarten.

1. **Zusammenzählen** = addieren, Zeichen + plus.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{c} 17 \\ 8 \\ 141 \\ 2 \\ \hline 1004 \end{array} \\
 \left. \begin{array}{l} \text{Summanden} \\ \text{oder} \\ \text{Posten} \end{array} \right\} \\
 \begin{array}{c} \text{Regel:} \\ \text{Einer unter Einer,} \\ \text{Zehner unter Zehner} \\ \text{u.s.w.} \end{array}
 \end{array}$$

1172 Summe

2. **Abziehen** = subtrahieren, Zeichen — minus.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{r} 61\ 405 \\ -\ 114 \\ \hline 61\ 291 \end{array} \\
 \begin{array}{l} \text{Minuendus} \\ \text{Subtrahendus} \\ \text{Differenz} \end{array}
 \end{array}$$

3. **Vervielfältigen** = multiplizieren, Zeichen \times oder ..

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{r} 60 \\ \times\ 7 \\ \hline 420 \end{array} \\
 \begin{array}{l} \text{Multiplikandus} \\ \text{Multiplikator} \\ \text{Produkt} \end{array}
 \end{array}$$

4. **Teilen** = dividieren, Zeichen : . $408 : 2 = 204$.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{r} 408 \\ 2 \\ \hline 204 \end{array} \\
 \begin{array}{l} \text{Dividendus} \\ \text{Divisor} \\ \text{Quotient} \end{array}
 \end{array}$$

Die lateinischen Zahlenbenennungen müssen gut gelernt werden,
da sie im Unterricht oft gebraucht werden.

Die **Faktoren** einer Aufgabe sind benannte Zahlen.

Man rechne mit **gleichbenannten Faktoren**, anderenfalls mache
man sie vorher **gleichnamig**.

Beispiel: Nicht: $16\text{ m} \times 24\text{ cm}$, sondern:

$1600\text{ cm} \times 24\text{ cm}$ oder $16\text{ m} \times 0,24\text{ m}$.

1. 10 Fässer Firnis wiegen brutto 147, 196, 201, 181, 192, 179, 169, 196, 174, 188 kg. Die einzelnen Taragewichte sind: 26, 31, 24, 30, 31, 28, 26, 36, 31, 29 kg. Das kg Firnis kostet im Einkauf 87 ₢.

- a) ? Brutto
b) ? Tara } Gewicht der ganzen Sendung?
c) ? Preis.

Lösung: 147 kg brutto 26 tara

				Hauptregel:
196	"	31	"	Einer unter Einer
201	"	24	"	Zehner Zehner
181	"	30	"	ufw.
192	"	31	"	
179	"	28	"	
169	"	26	"	
196	"	36	"	
174	"	31	"	
188	"	29	"	

$$\begin{array}{r} 1823 \text{ kg} \\ - 292 \text{ kg} \\ \hline = 133\,197 \text{ } \mathcal{M} \end{array} = 1531 \text{ kg} \times 87 \mathcal{M}$$

2. 12 Fässer Karbolineum haben folgende Brutto-Gewichte:

145	kg	
239	"	Wieviel beträgt das Gesamt-Brutto-Gewicht?
196	"	
181	"	
176	"	Brutto: Verpackung u. Ware.
219	"	Netto: Ware.
201	"	Tara: Verpackung.
185	"	
143	"	
157	"	
196	"	
184	"	

3. 10 Ballons Schwefelsäure, von welcher das kg 13 ♂ kostet, haben folgende Brutto- und Tara-Gewichte:

85, 71, 81, 64, 96, 47, 51, 62, 79, 76 kg Brutto.

5, 6, 5, 4, 9, 4, 5, 6, 8, 7 kg Tara.

Der leere Ballon wird mit 1,50 ₣ berechnet, dazu kommen Frachtkosten mit 7,80 ₣ für die ganze Sendung. Über welchen Endbetrag muß die Rechnung lauten?

4. 15 Fässer Firnis haben folgende Brutto-Gewichte: 137, 195, 176, 195, 141, 139, 146, 178, 191, 168, 145, 194, 168, 186, 178 kg. Die Tara-Gewichte sind: 17, 21, 19, 20, 18, 18, 19, 16, 23, 18, 17, 21, 19, 21, 20 kg. Das kg Firnis kostet im Einkauf 92 ♂, das leere Fäß wird mit 2,50 ₣

berechnet. Wie teuer stellt sich die Sendung, wenn noch 11,80 ₩ Fracht und 4,50 ₩ Rollgeld bezahlt werden müssen?

5. Eine Kiste mit Stearinlichten enthält:

$$\begin{array}{r} 240 \text{ Stck} \\ 240 \end{array} \left. \begin{array}{l} 6 \text{ er} \\ 8 \text{ er} \end{array} \right\} 6 \text{ er} \quad \left. \begin{array}{l} 6 \\ 8 \end{array} \right\} \text{Stck. auf ein Pa.}$$

Jedes Pfundpalet besteht aus 470 g Lichtern (Netto) und 30 g Papier (Tara). Das Tara-Gewicht der leeren Kiste ist 7 kg.

Wieviel wiegen: a) die 6 er | Netto?

$$b) \text{ die } 8 \text{ er } |$$

$$c) \text{ das Papier aller Paletten?}$$

$$d) \text{ die ganze Sendung inklusive Kiste?}$$

Lösung:

$$6 \text{ Stck.} = 1 \text{ Palet.}$$

$$240 \text{ " } = ? \quad 240 : 6 = 40 \text{ Palet.} \quad \cancel{\times} \quad 470 \text{ g} = 18,800 \text{ kg}$$

$$240 : 8 = 30 \text{ " } \quad \cancel{\times} \quad 470 \text{ " } = 14,100 \text{ "}$$

$$1 \text{ Palet.} = 30 \text{ g Papier, } 70 \text{ " } \quad \cancel{\times} \quad 30 \text{ " } = 2,100 \text{ "}$$

$$\text{Kiste } 7,000 \text{ "}$$

$$\underline{42,000 \text{ kg}}$$

6. Derselbe Vorgang mit gleichen Bedingungen.

$$360 \text{ Stck. } 6 \text{ er } | \quad 360 : 6 = 60 \text{ Palet.} \quad 30 \text{ g pro Palet, Kiste leer } 9 \text{ kg.}$$

$$560 \text{ " } 8 \text{ er } | \quad 560 : 8 = 70 \text{ " } \quad 30 \text{ g pro Palet, Kiste leer } 9 \text{ kg.}$$

? Gewicht der 6 er, 8 er, des Papiers u. Brutto-Gewicht der ganzen Sendung?

7. Desgl. 384 Stck. 6 er | dieselben Fragen.

$$512 \text{ " } 8 \text{ er }$$

Kiste 5 kg.

8. Desgl. 492 Stck. 12 er | dieselben Fragen.

$$576 \text{ " } 8 \text{ er }$$

Kiste 4,5 kg.

9. Desgl. 942 Stck. 6 er | dieselben Fragen.

$$112 \text{ " } 8 \text{ er }$$

$$888 \text{ " } 12 \text{ er }$$

Kiste 9,4 kg.

10. Desgl. 784 Stck. 8 er | dieselben Fragen.

$$1116 \text{ " } 6 \text{ er }$$

$$1044 \text{ " } 12 \text{ er }$$

Kiste 26,6 kg.

11. Lichte in Packungen zu 36, 24, 18, 16, 12, 8 und 6 Stck.

396	Stck.	36 er	a) ergeben je wieviel Paletten?
288	"	24 er	
306	"	18 er	
448	"	16 er	
336	"	12 er	
448	"	8 er	
222	"	6 er	

b) Jedes Paket besteht aus 470 g Ware u. 30 g Packpapier.
Wieviele wiegt die ganze Sendung Netto? c) das Papier,
d) Brutto, wenn die Kiste der Sendung 27 kg wiegt?

12. Eine Rechnung über eine Sendung medizinischer Seifen lautet:

$\frac{1}{2}$	Dkgd.	Benzoe	-Seife, Dkgd.-Preis	3,60	M
$\frac{1}{2}$	"	Borax	"	2,30	"
$\frac{3}{4}$	"	Fichtenteer	"	2,40	"
$\frac{3}{4}$	"	Carbolteer	"	1,00	"
$3\frac{1}{2}$	"	Gall	"	-,80	"
$1\frac{1}{2}$	"		"	1,10	"
$1\frac{1}{2}$	"	Schwefel	"	2,80	"
$\frac{3}{4}$	"	teer	"	1,80	"

a) Welches ist der Endbetrag der Rechnung?

b) Was kostet ein Stück der Einzelorte?

13. Eine Pinselrechnung lautet über:

4	Dkgd.	zu	1,15	M	$\frac{3}{4}$	Dkgd.	zu	9,00	M
2	"	"	1,65	"	$\frac{1}{2}$	"	"	11,80	"
3	"	"	2,15	"	$\frac{1}{4}$	"	"	14,60	"
$\frac{1}{2}$	Grs.	"	2,90	"					
4	Dkgd.	"	3,70	"					
$2\frac{1}{2}$	"	"	4,40	"					a) und b)
$1\frac{1}{2}$	"	"	5,70	"					Dieselben Fragen aus
$1\frac{1}{8}$	"	"	6,90	"					voriger Aufgabe.

14. Eine Rechnung über 11 Sorten Pinsel lautet:

1	Dkgd.	=	10,20	M	2	Dkgd.	=	17,28	M
$\frac{1}{2}$	"	=	11,40	"	$1\frac{1}{2}$	"	=	8,82	"
6	"	=	38,88	"	$\frac{1}{2}$	"	=	13,02	"
1	Grs.	=	23,04	"	3	"	=	34,20	"
6	Dkgd.	=	90,72	"	$2\frac{1}{2}$	"	=	18,60	"
5	"	=	11,40	"					

Wie hoch ist der Preis jeder einzelnen Pinselsorte?

15. Wieviel kosten

4 Fässer Pottasche zu 300 kg und 6 Fässer zu 50 kg Netto,
wenn das kg mit 47 ö berechnet wird?

16. 8 Ballons Salzsäure, von welcher 100 kg 8,25 M kosten, haben folgende Netto-Gewichte: 82, 78, 65, 71, 89, 82, 78, 79 kg. Der leere Ballon wird mit 1,25 M berechnet. Wieviel kostet die ganze Sendung?

Lösung: Gesamtgewicht: 624 kg.

$$\begin{array}{r} 100 \text{ kg } 8,25 \text{ M} \\ 1 \text{ " } 8,25 \text{ M} \times 624 \text{ kg} = \\ + 8 \text{ Ball. zu } 1,25 \text{ M} \underline{10,- \text{ M}} \\ = \text{Gesamtbetrag} \end{array}$$

17. Wir beziehen:

6 Dz. Sodener Pastillen, die Schachtel mit 57 δ
8 Emser und zählen für Kiste und "Porto" 2,90 M . Wie teuer stellt sich die einzelne Schachtel, beide Sorten zusammengenommen?

18. Von $1\frac{1}{2}$ Grs. Stoffarben in Päckchen werden verkauft:
2 Dz. 7 Std., 4 Std., 1 Dz. 5 Std., 1 Dz. 5 Std.,
3 Dz. 9 Std., 1 Dz. 7 Std., 4 Std., 8 Std., 1 Dz.
9 Std. Wieviel Dz. und Stück verbleiben?

19. Ein Haß Essig enthält 899 l. Wir verkaufen: 17 l, 2 hl,
116 l, 1 hl 42 l, 63 l, 8 l, 2 hl 18 l. Wieviel hl und l beträgt der Rest?

20. Ein Posten Watte besteht aus:

40	Pack	zu	10 g,	5 δ	Einkauf,	10 δ	Verkauf.
50	"	"	15 "	7 "	"	12 "	"
50	"	"	25 "	11 "	"	20 "	"
30	"	"	50 "	14 "	"	25 "	"
25	"	"	100 "	19 "	"	40 "	"
15	"	"	250 "	38 "	"	75 "	"
15	"	"	500 "	72 "	"	125 "	

Wieviel beträgt: a) Einf., b) Verk., c) Verdienst am ganzen Posten? d) Wieviel beträgt das Gewicht der Sendung?

Lösung:

$$\begin{array}{rcl} 40 \times 5 \delta \text{ Elf.} & = & 200 \delta \times 10 \delta \text{ Blf.} = 4,00 \text{ M} \times 10 \text{ g} \\ 50 \times 7 " & = & 350 " \times 12 " = 6,00 " \times 15 " \\ 50 \times 11 " & = & 550 " \times 20 " = 10,00 " \times 25 " \\ 30 \times 14 " & = & 420 " \times 25 " = 7,50 " \times 50 " \\ 25 \times 19 " & = & 475 " \times 40 " = 10,00 " \times 100 " \\ 15 \times 38 " & = & 570 " \times 75 " = 11,25 " \times 250 " \\ 15 \times 72 " & = & 1080 " \times 125 " = 18,75 " \times 500 " \\ \text{Elf. } 36,45 \text{ M} & & \text{Blf. } 67,50 \text{ M} \\ & & \text{Gewicht } = \underline{\underline{17650 \text{ g}}} \end{array}$$

21. Ein anderer Posten **Watte** besteht aus:

60	Pack	zu	6	8	Erf.	, 10	g,	0,10	M	Btf.
25	"	"	9	"	"	15	"	0,15	"	"
45	"	"	13	"	"	25	"	0,20	"	"
30	"	"	19	"	"	50	"	0,30	"	"
25	"	"	29	"	"	100	"	0,40	"	"
10	"	"	41	"	"	250	"	0,60	"	"
5	"	"	74	"	"	500	"	1,10	"	"

Wieviel beträgt:

- der Einkaufspreis und Verkaufspreis der einzelnen Posten?
- der Einkaufspreis der ganzen Sendung?
- der Gesamtverdienst?
- das Gewicht der Sendung?

22. Eine Sendung **Weinlorlen** besteht aus:

2500	Stck.	das	Mille	(Tausend)	6,50	M
3500	"	"	"		11,20	"
1500	"	"	"		8,30	"
2500	"	"	"		13,80	"
1750	"	"	"		9,30	"
3250	"	"	"		10,70	"

Wieviel: a) Körfe bezogen wir, b) betrug die Rechnung zugänglich 1,80 M für Fracht und 0,75 M für Verpackung?

23. Löslichkeitstabelle

a)	25	Teile	Wasser	lösen	1	Teil	Vorsäure
b)	10	"	"	"	1	"	Oxalsäure
c)	600	"	"	"	1	"	Salizylsäure
d)	2	"	"	"	1	"	Eisenvitriol
e)	1	"	"	"	1	"	Pottasche
f)	4	"	"	"	1	"	Salpeter
g)	7	"	"	"	1	"	Milchzucker
h)	192	"	"	"	1	"	Cremortartari
i)	16	"	"	"	1	"	Uebermangans. Kali
k)	3	"	"	"	1	"	Kochsalz
l)	40	"	"	"	1	"	Kleesalz
m)	15	"	"	"	1	"	Karbolösüre

Wieviel g dieser Chemikalien werden durch 5 kg Wasser gelöst?

24. Wieviel Wasser ist erforderlich, um laut vorstehender Tabelle folgende Mengen Chemikalien zu lösen?

- 50 g Vorsäure, b) 400 g Milchzucker, c) 250 g Kleesalz.

- d) 16 g Oxalsäure, e) 180 g Kochsalz, f) 100 g überm. Kali,
g) 6 g Salizylsäure, h) 40 g Cremortartari.

25. In einer Kasse sind viele Geldsorten vorhanden, und zwar:

413	—	1	ℳ	Stücke	Wir bezahlen davon:
67	—	2	"	"	
205	—	5	"	"	
305	—	10	"	"	
19	—	50	"	"	
41	—	1	ℳ	"	
116	—	2	"	"	
72	—	3	"	"	
68	—	5	"	"	
13	—	10	"	"	
39	—	20	"	"	Welcher Betrag verbleibt in der Kasse?
1	—	100	"	Schein	

26. 29 — 5 ♂ Stücke

345	—	10	ℳ	Stücke	Wir zählen aus:
23	—	2	"	"	
64	—	1	"	"	
130	—	50	"	"	
11	—	1	ℳ	"	
42	—	2	"	"	
97	—	3	"	"	
14	—	5	"	"	
7	—	5	"	Scheine	
11	—	10	"	"	
4	—	20	"	"	a) ? Geld war vorhanden, b) ? " wird ausgegeben, c) ? " verbleibt?
13	—	50	"	"	
2	—	100	"	"	
1	—	1000	"	"	

27. Wieviel kosten a) 7 Kisten Zuckerland, wenn das kg 72 ♂ kostet und jede Kiste netto 25 kg wiegt?

Wieviel kosten dann: b) 25 Kisten, c) 3 Kisten, d) 12 Kisten?

28. Wir beziehen Stoffarben in Päckchen

1	Gr. Schwarz	zu	11	ℳ	das	Pack
3	Dz. Grün	"	6	"	"	"
6	" Schwarz	"	6	"	"	"
5	" Blau	"	12	"	"	"
4	" Braun	"	12	"	"	"

4 Dzg. Braun zu 6 ♂ das Pack.

6 Stg. Violett " 12 "

Auf wie hoch beläuft sich die Rechnung?

Lösung: Grs. u. Dzg. in Stg. verwandeln, \times Preis.

29. Eine Sendung Bronze in Paketen, bei welchen die Hälfte am Verlauf verdient wird, besteht aus:

6 Dzg. Silber,	10 ♂ Verkauf	? Einkauf. ? Verdienst. ? Verkauf.
1 Grs. Dukat-Gold,	10 " "	
6 Dzg. " 25 "	" "	
3 " Hell- " 25 "	" "	
4 " Kupfer- " 10 "	" "	

Lösung: Wie oben; Gesamtverkaufspreis durch 2 teilen; es verbleibt der Verdienst.

30. Eine Kasse nimmt ein im:

April 1911	ℳ 9 683	Oktober	ℳ 10 099
Mai	" 9 704	November	" 8 513
Juni	" 9 251	Dezember	" 9 219
Juli	" 8 718	Januar 1912	" 8 532
August	" 8 834	Februar	" 8 242
September	" 11 495	März	" 10 388

Wie hoch ist die Gesamteinnahme?

31. Sparklasseneinnahmen in den Jahren:

1911	1910	1909	1908
53 022 ℳ	51 525 ℳ	57 001 ℳ	61 286 ℳ
57 151 "	54 020 "	55 138 "	56 314 "
57 640 "	54 498 "	56 134 "	62 040 "
51 794 "	47 561 "	52 711 "	56 076 "
54 543 "	50 532 "	49 268 "	51 596 "
63 344 "	51 478 "	51 074 "	52 888 "
51 526 "	45 241 "	43 832 "	47 677 "
45 162 "	42 623 "	42 886 "	44 363 "
54 580 "	51 281 "	50 962 "	53 030 "
43 080 "	38 945 "	37 795 "	43 130 "
42 963 "	39 354 "	38 724 "	40 883 "
53 552 "	51 467 "	53 036 "	55 930 "

- a) Wieviel in jedem Jahr?
b) Wieviel in den 4 Jahren?

32. Bei einer Sparkasse betrugen die
Einzahlungen Rückzahlungen
im Monat April 7 342 460,73 ₣ 6 429 114,99 ₣
Mai 6 080 325,66 " 6 161 169,19 "
Juni 5 762 122,14 " 5 872 310,02 "
Juli 6 848 537,76 " 5 993 461,24 "
August 6 032 594,76 " 5 996 472,82 "
September 4 895 291,47 " 7 902 925,48 "
Oktober 6 535 659,73 " 6 597 217,94 "
November 5 817 479,87 " 5 513 887,58 "
Dezember 5 430 702,10 " 6 115 531,42 "
Januar 9 455 227,72 " 5 355 029,35 "
Februar 6 606 827,31 " 5 055 882,30 "
März 6 495 465,23 " 6 822 551,80 "
- a) Wieviel wurde eingezahlt? b) Wieviel wurde zurückgezahlt?
c) Wieviel betrug der Umsatz in den einzelnen Monaten?
d) Wieviel betrug die Differenz bei den einzelnen Monaten?
e) Wieviel betrug der Gesamtumsatz im Jahre? f) Wieviel betrug die Gesamtdifferenz?
33. 1 Liter Essig enthält 60 g Essigsäure. Wieviel Säure enthalten:
a) 6 l, b) 11 l, c) 47 l, d) 113 l, e) 21 l, f) $29\frac{1}{2}$ l,
g) $45\frac{1}{2}$ l.
-
34. Wieviel 1 Essig ergeben dann:
a) 330 g f) 1440 g
b) 195 " g) 840 "
c) 960 " h) 300 "
d) 1140 " i) 1500 "
e) 1260 " k) 660 "
- } Säure?
-
35. Von einem Ballen Korken werden verkauft: 75, 750, 125, 375, 220, 1050, 605, 2205, 875 Stck.
Wieviel Korken enthielt der Ballen, wenn das verkaufte Quantum $\frac{1}{6}$ der Gesamtmenge ausmacht?
-
36. Eine Kiste mit Kreolin in Flaschen enthält:
12 Fl. zu 100 g, 3,60 ₣ Einkauf
24 " 50 " 4,80 "
30 " 20 " 5,00 "
a) Wieviel ist der Gesamtbetrag der Rechnung, b) wieviel ist der Einkaufspreis der einzelnen Flasche, c) wieviel wird

an jeder der 3 Größen verdient, wenn der Verkaufspreis der 3 Größen 50, 35 und 20 ₣ beträgt?

-
37. 3 Fäß **Honig** 1. Sorte, das Kilo 1,16 ₩
5 " 2. " 1,08
von "denen" jedes Fäß 75 kg Brutto mit 9 kg Tara wiegt,
sind im Preise zu berechnen. (Fässer inklusive.)
-
38. 6 Fäß **Eisenvitriol**, je 50 kg, Einf. kg 8 ₣ | kosten
4 " 300 " " 7 " | wieviel?
(Fässer inklusive.)
39. 6 Fäß **Salpeter**, je 50 kg, Einf. kg 0,54 ₩ | kosten
4 " 300 " " 0,51 " | wieviel?
(Fässer inklusive.)
40. Eine Farbensendung besteht aus
1 Fäß **Öder**, Einf. kg 0,18 ₩, Netto 50 kg
1 Fäß **Chromgrün** (kg 45 ₧), Brutto 61, Tara 6 kg
1 Fäß **Frankfurter Schwarz** (kg 14 ₧), 260 kg Brutto,
21 kg Tara. Die Fässer sind nicht berechnet. Auf wie
hoch beläuft sich der Gesamtpreis?
-
41. Aus einem Sack, 50 kg Naphtalin enthaltend, werden ab-
gefaßt: 25 halbe, 60 viertel, 75 achtel kg und 75×50 g.
a) ? kg wurden abgefaßt ?, b) ? verbleiben?
42. Ein Fäß enthält $8\frac{3}{4}$ hl Essig. Es werden verkauft:
17 l, 2 hl 3 l, 49 l, $1\frac{1}{2}$ hl, 104 l, 1 hl 14 l, 76 l,
1 hl 1 l, $1\frac{1}{2}$ l. Wieviel l verbleiben?
43. Ein Fäß **Firnis** enthält netto 345 kg. Wir verkaufen:
 $\frac{1}{4}$ Ctr., 15 ₧, 30 kg, $1\frac{1}{4}$ Ctr., 6 kg 40 ₧, und fügen
1 Ctr. Firnis neu hinzu. Wieviel enthält nunmehr das
Fäß?
44. Ein Fäß **Spiritus**, netto 216 kg enthaltend, wird um
192 kg entleert und mit 40 kg Wasser verfeßt. Wieviel
kg Mischung enthält es?

Dezimalwagen-Gewichte.

Die Dezimalwage ist ein ungleicharmiger Hebel. Sein Unter-
stützungspunkt befindet sich genau am 1. Zehntel des Wagebalkens.
Man bedarf daher zur Bedienung einer solchen Wage an Gewichten
nur den 10. Teil der Last.

Beispiel: Sollen 25 ♂ = 12,5 kg gewogen werden, so sind demnach der 10. Teil der Last, gleich 1250 g erforderlich.

45. Für folgende Lasten sind wieviel an Gewicht erforderlich?
(1 ♂ = 500 g.) a) 8 ♂, b) $\frac{1}{8}$ Ctr., c) $\frac{1}{4}$ Ctr., d) 6 ♂,
e) 16 ♂, f) 75 ♂, g) 12 kg, h) 25 kg, i) 7 ♂, k) 14 kg,
l) 9 ♂.

46. 1 kg Bierflaschenscheiben aus Gummi enthält 1080 Stck.
und kostet im Einkf. 14.20 M. Wir verkaufen das Dkgd.
mit 25 ♂.

Wieviel beträgt: a) der Verff., b) der Verdienst beim
ganzen kg?

Lösung:

$$12 \text{ Stck.} = 1 \text{ Dkgd.}$$

$$1080 \text{ " } = 1080 : 12 = 90 \text{ Dkgd.}$$

$$1 \text{ Dkgd. } 25 \text{ ♂, } 90 \text{ Dkgd. } = 90 \times 25 = \text{a) } 22,50 \text{ M Verff.}$$

$$\begin{array}{r} 14,20 \\ \hline \text{Einkf.} \end{array}$$

$$\text{b) } 8,30 \text{ M Verdienst.}$$

47. 1 kg solcher Scheiben, welches 14,70 M im Einkauf kostet,
zählt 840 Stck. Verff. das Dkgd. 30 ♂.

Wieviel beträgt der Verdienst a) am Dkgd., b) am Kilo?

Lösung:

$$\text{b) } 840 \text{ Stck. } = 840 : 12 = 70 \text{ Dkgd.}$$

$$\begin{array}{r} \times 30 \text{ ♂} \\ \hline \text{Verff. } 21,00 \text{ M} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - \text{Einkf. } 14,70 \\ \hline \end{array}$$

$$= \text{Verdienst } 6,30 \text{ M am Kilo.}$$

$$\text{a) } 70 \text{ Dkgd. } = 14,70 \text{ M}$$

$$1 \text{ " } = 14,70 : 70 = 21 \text{ ♂ Eff. } \left\{ \begin{array}{l} 30 \text{ ♂ Verff.} \\ 21 \text{ " Einkf.} \end{array} \right.$$

$$\begin{array}{r} \hline 9 \text{ ♂ Verdienst} \\ \text{am Dkgd.} \end{array}$$

48. 1 kg Gummischeiben auf Flaschen beträgt 960 Stck.

Wir verkaufen: 140, 30, 75, 240, 25, 190, 65, 10, 85 Stck.
Wieviel an Gewicht verbleibt?

49. Ein Kilo Gummischeiben = 960 Stck. kostet 14,40 M.

Wieviel kosten dann: a) 1 Dkgd., b) 7 Dkgd., c) 4 Grs.,
d) $6\frac{1}{2}$ Dkgd., e) 1 Grs., f) $5\frac{1}{2}$ Dkgd., g) $\frac{1}{4}$ Grs.,
h) $1\frac{1}{2}$ Dkgd.?

50. 6 Ballen Blauholz (Brutto für Netto) haben folgende
Brutto-Gewichte: 61, 51, 70, 49, 57, 67 kg. Das kg

kostet im Einkf. 23 ♂. Die Gesamt-Tara beträgt 35 kg. Was kostet durch die Bedingung „Brutto für Netto eingekauft“ das einzelne kg?

Lösung:

Wir bezahlen 355 kg \times 23 ♂ = mit 81,65 ₩ und erhalten dafür nur 355 kg Brutto weniger 35 kg Tara = 320 kg. 320 kg kosten 81,65 ₩
1 „ 81,65 ₩ : 320 = 25,5 ♂.

51. Von Sichelleim, welcher Brutto für Netto gehandelt wird, kostet das kg im Einkf. 20 ♂. Ein Faß wiegt 78 kg Brutto, 13 kg Tara. Wie teuer stellt sich das einzelne kg dadurch, daß wir Brutto für Netto kaufen?

Lösung:

Wir bezahlen 78 kg \times 20 ♂ = 15,60 ₩ und erhalten nur 65 kg Netto. 65 kg = 15,60 ₩
1 „ = 15,60 : 65 = 24 ♂.

52. Sichelleim (Brutto für Netto) 85 kg Brutto, Netto 80 kg, Einkf. 18 ♂ das kg. Wieviel in Geldwert beträgt der Verlust durch die Tara für das ganze Faß?

Lösung:

Da wir statt 85 kg, bezahlt mit 18 ♂ pro Kilo, nur 80 kg empfangen, werden 5 kg zu 18 ♂ zuviel bezahlt, was den Verlust in Geldwert darstellt, nämlich = 90 ♂.

53. 1 Faß Sichelleim (Brutto für Netto), 78 kg Brutto, 65 kg Netto, Preis 13,65 ₩. a) ? Preis für 1 kg? b) ? beträgt die Preisdifferenz beim Preise des einzelnen kg, da Brutto für Netto berechnet wurde?

Lösung:

13,65 ₩ werden für 78 kg bezahlt. Für 13,65 ₩ erhalten wir 65 kg, 1 kg kostet dann also: 13,65 : 65 = 21 ♂. Differenz 1 ♂.

-
54. 10 Brode Camphor, Brutto für Netto gekauft, wiegen mit Papierumhüllungen: 3580, 2975, 3740, 2895, 3105, 3095, 2885, 2460, 3480 und 3785 g. Die Umhüllungen wiegen: 54, 49, 56, 41, 49, 47, 46, 47, 58, 53 g. Das kg Camphor kostet 6,80 ₩.
a) Wieviel kostet die ganze Sendung?
b) Welchen Geldverlust erleiden wir dadurch, daß wir Papier als Ware bezahlen müssen?

55. 6 Brode Camphor inklusive Packpapier wiegen: 3300, 3980, 2720, 3140, 3470, 3390 g. Der Preis dafür ist 146 ₩ im Einkf.

a) Wieviel kostet das einzelne kg.

b) Welchen Geldverlust haben wir, da das Gewicht des Papiers als Ware bezahlt werden muß, und das Packpapier 300 g wiegt?

Lösung:

$$\text{a) } 3300 + 3980 + 2720 + 3140 + 3470 + 3390 \\ = 20\,000 \text{ g Gesamtgewicht.}$$

$$20 \text{ kg} = 146 \text{ ₩}$$

$$1 \text{ " } 146 \text{ ₩ : } 20 = 7,30 \text{ ₩.}$$

b) Wir bezahlen: 300 g Papier als Ware

$$1000 \text{ " } = 7,30 \text{ ₩}$$

$$100 \text{ " } = 73 \text{ ₩}$$

$$300 \text{ " } = 2,19 \text{ ₩ Geldverlust.}$$

56. Die Monatseinnahmen eines Drogengeschäfts betragen:

1875,80 ₩ 1596,95 ₩ 1999,05 ₩ 2017,10 ₩

2440,45 " 2108,55 " 1943,90 " 1674,70 "

2015,65 " 2391,75 " 1793,65 " 2679,40 "

Wieviel betrug: a) die Jahreseinnahme, b) die durchschnittliche Monats-, c) die durchschnittliche Tageseinnahme.

57. Die Rechnung über eine Sendung Stoffarben in Paketen lautet über:

6 Dkgd., Einkf. Paket zu 5 ₩, Verkf. 10 ₩
1 $\frac{1}{2}$ " " " " 11 " " 25 "
1 $\frac{1}{4}$ " " " " 13 " " 25 "
1 $\frac{1}{2}$ " " " " 5 " " 10 "
3 " " " " 10 " " 20 "
1 $\frac{1}{2}$ " " " " 12 " " 25 "
2 " " " " 5 " " 10 "
4 $\frac{1}{4}$ " " " " 12 " " 25 "
3 $\frac{1}{2}$ " " " " 13 " " 25 "
1 $\frac{3}{4}$ " " " " 11 " " 25 "
2 $\frac{1}{4}$ " " " " 6 " " 10 "
1 " " " " 14 " " 25 "

Wieviel beträgt a) der Einkf., b) der Verkf., c) der Verdienst am ganzen Posten?

58. Die Tageseinnahmen eines Geschäfts betragen:

89,40 ₩ 79,85 ₩ 104,05 ₩ 15,80 ₩

97,10 " 82,95 " 109,10 " 95,85 "

105,10	M	98,75	M	24,50	M	81,15	M
117,80	"	118,85	"	109,80	"	128,10	"
95,95	"	109,05	"	129,85	"	20,10	"
87,70	"	95,85	"	105,75	"	115,80	"
76,85	"	81,15	"	94,60	"	134,55	"
22,95	"	119,80	"	107,75	"		

Wieviel beträgt:

- a) die Tageseinnahme im Durchschnitt,
- b) der monatliche,
- c) der jährliche Umsatz?

59. Die Einnahmen eines Geschäfts betragen täglich:

47,80	M	45,15	M	45,55	M	35,15	M
54,90	"	42,35	"	37,20	"	42,85	"
39,75	"	39,71	"	49,80	"	28,90	"
42,30	"	37,45	"	65,85	"	105,15	"
51,65	"	71,70	"	19,10	"	49,95	"
67,95	"	22,00	"	59,70	"	31,45	"
15,80	"	49,10	"	61,20	"	96,70	"
52,95	"	52,80	"	32,45	"		

Wieviel beträgt a) der Jahresumsatz
b) " Monats " } im Durchschnitt.
c) " Tages " }

60. Die Geschäfte A und B nehmen täglich ein:

A	89,40	M	B	35,20	M	A	109,05	M	B	62,45	M
	97,10	"		41,95	"		95,85	"		51,25	"
	79,85	"		36,15	"		81,15	"		21,65	"
	82,95	"		35,80	"		119,80	"		51,85	"
	104,05	"		26,80	"		24,50	"		20,00	"
	109,10	"		56,95	"		109,80	"		54,45	"
	15,80	"		16,70	"		129,85	"		37,70	"
	95,85	"		49,30	"		105,75	"		37,10	"
	105,10	"		38,80	"		94,00	"		41,85	"
	117,80	"		41,55	"		107,75	"		40,90	"
	95,95	"		32,15	"		81,15	"		62,25	"
	87,70	"		22,20	"		128,10	"		16,40	"
	67,85	"		57,75	"		20,10	"		30,00	"
	22,95	"		16,15	"		115,80	"		29,20	"
	98,75	"		54,40	"		134,55	"		54,55	"
	118,85	"		31,75	"						

Um welchen Betrag differieren die täglichen Durchschnittseinnahmen?

61. Eine Sendung Bimssteinpulver besteht aus
 6 Sack zu 50 kg, 12 ♂ das kg
 5 " " 50 " 11 " " "
 8 " " 50 " 10 " " "
 Welches ist der Wert der gesamten Sendung?
62. 1 Kiste Parafinum durum enthält
 12 kg zu 0,85 ₩ 15 kg zu 0,76 ₩
 6 " 78 ♂ 25 73 ♂
 Wieviel kostet das Kilo im Durchschnitt?
63. 10 Fässer Tran, das kg 49 ♂, wiegen Brutto: 136, 162, 141, 139, 141, 152, 149, 154, 139, 149 kg. Tara: 27, 32, 29, 28, 30, 32, 31, 34, 29, 32 kg. Wieviel beträgt die Rechnung darüber, wenn das leere Fäß mit 2,25 ₩ und für Fracht 7,80 ₩ für die ganze Sendung berechnet werden?
64. Es werden 4 Rechnungen bezahlt: Die 1. beträgt 215,50 ₩, die 2. um 37,70 ₩ weniger, die 3. 19,25 ₩ weniger als die 2. und die 4. Rechnung 18,60 ₩ weniger als die 3. Wieviel war im ganzen zu zahlen?
65. Wieviel fehlt an einer Million Mark, wenn man addiert:
 217 340 ₩ 28 ♂ + 245 000 ₩ 19 ♂ + 403 867 ₩ 40 ♂.
66. Jemand kauft Ware für a) 2380 ₩, b) 3500 ₩.
 Er verkauft sie mit a) 276 " b) 356 "
 Welchen Verlust hatte er bei a) und b)?
67. Jemand kauft Ware für a) 1728 ₩, b) 2145 ₩, er gewinnt daran a) 278 ₩, b) 368 ₩. Wieviel hat er gezahlt bei a) und b)?

Bruchrechnung.

Vorstufe: Zerlegbarkeit der Zahlen. Zahlen, nur durch sich selbst und die Eins teilbar, heißen Primzahlen: 1, 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29 usw. Alle anderen Zahlen sind außerdem noch durch andere Faktoren zerlegbar, z. B.:

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & & & & & \\
 & 6 \left\{ \begin{array}{l} 3 \\ 2 \end{array} \right. & 8 \left\{ \begin{array}{l} 4 \\ 2 \end{array} \right. & 12 \left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 3 \\ 4 \\ 6 \end{array} \right. & 24 \left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 3 \\ 4 \\ 6 \\ 8 \\ 12 \end{array} \right. & & \\
 & & & & & &
 \end{array}$$

Zahlen mit ein und demselben Faktor nennt man verwandte Zahlen.

Suche Beispiele für Prim- und verwandte Zahlen. Die Kenntnis schneller Zerlegbarkeit von Zahlen fördert das Rechnen mit Brüchen ungemein.

Zerlegbarkeitsregeln. Eine mehrstellige Zahl ist teilbar durch 2 wenn sie eine gerade Zahl ist,

" 4 " ihre Einer und Zehner durch 4 sich teilen lassen,

" 8 " Zehner u. Hunderter " 8 " " "

" 5 " am Ende eine 5 oder 0 steht,

" 3 " ihre Quersumme durch 3 teilbar ist,

" 9 " " " " 9 " "

Beispiel: 21894534.

$$2 + 1 + 8 + 9 + 4 + 5 + 3 + 4 = 36, \text{ also teilbar : 3, 9.}$$

Der gemeine Bruch.

Ein Bruch stellt einen oder mehrere Teile eines Ganzen dar; geschrieben durch zwei Zahlen, die durch einen Strich getrennt sind.

Beisp. $\frac{7}{8}$. Man deutet damit an, daß der 8. Teil eines Ganzen siebenmal genommen ist $= \frac{7}{8}$ Zähler. Dieser Bruch heißt ein

echter Bruch. Er ist weniger als ein Ganze; sein Zähler ist kleiner als der Nenner. $\frac{7}{8}$ = ein unechter Bruch. Der Zähler ist größer als der Nenner; der Bruchwert ist mehr als ein Ganze. $\frac{7}{8}$ kann man als gemischte Zahl ausdrücken $= 1\frac{1}{8}$. Es geschieht durch Dividieren des Zählers durch den Nenner $= 8 : 7 = 1\frac{1}{8}$. Auch läßt sich jede gemischte Zahl als unechter Bruch ausdrücken, indem man den Nenner mit der ganzen Zahl multipliziert und den Zähler des der ganzen Zahl anhängenden Bruches addiert, z. B. $1\frac{1}{8} = 1 \times 7 + 1 = \frac{8}{7}$.

Heben oder Kürzen.

Dividiert man den Zähler durch eine Zahl, so wird der Bruch kleiner.

$$\begin{array}{r} 14 : 2 = 7 \\ \hline 15 & 15 \end{array}$$

Dividiert man den Nenner durch eine Zahl, so wird der Bruch größer.

$$\frac{7}{12} : 6 = \frac{7}{2}, \frac{7}{2} = 3\frac{1}{2} \text{ ist mehr als } \frac{7}{12}.$$

Dividiert man Nenner und Zähler durch ein und dieselbe Zahl, so bleibt der Bruch im Werte unverändert.

$$\begin{array}{l} 6 : 2 = 3 \\ 8 : 2 = 4 \end{array} \text{ und } \frac{6}{8} \text{ und } \frac{3}{4} \text{ haben denselben Wert.}$$

Man versuche jeden Bruch, der große Zahlen aufweist, zu kürzen. Kürze folgende Brüche:

- a) $\frac{1}{4} \frac{6}{8}$, b) $\frac{2}{3} \frac{5}{8}$, c) $\frac{4}{3} \frac{8}{5}$, d) $\frac{2}{9} \frac{7}{6}$, e) $\frac{4}{5} \frac{5}{4}$, f) $\frac{6}{7} \frac{6}{7}$, g) $\frac{6}{11} \frac{5}{7}$, h) $\frac{4}{6} \frac{9}{3}$,
i) $\frac{1}{10} \frac{3}{4}$, k) $\frac{3}{11} \frac{4}{5}$, l) $\frac{9}{10} \frac{6}{8}$, m) $\frac{3}{7} \frac{6}{5}$, n) $\frac{9}{16} \frac{6}{2}$.

Erweitern.

Der Zähler mit einer Zahl multipliziert vergrößert, der Nenner mit einer Zahl multipliziert verkleinert den Wert des Bruches.

Werden Zähler und Nenner mit der gleichen Zahl multipliziert, bleibt der Wert unverändert; man hat den Bruch dann nur erweitert, d. h. mit größeren Zahlen ausgedrückt. Dieses Verfahren ist dann notwendig, wenn man mehreren Brüchen, mit denen man rechnen soll, gleiche Benennung geben will. Da nur gleichnamige Dinge addiert, multipliziert usw. werden können, ist das auch nur mit Brüchen, die einen gemeinsamen Nenner haben, der Fall. Beispiel: $\frac{3}{5}$ zu erweitern mit der Zahl 5 = $\frac{5 \times 3}{5 \times 8} = \frac{15}{40}$.

Erweiterte folgende Brüche

- a) $\frac{1}{5}$, b) $\frac{2}{3}$, c) $\frac{1}{6}$, d) $\frac{9}{11}$, e) $\frac{1}{4} \frac{2}{4}$, f) $\frac{6}{7}$, g) $\frac{3}{4}$, h) $\frac{4}{5}$, i) $\frac{7}{9}$ mit 4.

Addieren.

Bei gleichnamigen Brüchen addiere man bloß die Zähler und verwandele das Ergebnis in eine gemischte Zahl

$$\frac{9}{7} + \frac{2}{7} + \frac{3}{7} + \frac{7}{7} = \frac{16}{7} = 2\frac{2}{7}$$

Ungleichnamige Brüche mache man vorher gleichnamig.

$$\begin{array}{r} \frac{1}{5} \left\{ \text{zu verwandeln} \right. \\ + \frac{3}{10} \left\{ \text{in Brütel.} \right. \end{array} \quad \begin{array}{r} \frac{1}{5} = \frac{2}{10}, \frac{3}{5} = 4 \times 2 = \frac{8}{10} \\ \hline \frac{1}{5} = 1\frac{1}{10} \end{array}$$

$\frac{1}{5} + \frac{1}{2} + \frac{3}{5}$ vereinigen sich in Zwölftel

$$\begin{array}{r} \text{Ein Ganzes} = \frac{1}{2}; \frac{1}{4} = \frac{3}{12}; \frac{3}{4} = 3 \times 3 = \frac{9}{12} \\ \text{''} \quad \text{''} = \frac{1}{2}; \frac{1}{2} = \frac{6}{12}; \\ \text{''} \quad \text{''} = \frac{1}{2}; \frac{1}{6} = \frac{2}{12}; \frac{5}{6} = 5 \times 2 = \frac{10}{12} \end{array} \quad \frac{\frac{2}{12}}{\frac{10}{12}} = 2\frac{1}{12}$$

$$\left. \begin{array}{c} \frac{1}{2} \\ \frac{2}{3} \\ \frac{3}{4} \\ \frac{4}{5} \\ \frac{5}{6} \\ \hline \frac{7}{12} \end{array} \right\} \text{zu verwandeln} \quad \left. \begin{array}{r} \frac{6}{12} = \frac{4}{12}, \frac{2}{3} = \frac{8}{12} \\ \frac{1}{3} = \frac{3}{12}, \frac{3}{4} = \frac{9}{12} \\ \frac{1}{4} = \frac{1}{12}, \frac{4}{5} = \frac{12}{12} \\ \frac{1}{6} = \frac{2}{12}, \frac{5}{6} = \frac{10}{12} \\ \hline \frac{1}{12} \end{array} \right\} \text{in Zwölftel.} \quad \frac{\frac{4}{12}}{\frac{10}{12}} = 3\frac{4}{12} = 3\frac{1}{3}$$

Addiere:

- a) $\frac{3}{4}, \frac{5}{8}, \frac{1}{2}$, b) $\frac{5}{6}, \frac{3}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}$, c) $\frac{1}{2}, \frac{5}{6}, \frac{3}{4}, \frac{2}{3}$, d) $\frac{1}{16}, \frac{3}{4}, \frac{1}{2}$.
Läßt, Druggistenrechnung.

- e) $\frac{3}{20}, \frac{3}{4}, \frac{4}{5}, \frac{9}{10},$ f) $\frac{9}{20} + \frac{1}{5},$ g) $\frac{2}{3}, \frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{5}{6}, \frac{7}{8}, \frac{11}{12},$
 h) $\frac{5}{6}, \frac{9}{10}, \frac{7}{2}, \frac{2}{3}, \frac{9}{5}, \frac{5}{6},$ i) $\frac{3}{4}, \frac{2}{3}, \frac{1}{2}, \frac{8}{9}, \frac{3}{4}, \frac{1}{2}, \frac{5}{6}, \frac{7}{8},$
 k) $4\frac{1}{4}, 11\frac{3}{8}, 1\frac{1}{2}, 9\frac{1}{2}, 4\frac{1}{16},$ l) $16\frac{3}{2}, 25\frac{1}{4}, 11\frac{1}{3}, 9\frac{1}{2}, 19\frac{7}{6}, 1\frac{1}{24}.$

Die Praxis des Drogisten bietet nur sehr selten ein Rechnen mit großzahligem gemeinen Brüchen, da im kaufm. Verkehr fast ausschließlich nach dem Dezimalsystem gerechnet zu werden pflegt. Es erübrigt sich daher die zeitraubende, oft sehr umständliche Methode zur Auffindung des Generalnenners.

Die Subtraktion gemeiner Brüche beruht auf gleichem Prinzip der Addition.

$10 - \frac{3}{4}$. Ein Ganzen $= \frac{4}{4}$; 10 Ganze $= \frac{40}{4} - \frac{3}{4} = \frac{37}{4}$ oder $9\frac{1}{4}$.
 $\frac{5}{6} - \frac{3}{8}$. Brüche gleichnamig machen; den kleineren vom größeren subtrahieren. Also:

$$\begin{array}{r} \frac{5}{6} = \frac{20}{24} \\ \frac{3}{8} = \frac{9}{24} \\ \hline \frac{11}{24} \end{array}$$

Subtrahiere:

- a) $9\frac{1}{6} - 5\frac{1}{2}$, b) $\frac{11}{2} - \frac{3}{4}$, c) $\frac{7}{8} - \frac{2}{3}$, d) $\frac{11}{2} - \frac{7}{10}$.

Multiplikation von Brüchen mit:

- a) einer ganzen Zahl, b) Brüchen.

$$\frac{9}{10} \times 4 = 4 \times \frac{9}{10} = \frac{36}{10} \text{ oder } 3\frac{3}{5}.$$

Also: Die ganze Zahl mit dem Zähler multiplizieren, das Ergebnis kürzen.

$$\frac{3}{4} \times \frac{5}{6} = \frac{3 \times 5}{4 \times 6} = \frac{15}{24} \text{ oder } \frac{5}{8}.$$

Also: Zähler \times Zähler, Nenner \times Nenner, Ergebnis kürzen.

Multipliziere:

- a) $\frac{7}{12} \times \frac{5}{6}$, b) $\frac{1}{2} \times \frac{4}{3}$, c) $\frac{9}{11} \times \frac{17}{9}$, d) $\frac{17}{12} \times \frac{13}{11}$,
 e) $\frac{2}{3} \times \frac{3}{2}$, f) $\frac{1}{4} \times \frac{1}{9}$.

Hat man Brüche zu multiplizieren, deren Faktoren sich heben lassen, so tue man letzteres vor dem Multiplizieren. Also:

$$\frac{9}{48} \times \frac{3}{12} = \frac{9}{48} \times \frac{3}{12} = \frac{3}{16}.$$

Multipliziere durch vorheriges Kürzen:

- a) $\frac{8}{14} \times \frac{9}{4}$, b) $\frac{3}{2} \times \frac{2}{14}$, c) $\frac{18}{17} \times \frac{9}{15}$.

Ganze Zahl \times gemischte Zahl.

Beide sind in unechte Brüche zu verwandeln, und man verfahre wie vorher angegeben.

Das gleiche gilt für die Multiplikation von gemischter Zahl mit gemischter Zahl. Also:

$$6 \times 2\frac{3}{4} \text{ oder } \frac{24}{4} \times \frac{11}{4} = 16\frac{5}{4} \text{ oder } = 6 \times \frac{11}{4} = \frac{66}{4}.$$
$$3\frac{1}{2} \times 4\frac{2}{5} \text{ oder } \frac{7}{2} \times \frac{22}{5} = \frac{77}{5} = 15\frac{2}{5}.$$

Multipliziere:

a) $\frac{4}{8} \times 5\frac{3}{4}$, b) $9 \times 7\frac{3}{5}$, c) $6\frac{1}{2} \times 7\frac{2}{3}$, d) $19 \times 1\frac{3}{4}$,
e) $17\frac{1}{2} \times 5\frac{5}{8}$, f) $13\frac{4}{7} \times 19\frac{5}{8}$.

Die Division mit Brüchen durch eine ganze Zahl.

$\frac{5}{7} : 2 = 6 : 2 = \frac{3}{7}$. Also: den Zähler durch die ganze Zahl teilen. Oder: $\frac{5}{7} : 2 = \frac{5}{14}$.

Da nämlich der Zähler sich nicht durch 2 ohne Rest teilen lässt, operiere man mit dem Nenner 7, den man mit der Divisorzahl multipliziert. Denn je kleiner der Nenner, desto kleiner der Bruchwert.

Dividiere:

a) $\frac{9}{11} : 3$, b) $\frac{16}{7} : 4$, c) $\frac{24}{11} : 8$, d) $\frac{48}{11} : 16$, e) $\frac{2}{3} : 7$, f) $\frac{8}{9} : 3$,
g) $\frac{7}{8} : 6$, h) $\frac{4}{3} : 3$, i) $\frac{1}{2} : 4$, k) $\frac{1}{2} : 5$.

Division von Bruch durch Bruch.

$$\frac{5}{6} : \frac{3}{4} = \frac{5}{6} \times \frac{4}{3} = \frac{20}{18} = \frac{10}{9}.$$

Also: Man drehe den Divisorbruch um, setze die Zahlen verändert in den Bruchstrich, nehme nun Zähler \times Zähler u. Nenner \times Nenner (ev. kürzen).

Dividiere:

a) $\frac{16}{7} : \frac{2}{3}$, b) $\frac{9}{11} : \frac{3}{7}$, c) $\frac{1}{2} : \frac{5}{8}$, d) $\frac{7}{9} : \frac{4}{5}$.

Bei der Division von einer gemischten Zahl durch einen Bruch, z. B.

$7\frac{1}{4} : \frac{3}{8}$
oder von einer gemischten Zahl durch eine gemischte Zahl, z. B.

$9\frac{3}{8} : 5\frac{7}{8}$
verfahre man ebenso, doch verwandle man gemischte Zahlen in unechte Brüche.

Also: $7\frac{1}{4} = \frac{29}{4} : \frac{8}{3}$ geschrieben: $\frac{29 \times 8}{4 \times 3} = 19\frac{1}{3}$

Oder: $24\frac{1}{3} : 7\frac{2}{7} = \frac{73 \times 7}{3 \times 51} = 3\frac{52}{153}$

Oder: $12\frac{3}{4} : 15\frac{5}{8} = \frac{51 \times 8}{4 \times 125} = 1\frac{92}{125}$

Dividiere:

a) $\frac{9}{17} : 8$, b) $\frac{1}{2} : \frac{2}{5}$, c) $2\frac{3}{7} : 6$, d) $5\frac{3}{4} : 3\frac{7}{8}$, e) $19\frac{7}{8} : 24\frac{3}{4}$,
f) $24\frac{1}{3} : \frac{2}{3}$, g) $35\frac{1}{4} : 9$, h) $\frac{4}{5} : 883$, i) $21\frac{3}{8} : 116$, k) $53 : 17\frac{3}{4}$.

68. Eine Kiste ist mit 96 l Ungarwein gefüllt. Wir ziehen ab in Flaschen: $\frac{2}{3}$ l, $\frac{1}{4}$ l, $\frac{4}{5}$ l, $\frac{7}{8}$ l, $\frac{3}{16}$ l.
a) Wieviel l verbleiben im Fass, b) welchen Wert hat der Inhalt vor Entnahme, c) nach Entnahme, d) der abgezogene Wein, wenn das l Ungarwein 2,40 ₩ kostet?
69. Aus einem Fass Ungarwein, enthaltend 250 l, werden abgefüllt in Flaschen: $12 \times \frac{1}{4}$ l, $28 \times \frac{3}{4}$ l, $48 \times \frac{1}{2}$ l, $64 \times \frac{3}{8}$ l, $56 \times \frac{1}{8}$ l, auch ein Posten von 65 l wird aus dem Fass entnommen.
a) ? l wurden abgefüllt? b) ? l wurden im ganzen entnommen? c) ? l verbleiben?
70. Wieviel kostet der Inhalt folgender Flaschen Ungarwein, wenn das l mit 2,70 ₩ bezahlt wird?
a) 16 Flasch. $\frac{3}{8}$ l b) 12 Flasch. $\frac{5}{8}$ l
7 " $\frac{1}{4}$ l 24 " $\frac{3}{4}$ l
9 " $\frac{3}{4}$ l 16 " $\frac{3}{4}$ l
11 " $\frac{1}{2}$ l 20 " $\frac{2}{5}$ l
-
71. 56 Flasch. zu $\frac{3}{4}$ l, von denen das l 2,10 ₩ im Einkauf kostet, werden mit 2,50 ₩ die Flasche verkauft. Wieviel verdient man an diesem Posten?
72. 16 l Wein $\left. \begin{array}{l} \frac{1}{4} \\ \frac{3}{4} \\ \frac{1}{2} \\ \frac{3}{8} \\ \frac{1}{8} \end{array} \right\}$ ergeben wieviel Flaschen?
73. 1 Liter Himbeersaft wiegt 1480 g. Vorhanden sind:
8 Flasch. zu $\frac{3}{8}$ l Das kg kostet im Einkauf 70 ₩.
28 " " $\frac{1}{4}$ l Wieviel kostet der Gesamteinheit?
32 " " $\frac{5}{8}$ l
18 " " $\frac{1}{2}$ l
-

Dezimalbrüche.

Als Dezimalbrüche (abgeleitet von decim = 10) bezeichnet man solche Brüche, deren Nenner eine **dekadische Einheit** bilden (10, 100, 1000). Kennzeichnet sind sie durch das eingesetzte

Komma, welches als Grenzstein gilt. Von der Anbringung des Kommas ist der Wert des Dezimalbruchs abhängig. Ein Ganzen = 1, dezimal geschrieben 1,0. Ein Ganzen geteilt durch $10 = \frac{1}{10}$, dezimal geschrieben 0,1.

Die Stellen links vom Komma zeigen ganze Zahlen oder, falls keine vorhanden, eine Null an. Stellen rechts vom Komma sind Bruchzahlen, und zwar die erste Stelle Zehntel, die zweite Hundertstel usw. Nullen rechts vom Komma sind wertlos (4,50, oder 4,500 oder 4,5). Die Veränderung des Kommas um eine Stelle nach links verkleinert um das 10fache den Bruch. Das Entgegengesetzte geschieht bei Veränderung nach rechts. Im kaufmännischen Leben wird meist nur nach dem Dezimalsystem gerechnet, daher kommen hauptsächlich Dezimalbrüche zur Verwendung.

Addieren und Subtrahieren.

Hauptregel: Komma unter Komma, sonst wie mit ganzen Zahlen.

Beispiel: $1111,11 + 1,1 + 11,11 + 1,111$

$$\begin{array}{r} \text{geschrieben: } = 1111,11 & 0,014 \\ & 1,1 & 10,4 \\ & 11,11 & 1,04 \\ & 1,111 & 0,411 \\ \hline & 1124,432 & 104,01 \\ & & \hline & & 115,875 \end{array}$$

Beispiel: $718,04 \text{ M} - 1,2 \text{ M}$, geschrieben

$$\begin{array}{r} 718,04 \text{ M} \\ - 1,2 \text{ "} \\ \hline 716,84 \text{ M} \end{array}$$

Löse folgende Aufgaben:

- a) $9,07 + 15,605 + 27,072 + 0,785 + 28,008 \text{ M}$
- b) $85,25 + 66,75 + 44,50 + 97,35 + 25,345 \text{ kg}$
- c) $0,75 + 0,07 + 0,087 + 0,976 + 0,54 \text{ g}$
- d) $28,35 + 29,00 + 17,05 + 24,008 + 0,057 \text{ km}$
- e) $0,7 + 0,401 + 0,2013 + 0,56345 + 0,04 \text{ ha}$
- f) $4,8274 - 2,0139$
- g) $6,3546 - 3,8273$
- h) $3,842 - 1,00554$
- i) $6,004435 - 0,17$.

Multiplikation.

Sie geschieht wie mit ganzen Zahlen, ohne Rücksicht auf vorhandene Komma. Vom Produkt sind von rechts nach links so viel Stellen abzuschneiden, als in beiden Faktoren Stellen vorhanden sind.

$$\begin{array}{r}
 1,045 \\
 \times 5 \\
 \hline
 5,225
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 0,05 \\
 \times 0,3 \\
 \hline
 0,015
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1,80 \\
 \times 2,4 \\
 \hline
 720 \\
 360 \\
 \hline
 4,320
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 0,082 \\
 \times 95 \\
 \hline
 410 \\
 738 \\
 \hline
 7,790
 \end{array}$$

Das Multiplizieren mit 10, 100, 1000 usw. geschieht nur durch Versetzen des Kommas von links nach rechts! Also:

$$2,9 \times 10 = 29,0 \text{ oder } 29,$$

$$107,80 \times 10 = 1078,0,$$

$$9,840 \times 100 = 984,0,$$

$$1,0873 \times 1000 = 1087,3.$$

Löse folgende Aufgaben:

$$1,7 \times \text{a) } 38,1, \text{ b) } 1,9, \text{ c) } 0,4, \text{ d) } 0,14, \text{ e) } 1,078.$$

$$10 \times \text{a) } 1,018, \text{ b) } 10,180, \text{ c) } 0,1018, \text{ d) } 101,8.$$

$$0,4 \times \text{a) } 0,04, \text{ b) } 0,4, \text{ c) } 0,004, \text{ d) } 4,0.$$

Division.

Dividiert man eine ganze Zahl durch einen Dezimalbruch, so setzt man in den Dividendus so viel Stellen ein als der Divisor Stellen hat. Also:

$$3 : 4,5, \text{ geschrieben } 30 : 45 = 0,644.$$

Nun operiere man wie mit ganzen Zahlen.

Bruch dividiert durch eine ganze Zahl.

Man setze in den Divisor so viel Nullen ein, als der Dividendus Stellen zeigt. Also:

$$1,7 : 8, \text{ geschrieben } 17 : 80 = 0,21.$$

Bruch dividiert durch Bruch.

Man setze das Komma in beiden Zahlen so viel Stellen nach rechts, als der Divisor Stellen hat. Also:

$$78,8 : 1,62, \text{ geschrieben } 7880 : 162 =$$

$$9184,5 : 2,830, \text{ geschrieben } 9184500 : 2830 =$$

Fehlende Dezimalstellen sind immer durch Nullen zu ergänzen!

Die Division durch 10, 100, 1000 geschieht stets durch einfaches Versetzen des Kommas von rechts nach links.

$$78,4 : 10 = 7,84, \quad 9,807 : 10 = 0,9807.$$

Löse folgende Aufgaben (auf 2 Dezimalstellen auszurechnen):

- a) 24 : 0,8, b) 11 : 9,8, c) 104 : 88,7, d) 8,4 : 6, e) 1,80 : 8,
- f) 9,04 : 20, g) 75,62 : 3,6, h) 1,04 : 0,02, i) 900,8 : 0,6.

Jeder Dezimalbruch lässt sich als gemeiner Bruch ausdrücken.

$$\text{z. B. } 18,4 = 18\frac{4}{10}, \quad 39,84 = 39\frac{84}{100}.$$

Man verwandelt einen gemeinen Bruch in einen Dezimalbruch, indem man den Nenner in den Zähler dividiert.

3. B. $\frac{3}{4} = 3 : 4 = 0,75,$
 $\frac{9}{11} = 9 : 11 = 0,81.$

Verwandle in Dezimalbrüche:

$$\frac{9}{14}, \frac{7}{24}, \frac{18}{25}, \frac{97}{105}, \frac{17}{35}, \frac{2}{5}.$$

Im Handelsgebrauch ist es üblich, dekadische Einheiten 10, 100 usw. mit bestimmten Ausdrücken zu benennen.

Das Vielfache bezeichnet man mit deca = 10 fach, hecto = 100 fach, kilo = 1000 fach.

Die Einheiten unter eins nennt man: deci = $\frac{1}{10}$, centi = $\frac{1}{100}$, milli = $\frac{1}{1000}$.

6 Dekag = 60 g, 6 Decig = 0,6 g, 18 hl = 1800 l, 18 Dekal = 180 l, 18 Decil = 1,8 l, 103 Hectom = 10300 m, 103 Dekam = 1030 m, 103 Decim = 10,3 m, 103 cm = 1,03 m, 103 mm = 0,103 m.

Verwandle in mehrfach benannte Zahlen:

- a) 84 deg, b) 35 eg, c) 85 mg, d) 46 g, e) 7426 deg,
f) 96 dkg, g) 18 hg, h) 245 mg, i) 540 g, k) 3608 eg,
l) 668 eg, m) 108 dkg, o) 8255 mg, p) 5365 g, q) 4870 mg
r) 2089 deg, s) 3060 g, t) 4800 eg, u) 2009 mg.

Man schreibt: mg = Milli
eg = Centi } gramm
deg = Deci
g = Gramm
dkg = Deka
hg = Hecto } gramm
kg = Kilo

74. Eine Sendung Honig, 6 Fässer, wiegen brutto 72, 61, 56, 79, 42, 87 kg, die Tara 5,6, 6,8, 4,8, 9,1, 9,0, 3,7 kg. Das kg Honig kostet 1,18 ₣, Fracht 17,50 ₣, Röllgeld 1,80 ₣. Wieviel kostet das einzelne Faß im Durchschnitt?
75. Fünf Ballons Schwefelsäure, Brutto 87, 78, 71, 81, 76 kg, Tara 6,9, 5,8, 5,2, 6,4, 5,7 kg. Preis pro 100 kg 14,25 ₣, Fracht 4,15 ₣, Röllgeld 0,90 ₣. ? kostet der Ball. im Durchschnitt?
76. Der letzgenannte Ballon geht entzwei. Welchen Geldschaden haben wir, wenn der leere Ballon mit 1,50 ₣ berechnet wird?
77. Sechs Fässer Benzin, Brutto 244, 312, 261,9, 294,4, 250,0, 304,7 kg, Tara 31,8, 44,1, 34,7, 37,2, 33, 41,2 kg. Fracht 7,90 ₣, Röllgeld 3,60 ₣. Das kg Ware kostet 29,4 ₢. Welcher Endbetrag?

78. Sieben Fässer Benzin, Brutto 248,9, 301,4, 296,3, 340,1,
272,9, 311,4, 400 kg, Tara 32,8, 39,1, 30,4, 41, 35,7,
39, 43 kg. Das kg kostet im Einf. 32,4 ♂; es kommen
5,60 ⚡ Fracht und 2,80 ⚡ Rollgeld dazu. Wieviel kostet
ein Fäß im Durchschnitt? Fässer inklusive.
79. Brausepulver in Kapseln bestehen aus 2 g Natr., 1,5 g
Weinstein säure.
- Wieviel Natr. und Weinstein säure ist erforderlich für:
- | | |
|-------------|-------------|
| 6 Dbd. Paar | 3 Grs. Paar |
| 150 Std. " | 600 Std. " |
80. Desgl.: dieselbe Frage
 $\frac{1}{2}$ Grs. Paar, 4 Dbd. Paar, $\frac{1}{2}$ Dbd. Paar, 300 Paar,
3 Dbd. Paar?
81. Wieviel Paar kann man fertigen aus 900 Natr. und 600
Säure?
-

82. 12 Fässer Schmieröl, das kg zu 21 ♂, haben folgende
Gewichte:

Brutto	147 kg	Tara	29,5 kg
"	241 "	"	37,0 "
"	198 "	"	31,6 "
"	183 "	"	29,0 "
"	178 "	"	27,8 "
"	221 "	"	34,5 "
"	203 "	"	33,2 "
"	187 "	"	31,7 "
"	145 "	"	29,9 "
"	159 "	"	30,4 "
"	198 "	"	34,6 "
"	186 "	"	32,8 "

Es kommen 11,80 ⚡ Fracht und 4,80 ⚡ Rollgeld als
Spesen dazu. Wieviel kostet ein Fäß im Durchschnitt, wenn
die Fässer inklusive sind?

Der Bruchansatz und seine Vorteile.

Zur Erklärung des Namens diene folgendes: Der Bruch
 $\frac{5}{6}$ entsteht

1. durch Teilung eines Ganzen in 6 Teile = $\frac{1}{6}$, multipliziert mit 5, oder
2. durch Teilung von 5 Ganzen in 6 Teile.

Der $\frac{3}{5}$ geschriebene Bruch deutet an, daß der 6. Teil von 5 $= \frac{3}{5}$ ist. Jeder Bruch ist somit eine Division. Jede Division kann man also auch als Bruch schreiben.

Beispiel: 3 ₩ sind durch 6 zu teilen.

Als Bruch geschrieben: $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ ₩

oder 17 kg : 8, als Bruch $\frac{17}{8} = 2\frac{1}{8}$ kg.

Der Wert der Zahl (oder Zahlen) über dem Bruchstrich ist durch den Wert der Zahl (oder Zahlen) unter dem Bruchstrich zu teilen.

Der hierdurch in seinem Wesen kurz erläuterte Bruchansatz ist als vorzügliche kürzeste Methode zur Lösung von

Regeldeträufgaben

mit direkten u. indirekten Verhältnissen auf schriftl. Wege verwendbar.

Besonders einfach gestaltet sich die Lösung bei Aufgaben mit solchen Zahlen, die miteinander in einem Teilverhältnis stehen.

Beispiel:

13 Kisten wiegen 2730 kg, wieviel 7 Kisten?

Man ist gewohnt zu folgern:

$$13 \text{ Kist.} = 2730 \text{ kg}$$

$$1 \text{ " } = 2730 : 13 = 210 \text{ kg}$$

$$7 \text{ " } = 210 \text{ kg} \times 7 = 1470 \text{ kg.}$$

In den Bruchansatz eingestellt:

$$\frac{2730 \text{ kg}}{13 \text{ Kisten}} \quad ? \quad 7 \text{ Kisten ?}$$

13 Kisten

Da die Zahlen über dem Bruchstrich Dividenden und die unter dem Bruchstrich Divisoren sind, lassen sie sich gegenseitig kürzen (heben), z. B.

$$\frac{210}{2730} \quad ? \quad 7 = 1470 \text{ kg.}$$

1. Ein Stück Gummistoff, 90 cm breit, 1 m lang, kostet 2,80 ₩.

Wieviel kostet ein Stück 70×30 cm. (Gleiche Faktoren!)

Bruchansatz:

$$\frac{280 \text{ ₩}}{\underbrace{90 \times 100 \text{ cm}}_{9000}} \quad ? \quad \overbrace{70 \times 30}^{2100}$$

$$\text{gefürzt: } \frac{280}{9000} \quad ? \quad \frac{2100}{3} = 196 : 3 = 65,3 \text{ ₩.}$$

2. 194 kg Tran kosten 106,70 ₩. Wieviel kosten 11 kg?

Bruchansatz:

$$\begin{array}{r} 106,70 \text{ ₩} \\ \hline 194 \text{ kg} \end{array} \quad ? \text{ 11 kg}$$

Um Dezimalstellen zu vermeiden und zu vereinfachen, denke man sich die ₩ immer als ₧. Das Resultat sind dann natürlich immer ₧, also:

$$\begin{array}{r} 5335 \\ 10670 \text{ ₧} \\ \hline 194 \text{ kg} \\ 97 \end{array} \quad \begin{array}{r} 11 \text{ kg} \\ = 605 \text{ ₧} \end{array}$$

3. Fünf Teile frische Kamillen ergeben einen Teil trockne Ware. Wieviel kg trockne Ware ergeben 94 kg frische Kamillen?

$$\begin{array}{r} \rightarrow = 1 \text{ trockne} \\ \hline 5 \text{ frische} \end{array} \quad \begin{array}{r} 94 \text{ frische} \\ = 94 : 5 = 18,8 \text{ kg.} \end{array}$$

4. Statt 6 kg Fußbodenöl, das kg zu 48 ₧, hat jemand irrtümlich Firnis, das kg zu 1,05 ₩, erhalten und bezahlt. Wieviel kg Fußbodenöl muß er für den bezahlten Firnis beim Umtausch erhalten?

Lösung: Bezahlte $6 \times 1,05 = 6,30 \text{ ₩}$

$$\begin{array}{r} \rightarrow = 1 \text{ kg Öl} \\ \hline 48 \text{ ₧} \end{array} \quad \begin{array}{r} 630 \text{ ₧} \\ = 13,1 \text{ kg.} \end{array}$$

5. Wieviel £ sind 160 ₩?

$$\begin{array}{r} \rightarrow = 1 \text{ £} \\ \hline 20,40 \text{ ₩} \end{array} \quad \begin{array}{r} 160 \text{ ₩} = ? \\ = \end{array}$$

$16\,000 \text{ ₧} : 2040 \text{ ₧}$, gefürzt:

$$\begin{array}{r} 400 \\ 1 \quad 16\,000 \\ \hline 2040 \\ 51 \end{array} \quad = 7,8 \text{ £}$$

6. 1 englisches £ = 20,40 ₩.

Wieviel ₩ sind 16 £?

$$\begin{array}{r} \rightarrow = 20,40 \text{ ₩} \\ \hline 1 \text{ £} \end{array} \quad \begin{array}{r} 16 \text{ £} \\ = 16 \times 20,40 = 326,40 \text{ ₩.} \end{array}$$

7. 4 Gr. Reaumur = 5 Gr. Celsius.

Wieviel Gr. R sind 56 Gr. C?

$$\begin{array}{r} \rightarrow = 4 \text{ R} \\ \hline 5 \text{ C} \end{array} \quad \begin{array}{r} 56 \text{ C} \\ = 56 \times 4 = 224 : 5 = 44,8 \text{ R} \end{array}$$

8. Wieviel Gr. C. sind 56 Gr. R.?

$$\overbrace{\rightarrow = 5 \text{ C.} \quad 56 \text{ R.}}^{4 \text{ R.}} = 280 : 4 = 70 \text{ C.}$$

9. 600 Teile Wasser lösen 1 Teil Salizylsäure. Wieviel Säure lassen sich durch 980 g Wasser lösen?

$$\overbrace{\rightarrow = 1 \text{ Säure} \quad ? \text{ 980 Wasser}}^{600 \text{ Wasser}} = ?$$

10. Wieviel Wasser erfordern 980 g Salizylsäure zur Lösung?

$$\overbrace{\rightarrow = 600 \text{ g Wasser} \quad ? \text{ 980 g Säure}}^{1 \text{ g Säure}} = ?$$

Diese Beispiele zeigen, daß der Bruchansatz für alle denkbaren Regeldetrivähältnisse angewendet werden kann. Die einzige Schwierigkeit bietet die richtige Einstellung der Zahlen über resp. unter den Bruchstrich. Man stelle die fragende Zahl zuerst über den Bruchstrich.

Beispiel: 18 qm = 2 kg Farbe, wieviel erfordern 234 qm. Gegeben sind 18 qm und 2 kg Farbe als Grundbedingungen. Gefragt ist: bei 234 qm ? kg.

Auso:

$$\overbrace{\rightarrow = \frac{2 \text{ kg}}{18 \text{ qm}} \quad ? \text{ 234 qm}}^{= ?} = ?$$

nicht: $\overbrace{\frac{18 \text{ qm}}{2 \text{ kg}} \quad 234 ?}^{= ?}$

Beginne mit der Zahl des gegebenen Grundverhältnisses unter dem Bruchstrich. Die fragende Zahl muß dieselbe Bezeichnung tragen.

Auch für zusammengesetzte Regeldetriväufgaben ist die Methode gut brauchbar. Beispiel:

11. Wieviel Zinsen bringen 16 000 M Kapital zu 4 % in 42 Tagen?

Grundbedingung: 100 M Kapital in 360 Tg. 4 M.

Fragen: 16 000 M Kapital in 42 Tg. ? M.

Bruchstrich: $\frac{4 \text{ M Zins.}}{100 \text{ Kap.}} \quad ? \text{ 16000 Kap. in 42 Tg.}$

gekürzt: $\overbrace{\frac{4}{100} \quad \frac{16000}{360} \quad \frac{42}{3}}^{14} = \frac{16 \times 14}{224 : 3} = 74,6 \text{ M}$

12. 1 m Bettstoff, der 90 cm breit liegt, kostet 2,80 M. Wieviel kostet ein Stück 70 cm breit, 45 cm lg.

Bruchstrich: $\frac{? \ 70 \times 45 \text{ cm}}{\cancel{10} \times \cancel{90} \text{ cm}}$

$$\frac{\cancel{10} = 280 \delta}{\cancel{10} \times \cancel{90} \text{ cm}} \quad \frac{? \ 70 \times 45 \text{ cm}}{?} = ?$$

13. 7 l 80 grädiger Spiritus kosten 12,80 M . Wieviel kosten 14 l 90 grädiger?

$$\frac{12,80 \text{ M}}{7180 \text{ gräd.}} \quad ? \quad \frac{14 \text{ l } 90 \text{ gräd.}}{?} = ?$$

Der Vorteil des Bruchstriches tritt noch mehr zu Tage bei Aufgaben mit Bruchzahlen, weil man durch ihn die Brüche ganz umgehen kann.
Beispiel: 1 l Ungarwein kostet 2,40 M . Wieviel kosten 24 Std. $\frac{3}{8}$ l.

$$\frac{\cancel{240 \delta}}{\cancel{11}} \quad ? \quad \frac{24 \quad 31}{8} = 3 \times 3 \times 240 \delta = 21,60 \text{ M}$$

oder: 24 Std. $\frac{3}{8}$ l kosten 21,60 M . Wieviel kostet 1 l.

$$\frac{30}{30} \quad \frac{30}{30} \quad \frac{8 \text{ l } 2160 \delta}{24 \text{ l }} \quad ? \quad 1 \text{ l } = 2,40 \text{ M}$$

14. Reaumur u. Celsius verhalten sich wie 80 zu 100, oder gekürzt 4 zu 5. $4 \text{ R} = 5 \text{ C}$.

Bruchstrich: $\frac{5 \text{ C} \quad x \text{ R} \quad ? \text{ C}}{4 \text{ R}}$

Folgende Wärmegrade sind entsprechend zu verwandeln.

- | | | | |
|----------|----------|----------|----------|
| a) 17 R | a) 11 R | a) 41 R | a) 16 R |
| b) 17 C | b) 29 R | b) 117 R | b) 56 C |
| c) 21 R | c) 27 R | c) 117 C | c) 11 C |
| d) 21 C | d) 27 C | d) 248 C | d) 19 R |
| e) 108 R | e) 1 R | e) 41 R | e) 29 R |
| f) 108 C | f) 1 C | f) 14 C | f) 14 C |
| g) 98 R | g) 141 C | g) 19 R | g) 34 R |
| h) 98 C | h) 7 C | h) 16 R | h) 31 C |
| i) 19 R | i) 92 R | i) 16 C | i) 99 R |
| k) 19 C | k) 92 C | k) 21 R | k) 99 C |
| l) 47 R | l) 12 C | l) 21 C | l) 17 C |
| m) 74 C | m) 21 R | m) 14 R | m) 71 C |
| n) 91 C | n) 87 C | n) 41 C | n) 115 R |
| o) 19 R | o) 87 R | o) 56 R | o) 151 C |
| p) 14 C | p) 16 C | p) 70 C | p) 155 R |

Regeldetri.

1. 1 Fäß netto 390 kg Graphit kostet 45,60 ₩. Wieviel kostet ein Fäß mit 63 kg Netto?
$$\begin{array}{r} | \uparrow = 4560 & ? \\ \hline \rightarrow 390 & 63 \end{array}$$
2. 1 Barrel netto 103 kg Rüböl kostet 97,85 ₩. Wieviel kostet 1 kg?
3. 1 Ballen Siliqua dulcis netto 96 kg kostet 28,80 ₩. Wieviel kostet 1 Ballen mit 124 kg Netto-Gewicht?
4. 1 Fäß netto 56 kg Karlsbader Salz kostet 8,40 ₩. Wieviel kosten 82 kg?
5. 1 Serone Gummiarab. netto 139 kg kostet 236,30 ₩. Wieviel kosten 40 kg?
6. 1 Ballon Glyzerin netto 74 kg kostet mit Ballon, der 2,50 ₩ gerechnet ist, 139,40 ₩. Wie teuer sind dann 5 kg Glyzerin?
7. 1 Barrel netto 320 kg Chlormagnesium kostet 25,60 ₩. Wieviel kosten 150 kg?
8. 1 Fäß netto 285 kg Kaliumbichromat kostet 199,50 ₩. Wieviel 1 Fäß mit 185 kg?
9. 1 Fäß Seifenstein netto 65 kg kostet 13,65 ₩. Wieviel kostet 1 kg?
10. 60 kg Raftalin kosten 13,65 ₩. Wieviel kosten 21 kg?
11. 3,5 Teile Wasser lösen 1 Teil Kupfervitriol. Wieviel Wasser ist nötig zur Lösung folgender Mengen?
a) 16 kg, b) 3 kg, c) 5 kg, d) 13 kg.
12. 1 Teil Borax wird durch 17 Teile Wasser gelöst. Wieviel Borax kann man lösen durch
a) 5 kg, b) 3,2 kg, c) 6,8 kg, d) 510 g, e) 1530 g Wasser?
13. 1 Teil Uebermangansäures Kali wird durch 16 Teile Wasser gelöst. Wieviel Wasser ist erforderlich zur Lösung von
a) 16 g, b) 140 g, c) 29 g, d) 35 g, e) 0,5 g, f) 0,7 g?
14. Berechne die Gewichtsmenge von Oelfarbe für folgende Flächengrößen, wenn 18 qm 800 g Farbe erfordern.
a) 1240, b) 320, c) 1080, d) 960, e) 1818 qm.
15. 12 qm = 1 kg Farbe. Wieviel kg bei
a) 8195, b) 2810, c) 404, d) 7018, e) 5041 qm.

16. 60 l Spiritus kosten 121,20 ₩. Wieviel kosten dann
a) $\frac{3}{4}$, b) $\frac{1}{2}$, c) $\frac{7}{8}$, d) $\frac{9}{5}$, e) $\frac{18}{4}$ l?

$$\text{Lösung} \quad \frac{\rightarrow = 12120 \quad ? \quad 18\frac{1}{4} = 73}{\overline{60 \ 1 \qquad \qquad \qquad 4}} = ?$$

17. a) 65 kg kosten 8,75 ₩, ? kosten 78 kg
b) 187 " " 107,10 " ? " 66 "
c) 128 " " 162,88 " ? " 56 "
d) 468 " " 322,64 " ? " 91 "
e) 693 " " 567,63 " ? " 121 "
f) 143 " " 40,04 " ? " 95 "
g) 63 " " 22,47 " ? " 48 "
h) 1425 " " 349,41 " ? " 275 "
i) 141 " " 481,28 " ? " 63 "
k) 225 " " 656,25 " ? " 156 "

18. Von Vegetabilien, die getrocknet wurden, ergaben bei
Fruct. Myrtilli 13 Teile frische Ware 2 Teile getrocknete W.
Flor. Acaciae 4 " " " 1 " " "
" Arnicae 5 " " " 1 " " "
" Lamii 5 " " " 1 " " "
" Lavandul 8 " " " 3 " " "
" Paeoniae 17 " " " 2 " " "
" Sambuci 11 " " " 2 " " "
" Verbasci 15 " " " 2 " " "
Fol. Menth. pip 9 " " " 2 " " "
" Cochleariae 25 " " " 2 " " "
Rad. Ononid. 3 " " " 1 " " "
Levisticci 11 " " " 4 " " "

- a) Um 6 kg getrocknete Ware zu erhalten, brauchen wir wieviel kg frische Vegetabilien?
b) 6 kg frische Ware geben wieviel getrocknete?

19. Wieviel kosten:

- a) 8,125 kg, wenn 43,75 kg 33,6 ₩ kosten
b) 3,64 " " 2,625 " 8,25 " "
c) 15,625 " " 6,5 " 7,28 " "
d) 1,3524 " " 2,205 " 11,25 " "
e) 10,12 " " 26,125 " 23,75 " "
f) 4,375 " " 157,5 " 102,96 " "
g) 9,152 " " 6,16 " 3,15 " "
h) 127,5 " " 78,75 " 44,10 " "
i) 41,6 " " 11,2 " 3,15 " "
k) 31,875 " " 7,875 " 8,82 " "

a) $\frac{= 33,6 \text{ M} ? 8,125 \text{ kg}}{43,75 \text{ kg}} = 6,24 \text{ M}$
geschriften:
$$\begin{array}{r} 336 & 8125 \\ \hline \rightarrow 437500 & \end{array}$$
 oben 4 Stellen fort, dafür
markieren, nunmehr kürzen!

Regeldetriaufgaben.

20. Wie teuer sind x kg, nämlich:

- a) 2,5 kg, wenn 65 kg 22,36 M kosten
- b) 7,75 " " 806 " 65,52 " "
- c) 5,25 " " 28 " 11,52 " "
- d) 1,68 " " 22 " 24,75 " "
- e) 15,125 " " 33 " 1,44 " "
- f) 3,6 " " 34 " 12,75 " "
- g) 1,32 " " 517 " 411,25 " "
- h) 4,2 " " 49 " 19,25 " "
- i) 0,112 " " 63 " 11,25 " "
- k) 1,024 " " 28 " 8,75 " "

Berechnungen

unter Verwendung des spezifischen Gewichts von Flüssigkeiten.

Unter dem spezif. Gewicht einer Flüssigkeit versteht man das Gewicht eines Liters dieser Flüssigkeit.

Ein 1 Schwefelsäure und ein 1 Benzin sind ihrem Rauminhalt nach gleich, im Gewicht sehr abweichend.

1 l Schwefelsäure = 1,814 kg = spezif. Gewicht

1 l Benzin = 0,710 " =

Die Berechnung unter Verwendung des spezif. Gew. ist also nichts weiter als ein Vergleich zu einem Liter (1000 g Wasser).

Beispiel: Glycerin [spezif. Gew. 1,230]

a) Wieviel kg sind 16 l Glycerin?

Lösung

$$\begin{array}{r} 1,230 \text{ kg} ? 16 \text{ l} \\ \hline \rightarrow 1 \text{ l} = \end{array}$$

b) Wieviel l sind 16 kg Glycerin?

Lösung

$$\begin{array}{r} = 1 \text{ l} ? 16 \text{ kg} \\ \hline \rightarrow 1,230 \text{ kg} = \end{array}$$

Auch hierbei kann man bequem den Bruchansatz verwenden.
Man beachte:

Unter dem Bruchstrich mit dem gegebenen Grundverhältnis beginnen, die Frage über den Bruchstrich stellen. Die fragende Zahl muß mit der Zahl unter dem Strich gleiche Bezeichnung tragen.

Benzin [0,710] ? l sind 24 kg?

Also: $0,710 \text{ kg} = 1 \text{ l}$

$24,000 \text{ " } = ? \text{ l}$

Noch einfacher wird die Lösung, wenn man die spezif. Gewichtszahl als Gramme auffaßt. Man muß dann die fragende Gewichtszahl auch in Grammen schreiben.

$$\text{Also } \frac{1}{710 \text{ g}} = 1 \text{ l } 24000 \text{ g ?}$$

kg in l umzuwandeln ist Division, l in kg umzurechnen ist Multiplikation!

Glyzerin	1,230	Benzin II	0,710
Salmiakgeist	0,960	Schwefelsäure	1,814
Natronlauge	1,383	Salpetersäure	1,330
Bleießig	1,240	Spiritus	0,835
Benzin I	0,690	Essigäther	0,904

1. 50 l vorstehend benannter Flüssigkeiten mit nebenstehenden Angaben des spezif. Gewichtes sind in kg auszudrücken.
2. Desgleichen 50 kg in l zu verwandeln.
3. Hydrarg.metall, spezif. Gew. 13,590.
16 l, 2,8 l, 0,125 l, 0,05 l. ? kg.
4. 24 kg Glyzerin [1,230] ? l
5. 45 l Bleießig [1,240] ? kg
6. 13 l Essigäther [1,041] ? kg
7. 65 kg Salp.-Säure [1,330] ? l
8. 29 l Essigäther [0,904] ? kg
9. 540 kg Spiritus [0,835] ? l
10. 50 l Salzsäure [1,152] ? kg
11. 10 l Schwefeläther [0,724] ? kg
12. 600 l Benzин [0,710] ? kg
13. 440 l " " ? kg
14. 541 l " " ? kg
15. 650 l " " ? kg
16. 60 l Lauge [1,383] ? kg
17. 60 l Schwefelsäure [1,840] ? kg
18. 60 kg " " ? l

19. 1 Fäß, brutto 100 kg Spiritus [0,831] fäßt 100 l.
? Netto-, ? Tara-Gewicht?
20. 1 Fäß [0,835] Spiritus, brutto 111 kg, Tara 15 kg. ? l?
21. 1 Fäß [0,835] 96 l Spiritus. ? kg?
32. 1 Ballon, 72 l H₂SO₄ [1,814] wiegt wieviel, wenn die Tara 9 kg ausmacht?
23. 1 Fäß. 56 kg Brutto, 7,4 kg Tara. ? l Spiritus [0,835]?
24. Drei Fässer Spirit. [0,835].
Brutto: 114, 132, 151 kg; Tara: 11,5, 14,2, 13,3 kg.
Einf. das 1 2,02 M., Speisen 9,00 M. Wieviel kostet 1 l
durch die gehabten Speisen?
25. Drei Fässer desgl.
Netto: 59, 142, 53 kg, Einf. das 1 1,97 M., kosten wieviel?
Fässer nicht berechnen!
26. Ein Eisenfäß Benzin [0,695] enthält 580 l. Das kg kostet
im Einf. 37 ₣. Wir verkaufen daraus 57 kg.
a) ? kg vor | Entnahme e) ? Wert vor | Entnahme?
b) ? „ nach | d) ? „ nach |
e) ? Wert hatten die 57 kg?
27. 7 Fässer Benzin [0,710] wiegen zusammen brutto 2171 kg,
die Tara beträgt 261 kg. Der Preis des Liters ist 33 ₣,
dazu kommen 5,60 M. Fracht u. 2,80 M. Rollgeld. Wieviel
kostet das Fäß im Durchschnitt?
- Lösung: 2171 Brutto — 261 Tara = 1910 kg Netto. Wie-
viel Liter?

$$\begin{array}{r} 0,710 \text{ kg} = 1 \text{ l} \\ 1910 \quad " = ? \text{ l} \\ \hline \text{Bruchstrich: } \frac{1}{0,710} \quad 1910 \quad ? \\ 191\,000 : 71 = 2690 \text{ l} \times 33 \text{ ₣} = 887,70 \\ \qquad \qquad \qquad + \quad 5,60 \\ \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad 2,80 \\ \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \overline{896,10} \\ 7 \text{ Fässer} = \overline{896,10} \\ 1 \text{ Fäß} = 896,10 : 7 = 128 \text{ M.} \end{array}$$

28. 1 Fäß Benzol [0,740] 600 l Inhalt wird leer, es verdunsten
6 kg. Wieviel wiegt das Fäß nachträglich?

-
29. Aus einem Fäß v. 400 l Benzin [0,710] sind 50 kg
verkauft worden, das kg zu 40 ₣. Welchen Wert hat der Inhalt:
a) vor, b) nach Entnahme, c) die verkauften Mengen?

30. Ein Ballon enthaltend 63 kg **Glyzerin** [1,230] zu 1,95 M pro kg wird zerbrochen. Es werden 16 l gerettet. Wie groß ist der Geldverlust wenn der Ballon 2,50 M Wert hatte?
31. Für eine Lieferung von 1200 kg **Schwefelsäure** [1,840] stehen 4 Ballons \times 60 l, 4 \times 50 l, 4 \times 65 l Rauminhalt zur Verfügung. Wieviel H_2SO_4 können wir darin liefern?
32. Desgl. 6 Ball. \times 50, 4 \times 65, 2 \times 60 l nehmen wieviel H_2SO_4 auf [1,840]?
33. Desgl. 6 Ball. \times 50, 5 \times 60 l [1,230].
34. In einem Ballon, welcher 92 kg H_2SO_4 [1,840] aufnahm, geht wieviel Benzin [0,710]?
35. Das Gefäß, welches 342,3 l Leichtbenzin [0,690] aufnahm, nimmt wieviel kg Schwerbenzin [0,710] auf?
36. Das Gefäß nimmt 342,3 kg Leichtbenzin [0,690] auf. Wieviel Liter Schwerbenzin [0,710]?
37. Ein mit 600 l geeichtetes Eisenfaß hat eine Tara von 42 kg. Wieviel Brutto muß es wiegen, wenn es mit Benzin [0,710] gefüllt ist?
38. Ein Faß enthält netto 358 kg Spiritus [0,831]. ? l sind daß?
39. Ein Eisenfaß Benzin [0,710], brutto 520 kg, Tara 40 kg, enthält wieviel l?
40. 71 l Spiritus [0,835] ? kg?
41. 71 kg ? l?
42. 1 Ballon mit 120 l Rauminhalt nimmt wieviel H_2SO_4 [1,814] auf?
43. Wieviel kosten 6 Fässer mit Spiritus [0,835], leeres Faß 4,00 M , brutto: 72, 61, 56, 87, 79, 42 kg, Tara: 5,6, 6,8, 4,8, 9,1, 9,0, 3,7 kg, wenn das 1 2,02 M kostet und die Fracht 9,00 M ausmacht?
44. 1 Ballon mit 60 l Glyzerin [1,230] kostet ohne Gefäß 129,20 M . ? kostet 1 kg?
45. 1 Behälter, der 76 kg HCl [1,152] aufgenommen hatte, soll mit H_2SO_4 [1,814] gefüllt werden. Wieviel geht hinein?
46. Ein Eisenfaß, in dem 480 kg Leichtbenzin [0,690] gewesen ist, soll mit Schwerbenzin [0,725] gefüllt werden. Wieviel geht hinein?

Durchschnittsrechnung,

auch Qualitätsberechnung genannt.

1. Wir kaufen:

$$\begin{array}{rcl} 3 \text{ kg Tee das kg } 3,- \text{ M} & = & 9,- \text{ M} \\ 1\frac{1}{2} " " " 2,50 " & = & 3,75 " \\ 4\frac{1}{2} " " " 3,50 " & = & \underline{15,75} " \\ \hline 9 \text{ kg kostet} & & = 28,50 \text{ M} \\ 1 " 2850 : 9 & = & 316,6 \delta = 3,17 \text{ M}. \end{array}$$

Regel: Rechne die Preise der einzelnen Bestandteile aus, addiere sie und teile das Ergebnis durch die erhaltene Gesamtmenge!

2. Es werden gemischt:

$$\begin{array}{rcl} 30 \text{ l 96 gräd. Spirit.} & = & 2880 \\ 20 \text{ l 80 " " } & = & 1600 \\ 10 \text{ l Wasser } & = & 0000 \\ \hline 60 \text{ l } & = & 4480 \text{ Spiritusgrade} \end{array}$$

4480 Grade verteilt auf 60 l Mischung
1 l = 4480 : 60 = 74,6 grädig.

3. Es werden gemischt:

$$\begin{array}{rcl} 600 \text{ g Ol. Citri} & \text{das kg } & 8,40 \\ 400 \text{ " Spiritus [0,835]} & \text{das l } & 2,05 \end{array}$$

Wieviel kostet 50 g der Mischung?

4. Es werden gemischt:

$$\begin{array}{rcl} 2\frac{1}{2} \text{ kg grüne Farbe zu } 0,60 \text{ M} \\ 7\frac{1}{2} " " 0,36 " \end{array} \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \text{ das kg}$$

Wie teuer stellt sich die Mischung im Durchschnitt?

$$\begin{array}{rcl} \text{Lösung: } 2\frac{1}{2} \cancel{\times} 60 & = & 150 \\ 7\frac{1}{2} \cancel{\times} 36 & = & 270 \\ \hline 10 \text{ kg} & = & 4,20 \text{ M} \\ 1 " & = & 42 \delta. \end{array}$$

5. Desgl. 3 kg Souchong-Tee zu 5,60
1 $\frac{1}{2}$ " Pecco " 9,40 } das kg
5 $\frac{1}{2}$ " Congo " 6,20 }

Wieviel kostet $\frac{1}{2}$ kg der Mischung?

6. Desgl. 42 kg Terpentin-Del [1,10 M] } die gleiche Frage?
28 " " Erzatz [0,41 "] }

7. Desgl. 3,5 kg Tragant zu 2,80
4,5 " " 2,40 } das kg
1,0 " " 3,20 }

Wie teuer stellen sich 5 kg der Mischung?

Lösung: $3,5 \times 2,80 = 9,80$

$4,5 \times 2,40 = 10,80$

$1,0 \times 3,20 = 3,20$

$\underline{9,0} \quad \underline{23,80} : 9 = 2,64 \times 5 \text{ kg} =$

8. Drei Tragantsorten, u. zwar 4,5 kg (Einzelpreis 3,20 ₩),
2,1 kg (2,80 ₩), 5,8 kg (2,45 ₩) werden gemischt! Wieviel beträgt der Durchschnittspreis?
9. Zu 31 l 42 gräd. Spiritus gießen wir 19 l 96 gräd. u. 50 l Wasser. Wie stark ist die Mischung?
10. Berechne den Durchschnitt folgender Mischungen:
- Ameiseieneier 1 kg zu 3,40, $2\frac{1}{2}$ kg zu 2,80, $1\frac{1}{2}$ kg zu 3,10 ₩.
 - Tagestemperatur in der Woche 18,5, 17,8, 21,0, 20,9, 19,4, 16,3, 18,1 Grad.
 - Tageeinnahmen in der Woche: 18,40, 71,30, 82,40, 66,00, 78,00, 52,90, 91,70 ₩.
 - 3 l 96 gräd., 9 l 80 gräd. Spiritus und 2 l Wasser.
 - 16 kg Firnisersatz, kg 47 ₢, und 7 kg Firnis, kg 84 ₢.
 - 52,5 kg Terpentinöl, kg 0,84 ₩, und 46,5 kg Terpentinersatz, kg 0,38 ₩.
 - $3\frac{1}{4}$ kg Bronze, kg zu 6,70, $2\frac{3}{4}$ kg zu 7,40, $1\frac{1}{2}$ kg zu 4,30, $1\frac{1}{2}$ kg zu 5,10 ₩.
 - 13,1 kg Zimocka-Schwämme mit 1480 g Sand
9,4 Griechische " " 710 " "
6,5 Levantiner " " 56 " "
 - 186 Std. Schwämme, Std. 16 ₢
201 " " 27 " } Durchschnittspreis?
48 " " 34 " "
 - $2\frac{1}{4}$ Mille Körken zu 4,20, $1\frac{3}{4}$ Mille zu 3,15, 2 Mille zu 2,80 ₩ das Mille.
11. Es wurden gemischt:
48 kg Firnis, das kg 84 ₢, und 63 kg Ersatz, das kg 42 ₢. Wieviel kosten 5 kg dieser Mischung?
12. Desgl.
Firnis 64 kg zu 1,10 ₩ } Durchschnittspreis der Mischung?
Ersatz 44 " 0,48 "
13. 1 l 96 grädiger Spiritus wird gemischt mit 4 l 80 grädigem Spiritus. Wie stark ist das Gemisch?

14. **Desgl.** 3 l 90 er } ? Alkoholgehalt?
2 l 75 er }
15. **Desgl.** 10 l 95 er } Die gleiche Frage!
50 l 90 er }
16. **Desgl.** 5 l 94 er } Die gleiche Frage!
5 l 90 er }
17. a) 6 l 95 er + 6 l 90 er, b) 54 l 90 er + 30 l 80 er.
18. Die Temperatur betrug in den Wochentagen:
a) 18, 20, 21, 19, 20, 25, 24°. Wieviel im Durchschnitt täglich?
b) 23, 22, 26, 23, 27, 24, 23°. Die gleiche Frage!
c) 25, 20, 19, 18, 17, 16, 18°. Die gleiche Frage!
d) Wieviel beträgt die tägliche Durchschnittstemperatur der letzten 2 Wochen?
19. 56 l 80 Grad heißes Wasser gemischt mit 10 l 6 Grad warmes Wasser haben welche Temperatur?
20. Wir mischen: 6 l Alcohol absolutus (100 grädig) mit 5 l Wasser. Wie stark wird der Spiritus?
21. Bestimme die Alkoholstärke folgender Mischungen:
a) 25 l 96 er Spirit. b) 2200 cbm Wasser
19 l 100 gräd. Alkohol 4100 " 96 er Spirit.
100 l 90 " " 1700 " 90 er "
c) 320 l 87 % Spirit. d) 5 l Wasser
371 l 96 " " 4 l 90 % Spirit.
 2 l Sirup
e) 37 kg 86 % Spirit. [0,835]
100 l 96 %

Lösung: 100 l = 83,5 kg

$$\begin{array}{r} 83,5 \times 96 = 8016 \\ + 37 \times 86 = 3182 \\ \hline 120,5 \end{array} \left. \right\} 11198 : 120,5 = 92,9 \%$$

22. Es wurden gekauft:

$\frac{1}{4}$ Ries Filterpapier (Ries 16 M)	(1 Ries
$\frac{1}{2}$ " (" 37 ")	= 1000 Bog.)
$\frac{1}{8}$ " (" 21 ")	
$\frac{1}{8}$ " (" 41 ")	

Wieviel beträgt der Durchschnittspreis eines Bogens?

23. $1\frac{1}{2}$ Ries (38,— M) }
 $\frac{1}{2}$ " (46,— ") }
 $1\frac{1}{4}$ " (18,40 ") }
 $\frac{3}{4}$ " (24,— ") } Die gleiche Frage!

24. $\frac{2\frac{3}{4}}{1\frac{1}{8}}$ Ries (40,— M) }
 $\frac{1\frac{3}{8}}{1\frac{1}{8}}$ " (24,— ") }
 $\frac{1\frac{3}{8}}{3\frac{3}{8}}$ " (32,— ") }
 $\frac{1\frac{3}{8}}{(36,— ")}$ } Die gleiche Frage!
25. $\frac{5\frac{1}{2}}{1\frac{1}{8}}$ Ries (17,20 M) }
 $\frac{2\frac{1}{4}}{1\frac{1}{8}}$ " (32,80 ") }
 $\frac{2\frac{1}{4}}{(42,40 ")}$ } Die gleiche Frage!
26. Es werden gekauft:
 $\frac{\frac{3}{4}}{1\frac{1}{2}}$ Ries Filterpapier, das Ries 15,20 M
 $\frac{1\frac{1}{2}}{3\frac{3}{8}}$ " " " 27,80 "
 $\frac{3\frac{3}{8}}{(32,— ")}$ " " " 34,60 "
 Wieviel kostet ein Bogen im Durchschnitt?
-

Mischungsrechnung.

Die Berechnung der Quantität einer Mischung (Vorschrift) aus mehreren Stoffen (Ingredienzen), nach bestimmtem Zahlenverhältnis zusammengesetzt, ist eine der wichtigsten Anforderungen für den Droisten.

Beispiel:	Spiritus	Ingr-	9 Teile	Komponenten
	+ Kalilauge		1 "	
	+ Olivenöl		2 "	
	= Seifenspiritus		12 Teile	

18 kg ist das gewünschte Gesamtquantum!

Man zähle die Beträge der Komponenten zuerst zusammen und vergleiche sie mit dem geforderten Gesamtquantum.

Also: $9 + 1 + 2 = 12$ Teile

12 Teile sollen 18 kg = 18000 g werden.

12 und 18 stellen also für den Bruchstrich das gegebene Grundverhältnis dar.

Lösung

$$\begin{array}{r} & & 9 \text{ Teile} \\ & ? & 1 \\ & & 2 \\ \hline \rightarrow & = 18000 \text{ g} & \end{array}$$

gekürzt:

$$\begin{array}{r} & 9 = 13500 \\ 1500 \times & 1 = 1500 \\ 18000 & 2 = 3000 \\ \hline & 12 \end{array} \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right\} 18000 \text{ g}$$

1. Es sind 15 kg Farbe herzustellen, die folgende Zusammensetzung haben soll:
4 Teile Zinkweiß, 5 Teile Firnis, 3 Teile Terpentin.
$$4 + 5 + 3 = 12 \text{ Teile}$$
$$12 \text{ Teile } 15000 \text{ g}$$
$$1 \text{ " } 15000 : 12 = 1250 \times 4 = 5000 \text{ g}$$
$$5 = 6250 \text{ "}$$
$$3 = 3750 \text{ "}$$
$$\underline{15,000 \text{ kg}}$$
2. **Spir. saponat.** 15 kg
Olivenöl 2, Kalilauge 1, Spiritus 9 Teile.
3. **Spir. camphorat.** 18 kg
Kampfer 1, Spiritus 7, Wasser 2 Teile.
4. **Pulvis salicylicus cum Taleo** 6 kg
Salizylsäure 15, Reismehl 150, Talcum 835 Teile.
5. **Bengalisch. Feuer, rot,** 6,5 kg
Stront. nitr. 8, Sulf. lot. 3, Kal. chlor. 2 Teile.
6. **Poudre de Rhiz.** 7 kg
Talcum 8, Reismehl 5, Magnes. carb. 1 Teil.
7. **Fluid (Pferdeeinreibung)** 24 kg
Kampferpir. 7, Seifenpir. 5, Aether 3, Span. Pfeffertintur 2, Salmiakgeist 3 Teile.
8. **Grüne Farbe** 24 kg
Chromgrün hell 5, mittel 3, Sikkativ 1, Firnis 7 Teile.
9. **Vogelfutter** 9 kg
Hanf 4, Rübsaat 7, Kandthus 1, Spitzsamen 6 Teile.
10. **Küchenschabenpulver** 6 kg
Borax 30, Insektenpulver 65, Zucker 5, Hafermehl 6, Ultramaringrün 14 Teile.
11. **Mäusegeist** 12 kg
Baryum carb. 150, Roggenmehl 249, Saccharin 1 Teil.
12. **Bligliichtpulver** 2,5 kg
Alumin. Metall 25, Spiegelglanz 20, Kali chlor. 65 Teile.
13. **Mottenpulver** 8 kg
Naphthalin 5, Kampfer 2, Kampf.-Ersatz 3, Pfeffer spanisch 2, Pfeffer schwarz 1, Quillahapulver 0,5, Inj.-Pulver 2,5 Teile.
14. **Zahnpulver** 500 g
Kalf. sohlenj. 9000, Sepiaschale 150, Magnes. carb. 500, Bimssteinplo. 250, Pfefferminzöl 75, Nelsenöl 25 Teile.
15. **Toiletteessig** 3 kg
Benzoetintur 5, Arnika 4, Spir. 50, Rosenwasser 30, Orangenblütenwasser 15, verdünnte Essigsäure 16 Teile.

16. **Menthol-Schnupfenpulver 600 g**
Menthol 0,5, Vorjäure 6,0, Milchzucker 5,5 Teile.
17. **Freßpulver für Schweine 35 kg**
Schwefel 125, Glaubersalz 235, Lorbeerren 50, Salz 150, Fenchel 40, Volus rot 100 Teile.
18. **Brauselimonadenpulver 5 kg**
Weinig.-Säure 3, dopp. Kohlen-, Natr. 4, Zucker 5 Teile.
19. **Pugöl 20 kg**
Elain 7, Brennspir. 8, Salmiakgeist 5, Wiener Kalk 4 Teile.
20. **Hektographenmasse 3 kg**
Wasser 180, Tragant 20, Glyzerin 2,5, Talcum 7,5 Teile.
21. **Metolentwickler 12 kg**
Metol 10, Natr. sulfuros. 100, Aqua destillat. 1000 Teile.
22. **Positivtönen-Lackfarbe 10 kg**
Chromgelb 4,0, Lärchenterpentin 1,5, Terpent.-Öl 0,5, Dammarlack 9,0 Teile.
23. **Kummerfeldts Waschwässer 5 kg**
Kämpfer, Gummi arab. ana 1,5, Schwefelmilch 7, Kölnisch Wasser 5, Kalkwasser 40 Teile.
24. **Reibmasse f. schwedische Streichhölzer 1 kg**
Phosphor amorph. 3,0, Gummi arab. 0,5, Wasser 2,5, Schmirgel 3,0, Bleiglatte 2,0 Teile.
25. **Eau de Javelle 65 kg**
Chloralkal 100, Wasser 500, Soda 125, Wasser 2500.
26. **Wanzentod 8 kg**
Benzol 80, Kienöl 60, Paraffinöl 7,5, Mirbanöl 0,5 Teile.
27. **Cold-Cream 5 kg**
Cera alba 7,5, Cetaceum 9,5, Ol. Amygd. dulc. 59, Aq. Rosae 30 Teile. Auf 50 g Salbe ein Tropfen Rosenöl.
28. **Spir. saponat. 48 kg**
9,1 Spir., 2,0 Baumöl, 0,9 Kalialauge.
29. **Pulv. deutifric. 5 kg**
Calc. carb. 1000, Ossa sep. 250, Lap. pum. 125, Ol. Meuth. pip. 9, Ol. Anisi 1, Rhiz. irid. 175 Teile.
30. **Lackfarbe 8,4 kg**
Bernsteinlack 17, Terpentin 3, Öder 3,5 Teile.
31. **Restitutions-Fluid 45 kg**
Kämpferspir. 3, Aether 1, Seifenpir. 4, Salmiakgeist 2, Spanischpfeffertinktur 1 Teil.
32. **Fleißwasser 9 kg**
Tetrachlorföhrenstoff 5, Benzin 16, Aether 7, Essigäther 0,5 Teile.
33. **Hundert Stk. Zehnmarkstücke zu 4 g erfordern wieviel**

- Gold- und Kupfermetall, wenn sie im Verhältnis von 9 : 1 legiert sind?
34. **Silbergeld** besteht aus 9 Teilen Silber- und 1 Teil Kupfermetall. Der Inhalt eines Beutels mit 1-M-Stücken ist 3500 g. 9 einzelne Geldstücke wiegen 50 g.
a) ? M-Stücke sind vorhanden, b) ? Argent und Cuprum ist darin enthalten?
35. **Nickelgeld** (75 Ni + 25 Cu oder 3 + 1) 3920 g Zehnpfennigstücke zu 4 g sind:
a) Wieviel Geldstücke, b) enthalten wieviel von jedem Metall?
36. **Kupfergeld** (95 Cu, 4 Stannum, 1 Zink) 3 Zweipfennigstücke wiegen 10 g. 26,020 kg sind:
a) Wieviel Münzen (2 ♂), b) enthalten wieviel von jedem Metall?
37. **Wanzentinttur 12 kg**
Benzol 6,5, Rienöl 2,5, Mirbanöl 1, Terpentinöl 2, Paraffin 3 Teile.
38. **Pomade.** 25 Teile Walrat } Es sollen
75 " Mandelöl } 3,5 kg
600 Fett } angefertigt werden.
Wieviel Gewichtsteile sind von jedem Bestandteil notwendig?
39. Desgl. Aus: Wachs 1 }
Kakaobutter 6 } Teilen sollen 7 kg Pomade
Rizinusöl 3 } gefertigt werden.
- Die gleichen Fragen!
40. Desgl. Fett 85 }
Walrat 15 } 15 kg
Wachs 5 }
Mandelöl 5 }
41. Es sind 9 kg **Badpulver** anzufertigen aus 2 Teilen Cremortari und 1 Teil Natron, dazu sollen 1320 g einer Mischung derselben Bestandteile, die aber irrtümlich im umgekehrten Verhältnis (1 + 2) steht, Verwendung finden. Wieviel ist von jedem zu nehmen?
- Lösung:** 9 kg = 9000 g { 2 Cremort. = 6000 g
1 Natr. = 3000 g
Die Mischung enthält: 1320 g { 1 Cremort. = 440 g
2 Natr. = 880 g
Also brauchen wir noch 6000 — 440 g Cremort. = 5560 g und 3000 — 880 g Natr. = 2120 g.
42. Dieselben Bedingungen aus voriger Aufgabe. Es sind 9 kg anzufert. unter Verwendg. von 3 kg Mischung im umgekehrten Verhältnis.

43. Desgl. 7,5 kg Backpulver, 1860 g Mischung.

44. Desgl. 12 kg Backpulver, 840 g Mischung.

45. Desgl. 6 kg Backpulver, 1860 g Mischung.

Im Drogenhandel ist es oft erforderlich aus zwei vorhandenen Qualitäten einer Ware mit zwei verschiedenen Preisen eine Sorte mit einem dritten gewünschten Preise herzustellen. Es ist also immer dann das Teilverhältnis zu bestimmen, um den gewünschten Durchschnittspreis zu erzielen.

Beispiel: Tee zu 4,20 ₩ soll mit einer billigeren Sorte zu 3,80 ₩ so gemischt werden, daß der Durchschnittspreis 4,00 ₩ beträgt.

4,20 ₩ weisen zu $\begin{array}{c} \text{Plus von } 20 \text{ ₡} \\ \text{3,80 } \end{array}$ ein $\begin{array}{c} \text{Plus von } 20 \text{ ₡} \\ \text{Minus } \end{array}$ auf

Plus und Minus beider Sorten halten sich die Wage.

1 Teil zu 4,20 ₩

$\frac{1}{= 2}$ " " 3,80 "

$\frac{8,00 \text{ ₩}}{\text{: } 2 = 4,00 \text{ ₩}}$ Durchschnitt.

Es sind also gleiche Teile zu nehmen.

Regel: Sind die Preisdifferenzen zum gewünschten Preise gleich groß, so sind auch gleiche Teile beider Sorten erforderlich.

Anders gestaltet sich das Teilverhältnis, wenn die Preisabstände zum gewünschten Preise ungleich groß sind. Beispiel: Aus einer Sorte kg 2,60 ₩ und einer zweiten Sorte das kg 1,80 ₩ soll eine Mittelsorte zu 2,00 ₩ gemischt werden.

$\begin{array}{r} 2,60 \\ 1,80 \end{array} \begin{array}{c} \nearrow 60 \\ \searrow 20 \end{array} \begin{array}{c} \text{Differenz} \\ 20 \end{array}$

Nun mische man in umgekehrtem Verhältnis.

$2,60 \begin{array}{c} \nearrow 60 \\ \searrow 200 \end{array} \begin{array}{c} 3 \text{ Teile} \\ \times 180 = 540 \end{array}$

$1,80 \begin{array}{c} \nearrow 60 \\ \searrow 20 \end{array} \begin{array}{c} \text{gekürzt} \\ 1 \end{array} \begin{array}{c} \text{gekürzt} \\ \times 260 = 260 \end{array}$

Beweis: $\frac{4}{1} \begin{array}{c} \text{Teile} \\ \times 260 = 8,00 \text{ ₩} \end{array}$

$\frac{1}{\text{Teile}} \begin{array}{c} \text{Teile} \\ \times 260 = 4,00 \text{ ₩} \end{array}$

wie gewünscht.

Regel: Sind die Preisunterschiede ungleich, so ist das Teilverhältnis umgekehrt wie das der Preisunterschiede.

Ob die Zahlen nun Benennungen wie Preise, Grade, Prozente oder irgendwie tragen, ist für die Lösung ohne Belang.

Auso: $90\% \quad \begin{array}{c} \text{8} \\ \times 82\% = 246 \end{array}$

$+ 82\% \quad \begin{array}{c} 84 \\ \begin{array}{c} \text{2} \\ \times 90\% = 90 \end{array} \\ \hline 4 \text{ Teile} \quad = 336\% : 4 = 84\% \end{array}$

46. Wieviel Teile sind von jeder Sorte zu nehmen, wenn je 2 Sorten folgender Artikel zu angegebenen Preisen gemischt werden?
- a) **Gummi arabicum**, Herstellungspr. 1,80 ₩, vorhanden:
1 kg 1,70, 1 kg 1,90 ₩.
 - b) **Tragant**, Herstellungspr. 4,40 ₩, vorh.: kg 4,70, 4,30 ₩.
 - c) **Gemischtes Terpentinöl**, Herstellungspr. 0,70 ₩, vorhanden: kg 1,05 u. Eräß kg 0,56 ₩.
 - d) **Ova formicarum**, Herstellungspr. 1,70 ₩, vorhanden:
kg 2,10 u. kg 1,40 ₩.
 - e) **Oliven-Speiseöl**, Herstellungspr. 1,85 ₩, vorhanden:
I. Sorte kg 1,75 ₩, II. Sorte kg 2,20 ₩.
 - f) **Chromgrün**, Herstellungspr. 0,45 ₩, vorhanden:
1. Sorte kg 0,60 ₩, 2. Sorte kg 0,35 ₩.
 - g) **Bronze**, Herstellungspr. 7,00 ₩ pro kg, 1. Sorte kg 6,80 ₩,
2. Sorte kg 7,80 ₩.
 - h) **Weinkorke**, Herstellungspr. pro Mille 4,20 ₩, vorhanden
je eine Sorte zu 3,70 u. 4,90 ₩.
 - i) **Fußbodenöl**, Herstellungspr. kg 34 ₩, vorhanden je eine
Sorte zu 68 u. 24 ₩.
 - k) **Firnisersag**, Herstellungspr. kg 0,82 ₩, vorhanden je
eine Sorte zu 1,03 u. 0,59 ₩.
 - l) **Spiritus 91°**, herzustellen aus 96- und 90 grädig. Spiritus.
 - m) **Spiritus 52 grädig**, herzustellen aus 90 grädigem Spiritus
und Wasser.
 - n) **Schwefelsäure 96 % ig**, umzuwandeln in 24 % ige durch
Wasserzußab.
 - o) **Tee-Mélange**, herzustellen zum Kilopreise von 5,20 ₩
aus Kongotee kg 4,10 ₩ u. Souchongtee kg 5,60 ₩.
47. Ein Ballon Salmiakgeist 0,910 = 25 %, brutto 71, Tara 6 kg, soll durch Wasser in 10 prozentigen verdünnt werden [0,960]. Wieviel davon ist erforderlich?
- 25 % [0,910er] > 10 % < 15 3 Aqua
- 0 % Wasser > 10 2 0,910er
- Vorhanden 65 kg 0,910 er.
→ 3 kg Aqua 65 kg [0,910 er] ?
- [2 kg [0,910]] = 3 × 65 : 2 = 97,5 kg Aqua
- Wieviel Mischung [0,960 er] ergibt das?
65 kg + 97,5 kg Aq. = 162,5 kg.

48. Derselbe Vorgang mit folgenden Bedingungen:

68 kg Brutto | vorhanden: 0,910 er [25 %]
9 " Tara | herzustellen 0,960 er [10 %]

Wieviel Mischung ergibt das?

49. 40 kg 96 % H_2SO_4 sollen durch Wasserzusatz in 18 % ige verwandelt werden. ? Aqua.

50. 56 kg Oleum (verdünnte Schwefelsäure 22 %) sind herzustellen aus 96 % Säure und Wasser. ? von jedem?

51. Es sind herzustellen: 45 l 90 grädiger Spiritus aus 96 grädigem und Wasser.

Wieviel l von jedem sind erforderlich?

Lösung: 96

$$\begin{array}{c} > 8 \quad 1 \\ 90 \\ \backslash \quad / \\ 0 \quad 90 \quad 15 \end{array}$$

zuf. 16 Teile 90 er Spirit.

16 Teile (oder l) 90 er verlangen 1 l Wasser u. 15 l 96 er,
45 Teile (oder l) 90 er verlangen wieviel?

Bruchstrich: $\frac{1 \text{ Aq.}}{16} = \frac{45}{45,0}$

$$\begin{array}{r} \rightarrow 15 \quad 96er \quad 45 \\ \overline{16} \end{array} = 45 \times 1 : 16 = 2,8 \text{ l}$$

$$= 45 \times 15 : 16 = \underline{\underline{42,2 \text{ l}}} \\ \underline{\underline{45,0 \text{ l}}}$$

52. 18 l 22 grädiger Franzbranntwein sollen durch 96 gräd. Spiritus auf 40 Grad verstärkt werden. ? ist erforderlich?

53. 320 l 90° Spiritus sollen zu 56° Franzbranntwein verarbeitet werden. Wieviel l Wasser sind nötig?

54. 46 l 81 er durch Zusatz von 96° auf 90° zu bringen. ? 96 er.

55. 600 l 96 er durch Wasserzusatz auf 90° zu verdünnen. Wieviel Aqua ist erforderlich?

56. 1 Fäß 96 % Spiritus = 202 l durch Wasserzusatz auf 90 % zu bringen. ? Wasser?

57. 18 l 88 % Spiritus sollen durch 96 % igen auf 90 % gebracht werden. ? 96 er ist nötig?

Teilverhältnis? 88

$$\begin{array}{c} > 2 \quad 1 \times 96 \text{ er} \\ 90 \\ \backslash \quad / \\ 96 \quad 3 \times 88 \text{ er} \end{array}$$

Wieviel 88 er ist vorhanden? = 18 l.

3 Teile 88 er erfordern 1 Teil 96 er, damit die Mischung 96 % wird. 18 Teile 88 er erfordern wieviel?

$$\frac{1 \quad 18}{3} = 6 \text{ l } 96 \text{ er}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{Beweis: } 6 \cancel{1} \times 96 \text{ er} = 576 \text{ Spiritusgrade} \\
 18 \cancel{1} \times 88 \text{ er} = 1584 \quad " \\
 \hline
 24 \cancel{1} \text{ enthalten} \quad 2160 \quad " \\
 1 \cancel{1} = 2160 : 24 = 90
 \end{array}$$

58. Es sollen 22 l 40 gräd. Liqueur auf 46 Grad gebracht werden durch Zusatz von 90 grädigem Spiritus. Wieviel ist von letzterem nötig?
59. 340 l 80 % ist durch 90 % igen Spiritus auf 85 % zu bringen! ? 90 grädiger Spiritus?
60. Es sind vorhanden 20 kg Firnis, Preis pro kg 92 Ø. Durch Zusatz von billigeren Firnisersatz, pro kg 42 Ø soll ein Gemisch hergestellt werden, welches pro kg 80 Ø kostet. Wieviel Firnisersatz ist erforderlich?

Lösung:

a) Welches Teilverhältnis?

$$\begin{array}{c}
 92 > 80 < 42 \\
 \diagdown \quad \diagup \\
 12 \quad 6 \times 42 \text{ (Erzäh)} \\
 \diagup \quad \diagdown \\
 38 \quad 19 \times 92 \text{ (Firnis)}
 \end{array}$$

Es sind somit 6 Teile Erzäh } erforderlich.
 u. 19 " Firnis }

zu 1. 25 Teile

b) Wieviel kg Erzäh, wenn 20 kg Firnis vorhanden sind?
 Bruchstrich: $\frac{6 \text{ Erzäh}}{19 \text{ Firnis}}$ 20 Firnis wieviel?

$$\begin{aligned}
 &= 6 \times 20 = 120 : 19 \\
 &120 : 19 = 6,3 \text{ kg.}
 \end{aligned}$$

61. 2400 g Olivenöl sind nach folgender Vorschrift zu Seifenspiritus zu verarbeiten. Wieviel Gewichtsteile der anderen Bestandteile sind erforderlich? Vorschrift: 3 Teile Olivenöl, 10 Teile Weingeist, 2 Teile Lauge.

Lösung:

$$\begin{array}{lcl}
 3 \text{ Teile Olivenöl} &=& 2400 \text{ g} \\
 1 \text{ " des Ganzen} &=& 800 \text{ "} \\
 10 \text{ " Weingeist} &=& 8000 \text{ "} \\
 2 \text{ " Lauge} &=& 1600 \text{ "} \\
 \text{zusammen} &=& 12 \text{ kg Seifenspiritus.}
 \end{array}$$

62. 2300 g Spiritus zu verwenden laut Vorschrift, 2,5 Teile Öl, 11,5 Spiritus, 2,0 Lauge. Die gleiche Frage aus voriger Aufgabe.
63. Desgl. 2450 g Weinsteinssäure. Vorschr. 4,5 Teile Natron, 3,5 Teile Weinstein, 6 Teile Zucker.

64. Desgl. 2340 g **Seifenspirit.** zu verwenden zum Fluid. Vorschrift: Kampf.-Spir. 5, Seifensp. 2, Salm. 1,5, Spanisch-peffertinktur 2, Aether 1,5 Teile.
65. Desgl. 1500 g **Kanthusamen.** Vorschrift: Kanariensaft 6,5, Kanthusl. 2,5, Rübsaat 3,0, Hanfsamen 5 Teile.
66. Desgl. 685 g **Kampfer.** Vorschrift: Spirit. 7, Wasser 2, Kampfer 1 Teil.
67. Desgl. 65 g **Salizylsäure.** Vorschrift: Talcum 835, Weizenstärke 155, Salizylsäure 10 Teile.
68. 80 g **Schwefelmilch.** Vorschrift: je 1,5 Kampfer u. Borax, 4 Schwefelmilch, 5 Glycerin, 45 Kaltwasser, 16 Kölnisches Wasser.

Die Gesellschaftsrechnung

gleicht der Quantitätsberechnung. Ihre Komponenten sind in Geldbeträgen ausgedrückt.

Ob es heißt: Die Komponenten betragen $4 + 5 + 6$ Teile, das Ges. Quantum 30 kg, oder die Gesamtsumme 30 M ist für die Lösung der Aufgabe ohne Belang. Oftmals sind die Komponenten größer als das Gesamtquantum. Die Methode der Lösung bleibt dieselbe.

Beispiel: Es hat zu erhalten

$$\begin{array}{rcl} \text{A } 3000 \text{ M} \\ \text{B } 250 \text{ " } \\ \text{C } 50 \text{ " } \end{array} \left. \begin{array}{l} \text{Alle erhalten nur } 50 \text{ M.} \\ \text{Wieviel jeder?} \end{array} \right\}$$

Lösung: 3000

$$\begin{array}{r} 250 \\ 50 \\ \hline 3000 = 50 \text{ M} \end{array} \qquad \qquad \qquad \begin{array}{r} 3000 \\ 250 \\ 50 \end{array} \left. \begin{array}{l} : 66 \\ : 66 \end{array} \right\}$$

Bruchstrich: $\frac{50 \text{ M}}{\text{statt } 3000}$

66

Also jeder den 66. Teil seiner Forderung.

1. Vier Lieferanten haben 70 000 M Forderungen an einen Kunden, u. zwar hat zu beanspruchen: A 19 000, B 28 000, C 8500, D 14 500 M. Sie erhalten beim Konkurs alle zus. nur 14 000 M. Wieviel erhält jeder?
2. Der gleiche Vorgang: Forderung 3804 M, Konkursmasse: 951 M, E 1580, F 240, G 64, H 1920 M. ? jeder.

3. **Desgleichen.** Forderung 20 000, Masse 14 000 M , A 4000, B 11 000, C 5000 M . ? jeder.
4. **Drei Geschäftsinhaber** sind beteiligt am Geschäft, A mit 9000, B 15 000, C 18 000 M . Der Gewinn ist 21 000 M . Wieviel erhält jeder?
5. **Ein Lotterielos**, das von 6 Inhabern gespielt worden ist, gewinnt 247 500 M . Am Los beteiligt war A mit 42, B 58, C 64, D 26, E 10, F 50 M . Wieviel erhält jeder?
6. O hat 400, P 50, Q 1200 M zu erhalten. Es sind aber nur 1089 M vorhanden. Wieviel erhält jeder?
7. 750 M sollen so verteilt werden, daß A 14, B 7,5, C 13,5 Teile erhält. Wie geschieht die Verteilung?
8. Statt 6250 M , von denen W 3200, X 800, Y 1680, Z 540 M zu erhalten hatte, sind nur 1760 M vorhanden. Wieviel kann jeder nur erhalten?
9. **Eine Erbschaft** von 87 500 M soll im Verhältnis von 9 : 6,5 : 1 : 3,5 verteilt werden. Wie geschieht dieses?
10. **Vier Geschäftsteile** sind an einem Unternehmen, welches 22 000 M Reinertrag bringt, beteiligt und zwar hat gegeben: A 12 000, B 9500, C 5000, D 17 500. Wie wird der Gewinn verteilt?
11. 6480 M sollen im Verhältnis von 5 zu 4 zu 3 aufgeteilt werden. Wie geschieht das?
12. A gibt 4500, B 5000, C 5500 M , Gewinn 4200 M . ? erhält jeder.
13. Drei Brüder sollen ihre Erbschaft = 16 380 M im Verhältnis von $1/7 : 4/7 : 2/7$ teilen. Wie muß das geschehen?
14. **Vier Gläubiger**, von denen A 27 130 M , B 1050 M , C 39 142 M , D 7878 M zu erhalten hat, verlieren von ihrer Forderung gemeinsam 65 800 M . Wieviel erhält jeder?

Lösung: Gemeins. z. erhalten haben sie 75 200 M

Statt:	$\overline{75\,200}$	Sie verlieren 65 800 "
		Erhalten also 9 400 M
		Statt 27 130 } 3391,25 A
	" 1 050 }	131,25 B
	47 " 39 142 }	4892,75 C
	9400 " 7 878 }	984,75 D
		$\overline{9400,- \text{M}}$

376

15. **Vier Handwerker** haben Arbeiten geliefert für 2254 M , und zwar A 1125, B 69, C 341, D 719 M . Sie erhalten alle zusammen nur 315,56 M . Wieviel verliert jeder?

16. Von einer Forderung, wobei A 7000, B 2500, C 11000 ℳ zu erhalten hat, erhält jeder nur 30%. Wieviel verliert jeder?
17. Desgl. Zu verlangen hat: A 7150, B 15, C 965, D 870 ℳ . Es sind nur 6300 ℳ zur Teilung vorhanden. Wieviel a) erhält, b) verliert jeder? c) erhalten alle, d) verlieren alle?
18. Stattd 56 000 ℳ erhalten 4 Gläubiger nur 31 500 ℳ , u. zwar hatte zu verlangen: A 18, B 13, C 2, D 7 Teile. Wieviel a) erhält, b) verliert jeder?

Flächenrechnung.

Um Menge u. Preis eines Anstriches, Gummistoffs usw. ermitteln zu können, muß man mit der Flächenrechnung betraut sein. Sogde Fläche ist zu berechnen nach der Regel: Länge \times Breite. Oft sind von einer zu berechnenden Fläche kleinere Flächen abzuziehen, z. B. die Fenster der Hausfront, die Tür im Panel, der Ladentischplatz, der Regalplatz usw. Man achte genau auf die Bedingungen der Aufgabe.

Ebenso sind Flächen zu berechnen die zu Körpern (Säulen) zusammengelebt sind.

Die Fläche eines Zylinderumfangs (Mantel) berechnet man nach der Formel $D \times \pi \times H$ (Durchmesser \times 3,14 \times Höhe). Denkt man sich nämlich den Mantel eines Zylinders aufgerollt, so bildet der Kreisumfang eine Breite. Breite \times Höhe = Flächeninhalt. Der Kreisumfang ergibt sich aus $D \times \pi$.

1. Eine Stube soll mit Oelfarbe und Lack gestrichen werden, 12 qm erfordern 1 kg Farbe, das kg 75 δ , 15 qm erfordern 1 kg Lack, das kg 1,60 ℳ . Maße: 7 m lang, 9 m breit. Wie teuer ist das Anstrichmaterial?

Lösung: Länge [7 m] \times Breite [9 m] = 63 qm.

$$12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe}$$

63 " = joviell, als 12 in 63 enthalten ist.

$$\begin{array}{r} \text{Bruchstrich} \\ \overline{12 \text{ qm}} \end{array} \times \frac{1 \text{ kg}}{63 \text{ qm}} = \frac{5,25 \text{ kg}}{3,90 \text{ } \mathcal{M}} \text{ Farbe}$$

$$\times \frac{75 \delta}{3,90 \text{ } \mathcal{M}}$$

$$15 \text{ qm} = 1 \text{ kg Lack}$$

$$63 " = 63 : 15 = 4,2 \text{ kg Lack}$$

$$\times \frac{160 \delta}{6,72 \text{ } \mathcal{M}}$$

$$6,72 \text{ } \mathcal{M} + 3,90 = 10,62 \text{ } \mathcal{M}$$

2. Gleiche Bedingungen, Maße: 5,3 m lang, 3,6 m breit.

3. Gleiche Bedingungen, Saalmaße: $19,4 \text{ m} \times 7,8 \text{ m}$
4. " " " $11,9 \text{ "} \times 5,8 \text{ "}$
5. " " " $29,0 \text{ "} \times 18,7 \text{ "}$
6. " " " $9,9 \text{ "} \times 11,1 \text{ "}$
7. Eine Rellamewand, $24,8 \times 37,1 \text{ m}$ groß, soll zweimal mit Bleiweißfarbe, das kg 81 ♂, gestrichen werden! $12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe}$. Wieviel kostet der Anstrich?
8. Ein Gartenflurgang soll auf zwei Längsseiten, 17,4 m lang, in einer Höhe von 3,2 m mit Farbe, das kg 0,90 ⚊, gestrichen werden. $20 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe}$. Dieselbe Frage?
9. Die Wandbeliebung (Paneel) eines Raumes, $19,8 \times 11,1 \text{ m}$ groß, ist in einer Höhe von 140 cm zu streichen. Die Farbe kostet 1,40 ⚊ das kg. $12 \text{ qm} = 1 \text{ kg}$. Dieselbe Frage?
10. Gleiche Bedingungen: Maße: 6 m, 5 m, 2,2 m Höhe.
11. Desgl.: Maße: 19,3 lang, 11,4 breit, Paneelhöhe 1,7 m, $12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe}$ zu 1,00 ⚊ pro kg.
12. Desgl.: Maße: 28,1, 21,9 m, Paneelhöhe 2,3 m. $15 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe}$ zu 1,30 ⚊.

Lösung:

$$\begin{array}{r}
 28,1 \times 2,3 \\
 \hline
 = 64,63 \\
 + 64,63 \\
 \hline
 \underline{129,26 \text{ qm}}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 21,9 \times 2,3 \\
 \hline
 = 50,34 \\
 + 50,34 \\
 \hline
 \underline{100,68 \text{ qm}}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 129,26 \\
 + 100,68 \\
 \hline
 \underline{229,94} \\
 = 230 \text{ qm}
 \end{array}$$

$$230 \text{ qm} : 15 = 15,3 \text{ kg} \times 1,30 \text{ ⚊} = 19,89 \text{ ⚊}$$

13. Ein Laden $7 \times 9 \text{ m}$, enthält ein Regal, 14 m lang, 42 cm tief, der Fußboden, von dem der Regalplatz abzuziehen ist, soll gestrichen werden
 - mit Farbe, 1 kg 75 ♂,
 - mit Lack, 1 kg 1,60 ⚊.

$$12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe}, 15 \text{ qm} = 1 \text{ kg Lack}.$$

Was kostet das Material?

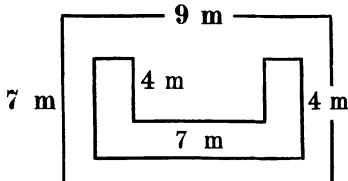
Lösung:

$$\begin{array}{r}
 7 \times 9 = 63,00 \text{ qm} \\
 - \text{Regal: } 14 \times 0,42 = 5,88 \text{ "} \\
 \hline
 57,1 \text{ qm}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 57,1 : 12 = 4,75 \text{ kg} \\
 \times 75 \\
 \hline
 \underline{3,56 \text{ ⚊}}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 57,1 : 15 = 3,8 \text{ kg} \\
 \times 1,60 \\
 \hline
 \underline{6,08 \text{ ⚊}}
 \end{array}$$

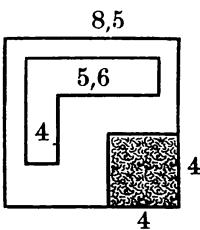
$$\begin{array}{r}
 9,64 \text{ ⚊}
 \end{array}$$

14. **Geschäftslokal, 7×9 m, mit Ladentisch**



Maße: Ladentisch 7 m lang, 2 Flügel je 4 m lang, alles 80 cm breit. Menge und Preisbedingungen aus voriger Aufgabe.

15. **Baden, Quadratform, 8,5 m lang.** Abzurechnen ein Quadrat von 4×4 m. Desgl. Ladentisch: 2 Flügel, 1 m brt., 5,6 m lg., 1 m brt. 4 m lg. Sonst gleiche Bedingungen wie vorher. Wieviel kostet das Streichmaterial?



16. **Eine Hausfront ist mit Firnis zu streichen.** Bedingungen: 70×38 m groß, abzurechnen 5 Stock zu je 14 Fenster, sowie eine Tür. Fenstergröße: $1,8 \times 2,5$ m, Türgröße: $5,5 \times 3,8$ m. 20 qm erfordern 1 kg Firnis zu 0,91 ₣. Wie teuer ist das Material?
17. **Eine andere Fassade.** 56×66 m. Abzüglich 6 Reihen Fenster zu 8 Stück, Größe $1,6 \times 2,1$ m, Tür: $4,1 \times 3,9$, 12 qm = 1 kg Del, das kg zu 90 ₣. Die gleiche Frage?
18. **Desgl.** 30×40 m hoch. 5 Stock zu je 16 Fenster, 3×2 m groß, eine Tür 9×4 m. 20 qm = 1 kg Firnis zu 91 ₣. Dieselbe Frage wie aus vorigen Aufgaben?
19. **Die Wand eines Saales** soll in einer Höhe von 1,7 m mit Oelfarbe gestrichen werden. Der Saal hat vier Fenster, welche 1,8 m breit, 2,2 m hoch sind und zur Hälfte in die zu streichende Fläche hineinragen; außerdem eine Tür 1,5 m \times 1,8 m. 14 qm erfordern 1 kg Farbe zu 0,95 ₣. Der Saal ist 17 m lang, 11,2 m breit. Wie hoch stellt sich im Preis der Anstrich?

Lösung:

$$17 \times 1,7 \text{ m} = 28,9 \\ \times 2 \\ \hline 57,8$$

$$11,2 \text{ m} \times 1,7 = 19,04 \\ \times 2 \\ \hline 38,08$$

$$\begin{array}{r} 57,8 \\ + 38,08 \\ \hline 95,88 \text{ qm} \end{array}$$

Abzurechnen: a) Fenster $1,8 \times 2,2 = 3,96 \times 4 = 15,84$ da von die Hälfte, die in die zu streichende Fläche hineinragt = 7,92,

$$\begin{array}{r} b) \text{Tür } 1,5 \times 1,8 = 2,70 \\ \hline 10,62 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 95,88 \quad 14 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe} \\ - 10,62 \quad 85,26 \text{ qm} : 14 = 6,09 \text{ kg} \\ \hline 85,26 \text{ qm} \quad \times 95 \\ \hline 578,5 \text{ ₢} = 5,78 \text{ ₢.} \end{array}$$

20. Ein Tanzsaal, $17 \text{ m} \times 14,4 \text{ m}$ groß, soll gebohnert werden. 18 qm erfordern 650 g Bohnermasse, das kg zu 80 ₢. Wie teuer stellt sich das Material?

Lösung:

$17 \times 14,4 = 244,8 \text{ qm}$, 18 qm = 650 g, 244,8 qm ist vielmals 650 g, als 18 in 244,8 qm enthalten ist.

$$\text{Bruchstrich: } \frac{\rightarrow 650 \text{ g}}{\rightarrow 18 \text{ qm}} ? \frac{244,8 \text{ qm}}{= 8840 \text{ g}}$$

gekürzt:

$$\begin{array}{r} 325 \\ 650 \\ \hline 18 \\ 9 \end{array} \quad 244,8$$

$$= 8840 \text{ g} \times \text{Preis} = 7,07 \text{ ₢}$$

21. Desgl. Maße: $28,7 \times 19,4 \text{ m}$, Preis 65 ₢ das kg Bohnermasse. 18 qm = 650 g Bohnermasse.
22. Desgl. Maße: $23,4 \times 15,4 \text{ m}$, 20 qm = 800 g Bohnermasse, das Kilo zu 80 ₢.
23. Eine Hausfront, $65 \times 32 \text{ m}$, 5 Stock zu 13 Fenster, $1,3 \times 1,9 \text{ m}$ groß, 1 Tür $6,8 \times 4,1 \text{ m}$. 18 qm erfordern 1 kg Farbe, kg 1,05 ₢. Preis?
24. Desgl. $45 \times 36 \text{ m}$, 5 Stock zu 10 Fenster, $1,1 \times 1,8 \text{ m}$,

Tür $3,8 \times 4,2$ m. $18 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe zu } 88 \text{ } \mathcal{M}$. Die gleiche Frage!

25. Ein Zimmer, 8×3 m groß, Paneelhöhe 2,5 m. 3 Fenster halb ins Paneel ragend, $2,5 \times 1,5$ m groß, eine Tür $2,5 \times 1,5$ m. Das Paneel soll mit Farbe zu $1,40 \text{ } \mathcal{M}$ und mit Lack $1,80 \text{ } \mathcal{M}$ pro kg gestrichen werden. $12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe}$. $15 \text{ qm} = 1 \text{ kg Lack}$. Preis des Anstrichs?
26. Ein Wandgemälde ist mit Mattlack zu überziehen. Größe: $5,8 \text{ m} \times 3,9$ m. $12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Lack}$, pro kg $6,40 \text{ } \mathcal{M}$. Wie teuer ist der erforderliche Lack?
27. Vier Säulen sollen mit Oelfarbe gestrichen werden. Maße: 3,4 m breit, 2,7 m tief, 8 m hoch. $12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe zu } 95 \text{ } \mathcal{M}$. Die oberen u. unteren Flächen sind abzurechnen.
28. Zwölf Säulen. Davon je vier Säulen folgende Maße:
 $1,7 \text{ m } 0,7 \text{ m } 9,0 \text{ m}$
 $1,8 \text{ " } 0,8 \text{ " } 9,0 \text{ "}$
 $0,9 \text{ " } 0,4 \text{ " } 9,0 \text{ "}$
 $20 \text{ qm} = 1 \text{ kg zu } 65 \text{ } \mathcal{M}$. Wie teuer ist das Material z. Anstrich?
29. Zwölf Säulen. Maße für alle: 2,4, 3,1, 8 m. $12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe zu } 85 \text{ } \mathcal{M}$.
30. Vierzehn Säulen. Maße:
 $4 \text{ Stck. } 2,4 \text{ m } 3,2 \text{ m } 8 \text{ m}$
 $8 \text{ " } 4,1 \text{ " } 3,2 \text{ " } 8 \text{ "}$
 $2 \text{ " } 1,8 \text{ " } 1,8 \text{ " } 8 \text{ "}$ } $20 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe}$
kg zu $95 \text{ } \mathcal{M}$.

Lösung:

$$\begin{array}{r} \begin{array}{r} 2,4 \\ \times 8 \\ \hline 19,2 \end{array} & \begin{array}{r} 3,2 \\ \times 8 \\ \hline 25,6 \end{array} & \begin{array}{r} 4,1 \\ \times 8 \\ \hline 32,8 \end{array} & \begin{array}{r} 3,2 \\ \times 8 \\ \hline 25,6 \end{array} & \begin{array}{r} 1,8 \\ \times 8 \\ \hline 14,4 \end{array} & \begin{array}{r} 18 \\ \times 8 \\ \hline 14,4 \end{array} \\ \hline 19,2 & 25,6 & 32,8 & 25,6 & 14,4 & 14,4 \\ \hline 38,4 & 51,2 & 65,6 & 51,2 & 28,8 & 28,8 \\ \hline \end{array}$$

$89,6 \text{ qm} \times 4 + 116,8 \text{ qm} \times 8 + 57,6 \times 2 = 1408 \text{ qm}$
 $1480 \text{ qm} : 20 = 70,4 \text{ kg Farbe } \times 95 = 66,88 \text{ } \mathcal{M}$.

31. 6 Säulen. Maße: 4 Stck. = 14, 6, 4,5 m; 2 Stck. = 14, 4,2, 3,1 m. $12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe zu } 90 \text{ } \mathcal{M}$. Wie teuer ist der Anstrich?
32. Gummiunterlage, 98 cm breitliegend. 1 m dieser Breite kostet $2,20 \text{ } \mathcal{M}$. Wieviel kostet ein Stück 60×60 cm.
 $98 \times 100 \text{ cm} = 220 \text{ } \mathcal{M}$
 $66 \times 60 \text{ " } ?$

Bruchstrich:

$$\begin{array}{r} \xrightarrow{\quad} & 220 \text{ } \delta & ? & 3600 \\ \boxed{98} \times 100 & \xrightarrow{\quad} & = 80,8 \text{ } \delta \\ \xrightarrow{\quad} & 9800 & & \text{oder } 81 \text{ } \delta \end{array}$$

33. Wieviel kostet dann ein Stck. 45×75 cm?
34. Ein \square einer Unterlage, die 96 cm breit liegt, kostet 2,15 M , wieviel ein Stück 40×60 cm?
35. Ein \square m kostet 1,25 M , wieviel ein Stück, das 1 m 45 cm lg. ist?
36. Das \square m kostet 1,15 M , wieviel 80 cm dieser Breite?
37. Ein Rest 30×75 groß kostet 55 δ . Wieviel kostet 1 \square m?
38. Ein Rest 48×42 cm kostet 71 δ . Wieviel dann 98×100 cm?
39. Ein Stück Wachstuch, 97 cm breit liegend, 16 m lg. kostet 37,60 M . Wieviel kostet ein Stück 30×80 cm?
40. 25 m Gummistoff kosten 58,75 M . Er liegt 95 cm breit. Wieviel kostet ein Stück 60×80 cm?
41. 28 m Gummipapier, 45 cm breit liegend, kosten 12,60 M . Wieviel ein Stck. 30×45 cm?
- Lösung:** $2800 \text{ cm} \times 45 \text{ cm} = 116000 \text{ qcm} = 12,60 \text{ M}$. ?
 $30 \times 45 = 1350 \text{ qcm}$.

Bruchansatz:

$$\begin{array}{r} \xrightarrow{\quad} & 1260 \text{ } \delta & ? 1350 \text{ qcm} \\ \xrightarrow{\quad} & 116000 \text{ qcm} & = 13,5 \text{ } \delta \end{array}$$

oder:

$$\begin{aligned} 12,60 \text{ M} &= 28 \text{ m} \\ 1 \text{ m} &= 1260 : 28 = 45 \text{ } \delta \\ 100 \text{ cm} \times 45 \text{ cm br.} & \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} \xrightarrow{\quad} & 45 \text{ } \delta & ? 1350 \\ \xrightarrow{\quad} & 4500 & = 13,5 \text{ } \delta \end{array}$$

42. Billroth-Batist, 98 cm breit. 1 m = 1,10 M . ? 25×98 cm?
43. Mossettig-Batist. Ein \square m kostet 1,25 M . Wieviel kostet 1 m 45 cm?
44. Ein \square Gummipapier, welches 45 cm breit liegt, kostet 21 δ . Wieviel kostet 1 Stck., das 1 m lang ist?
45. Ein Stück 18 m lg., 97 cm breit liegend, kostet 41,40 M . Wieviel kostet $\frac{1}{2}$ m diej. Breite?
46. Gummistoff, 96 cm breit liegend. Ein Quadrat dieser Breite kostet 2,60 M . Wieviel kostet ein Stück von einem halben \square m?
47. Ein Stück Gummistoff = 46 m, 98 cm breit liegend kostet 119,60 M . Wieviel kostet ein Stück 40×65 cm?

48. Fläche: $96 \times 48 \text{ m. } 12 \text{ qm} = 1 \text{ kg Farbe.}$

Vorschrift u. Preise:

Zinfweiss	21	Teile,	kg	0,70	M.
Terpentinöl	8	"	"	0,90	"
Firnis	39	"	"	0,85	"
Braun	4	"	"	0,20	"

Wie teuer stellt sich das Material zum Anstrich?

Zylinderoberfläche (Mantel), Formel: D (Durchmesser) $\times \pi$

$\times H.$

49. Ein zylindrisches Gefäß soll innwendig gestrichen werden. Die Innenmaße sind: D 0,90 m, H 1,4 m. 1 kg Mennigfarbe kostet 90 ₣, man kann damit 3,6 qm streichen. Wie teuer ist der Anstrich?

$$\begin{aligned}\text{Lösung: } 0,9 &\times 3,14 = 2,826 \times 1,4 = 3,9564 \\ 3,9 : 3,6 &= 1,08 \text{ kg} \times 90 \text{ ₣} = 97,2 \text{ ₣.}\end{aligned}$$

50. Ein zylindrischer Eisenbehälter soll mit Mennigfarbe, das kg 1,15 M., gestrichen werden. 3,15 qm erfordern 1 kg Farbe. Die Maße sind: Durchmesser 1,28 m, Höhe 3,4 m. Wieviel kostet der Anstrich?

51. Bestimme den Flächeninhalt folgender Zylinder:

D 60 cm	Höhe 4 m	D 0,8 cm	Höhe 6,5 m
D 72 "	" 4,6 "	D 45 "	" 5,6 "

D 46 m Höhe 11,0 m

52. Sechs eiserne zylindrische Kanalisationsröhren sollen mit Mennigfarbe gestrichen werden, das kg 80 ₣. 1 qm erfordert 3,4 kg Farbe. Die Maße sind: D 0,68 m, Länge 7 m. Wieviel kostet der Anstrich?

53. Ein Säulengang hat 16 zylindrische Säulen. Letztere sollen mit Oelfarbe, das kg zu 0,80 M. gestrichen werden. 12 qm erfordern 1 kg Farbe. Wie hoch ist der Preis, wenn die Maße der Säulen: Umfang 157 em, Höhe: 5,6 m sind?

$$\begin{aligned}\text{Lösung: } \text{Umfg. } 1,57 \text{ m} &\times 5,6 = 8,792 \text{ qm} \\ 16 \text{ Säulen} &\times 16 \\ &\hline 140,67 \text{ qm}\end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 140,67 : 12 = 11,72 \text{ kg} \\ \times 80 \\ \hline 937,60 = 9,37 \text{ M.} \end{array}$$

54. Boden u. Innenfläche eines zylindrischen Gefäßes sind zu streichen. 4,6 qm erfordern 1 kg Farbe, das kg zu 1,05 M.

Die Innenmaße sind: D 1,7 m, Höhe 320 cm. Wie teuer ist der Anstrich?

Lösung:

a) Boden = Kreisfläche $r^2 \times \pi$, also:

$$0,85 \times 0,85 = 0,7225 \times 3,14 = 2,268 \text{ m}$$

b) Innenmantel D $\times \pi \times H$, also:

$$\begin{array}{r} 1,7 \times 3,14 = 5,338 \times 3,2 = 17,08 \text{ qm} \\ 17,08 \text{ qm} \quad 19,34 \text{ qm} : 4,6 = 4,2 \text{ kg} \\ + 2,26 " \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \times 1,05 \text{ } \text{ℳ} \\ \hline 19,34 \text{ qm} \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \underline{4,41 \text{ } \text{ℳ}} \end{array}$$

55. Derselbe Vorgang mit gleicher Frage. Maße: D 2,4, H 4,7 m. 5,7 qm = 1 kg Farbe zu 1,30 ℳ .

Rauminhaltsberechnungen.

Jeder Raum ist zu berechnen nach der Grundregel:

$$G \times H, \text{ d. h. Grundfläche} \times \text{Höhe}.$$

Bei den aus der Praxis angewandten Aufgaben prüfe man, wonach gefragt wird, Raum oder Fläche.

Die Kubikinhaltsermittlung des Zylinders beruht auf gleichem Prinzip der Grundregel, nämlich $G \times H$. Da beim Zylinder die Grundfläche eine Kreisfläche bildet, so ist zunächst deren Flächeninhalt festzustellen. Formel: $r^2 \times \pi$ d. h. den Radius (Halbmesser) mit sich selbst (nicht mit 2) und mit 3,14 (π) multiplizieren.

Beispiel: Radius 28 cm. Wie groß ist die Kreisfläche.
Also: $28 \times 28 \times 3,14 = ?$

Ein Zylinder mit dieser Grundfläche und 1,20 m Höhe hat demnach einen Rauminhalt von

$$28 \times 28 \times 3,14 \times 120 = ?$$

Das Ergebnis sind cem, welche durch Abstreichen von 3 Stellen von rechts nach links in 1 ausgedrückt werden können!

1. Ein Gefäß, Breit. 46 em, Höhe 1,15 m, Länge (od. Tiefe) 0,51 m. Wieviel Rauminhalt?

Lösung: Grdfl. \times Höhe. Gleiche Faktoren!

Daher: 46 em \times 51 cm $\left. \right\} = 2346 \text{ qem}$
[nicht $46 \times 0,51$]

Grdfl. 2346 qem \times 115 em $\left. \right\} = 269\,790 \text{ cem}$
[nicht $2346 \times 1,15$]

$$1000 \text{ cem} = 1 \text{ l}$$

$$269\,790 \text{ " } = 269,790 \text{ l, abgerundet } \underline{\underline{269,8 \text{ l}}}.$$

2. Ein Behälter, 1,19 m, 111 cm, 1,09 m. Wieviel cbm Rauminhalt?

Lösung:

Gleiche Faktoren schaffen, also

$$1,19 \text{ m} \times 1,11 \text{ m} = 1,3209 \text{ qm}$$

$$1,3209 \times 1,09 = 1,439\,781 \text{ cbm}, \text{ abgerundet } 1,44 \text{ cbm}.$$

3. Wieviel Liter sind 1,439 781 cbm?

Lösung: Ein cbm ist 100 cm lg., 100 brt., 100 tief.

$$100 \times 100 \times 100 = 1\,000\,000 \text{ ccm}$$

$$1,439\,781 \text{ cbm} = 1\,439\,781 \text{ ccm}, \text{ davon 3 Stellen}\newline \text{kürzen} = \text{abgerundet: } 1439,8 \text{ l.}$$

Berechne den Rauminhalt folgender Gefäße:

4. Gefäß, 1,2, 0,8, 1,8 m. ? l.

5. Gefäß, 1,4 m, 50 cm, 0,40 m. ? cbm.

6. Desgl., 1,01 m, 44 cm, 0,86 m. ? l.

7. Aquarium, 114 cm, 1 m, 0,98 m. Es soll zu $\frac{3}{4}$ mit Wasser gefüllt werden. ? l.

8. 20 leere Kanister sollen mit Benzin [0,710] $\frac{5}{6}$ voll gefüllt werden. Die Kanister haben folgende Maße: 26 cm, 23 cm, 28 cm. Wieviel Benzin geht hinein?

9. 6 Glasbehälter zur Elementfüllung, sollen mit Induktionsflüssigkeit [spez. Gew. 1,430] zur Hälfte gefüllt werden. Maße: 15, 20, 25 cm. Wieviel kg gehen hinein?

Lösung:

$$15 \times 25 \times 20 = 7500 \text{ ccm} \times 6 = 45\,000.$$

$$45\,000 \text{ ccm} : 2 = 22\,500 \text{ ccm} = 22,5 \text{ l.}$$

$$1 \text{ l} \text{ wiegt } 1,430 \text{ kg}, 22,5 \text{ l} = 32,175 \text{ kg.}$$

10. Zwölf Glasbehälter ($\frac{1}{2}$ voll), 16, 22, 10 em, Ind.-Flüss. [1,380]. Wieviel kg davon gehen hinein?

11. Zwölf Glasbehälter, 8, 9, 12 em ($\frac{1}{2}$ voll), gleiche Bedingungen. Wieviel kg Flüssigkeit?

12. Ein Bassin zum Photoplattenentwickeln hat folgende Maße: 1,04 m lg., 100 cm tief, 70 cm breit und soll bis zu einer Tiefe von 65 cm gefüllt werden. Wieviel kg Entwickler [spez. Gew. 1,180] geht hinein?

13. 22 Gefäße, $\frac{1}{2}$ voll, mit Elementfüllung [1,310] nehmen wieviel davon auf, wenn ihre Maße sind: 12, 20, 18 cm?

14. 10 solcher Gefäße, Elementfüllung [1,320]. Folgende Maße: 19, 22, 31 cm. Die gleiche Frage?

15. 22 Behälter, Elementflüssigkeit [1,310]. Maße: 24, 10, 14 cm, $\frac{3}{4}$ voll zu füllen. Die gleiche Frage?

16. Der gleiche Vorgang aus Nr. 12. Maße: 115 cm breit,

65 cm lang, 1 m tief. Der Behälter ist in einer Tiefe von 75 cm mit Flüssigkeit [spez. Gew. 1,210] zu füllen. Wieviel geht hinein?

17. Ein **Krankensaal**, 19 m lang, 17 m breit, 7 m hoch, soll mit Formaldehyd **desinfiziert** werden. Ein cbm Raum erfordert 15 g. Das kg kostet 1,15 ₩. Wieviel kostet das erforderliche Formaldehyd?

Lösung: $19 \times 17 \times 7 = 2261$ cbm, $1 \text{ cbm} = 15 \text{ g}$

$$2261 \text{ cbm} \times 15 \text{ g} = 33\,915 \text{ g} \text{ oder } 33,9 \text{ kg} \times 115 \text{ ₩}$$
$$= 39,01 \text{ ₩.}$$

18. Berechne die Desinfektionskosten für die in folgenden Aufgaben angegebenen Räume und Bedingungen:

4 m, 7 m, 5 m, 1 cbm = 15 g, Form. kg 95 ₩	1,15 ₩
14 " 12 " 7 "	" "
5 " 10 " 8 "	" "
9 " 7 " 6 "	" "
17 " 7 " 9,5 "	" "
27 " 17 " 9 "	" "
11,5 " 9,1 " 5,4 "	" "
17,8 " 6,5 " 16,4 "	" "
19,8 " 17,6 " 9,8 "	" "
7 " 19,8 " 12,2 "	" "
17 " 9,5 " 7,5 "	" "
12,8 " 19,4 " 6,7 "	" 0,95

19. Ein **Krankensaal**, 24,6 m \times 17,7 m groß, 6 m hoch, soll mit **Formaldehyd** desinfiziert werden. 1 cbm Raum erfordert 20 g Formald., das kg zu 90 ₩ und 20 g Ammoniak, das kg 38 ₩. Abzurechnen ist der Raum, welchen ein Pfleger, 0,70 m \times 0,60 m \times 6 m Höhe, einnimmt. Zu berechnen sind ferner 4 Std. Arbeit zu 1,30 ₩. Wie teuer ist die Desinfektion ohne Arbeitskosten?

20. Ein **Krankensaal**, welcher 26,8 m lang, 13,4 m breit, 10 m hoch ist, soll mit Formalin und nachfolgendem Gebrauch von Ammoniakdämpfen desinfiziert werden. 1 cbm Raum verlangt je 20 g Formalin zu 1,15 ₩ pro kg und 20,0 Liquor ammonii caustici, kg 34 ₩. Es sind 7 Std. Arbeit zu 1,40 ₩ anzusezen. Der Raum, welchen Fenster und Türen einnehmen, muß hinzugezählt werden. 8 Fenster: 1,4 m breit, 2,1 hoch, 0,4 tief, 2 Türen, je 1,9 breit, 2,4 hoch, 0,3 m tief. Pfleger: 0,7 \times 0,8 \times 10,0 m. Wie hoch ist der **Gesamtpeis** der Desinfektion?

$$\text{Lösung: } 26,8 \times 13,4 = 359,12 \times 10 = 3591,200 \text{ cbm}$$

$$\text{dazu: 8 Fensterräume} \quad 1,4 \times 2,1 = 2,94 \times 0,4 = 1,176 \times 8 = 9,408 \text{ "}$$

$$2 \text{ Türen} \quad 1,9 \times 2,4 = 4,56 \times 0,3 = 1,368 \times 2 = 2,736 \text{ "}$$

$$\text{ab 1 Pfeiler:} \quad 0,7 \times 0,8 \times 10 = 5,6 \text{ cbm} \quad \underline{\underline{3603,44 \text{ cbm}}}$$

$$\underline{\underline{— 5,60 \text{ "}}} \quad \underline{\underline{3597,7 \text{ cbm}}}$$

$$\underline{\underline{\times 20}} \quad \underline{\underline{= 71954,0 \text{ g}}}$$

$$\begin{array}{r} 71,9 \text{ kg Formalin,} \\ \times 115 \\ \hline 82,68 \text{ M} \end{array} \quad \begin{array}{r} 71,9 \text{ kg Ammoniak} \\ \times 34 \\ \hline 24,44 \text{ M} \end{array} \quad \begin{array}{r} 82,68 \text{ M} \\ 24,44 \text{ "} \\ \hline 9,80 \text{ "} \end{array}$$

$$\text{Gesamtkosten: } \underline{\underline{116,92 \text{ M}}}$$

21. Berechne den Literinhalt folgender Zylindergläser:

- | | |
|------------------------|-----------------------|
| a) D 0,60 m, H 120 cm | i) r 9 cm, H 0,72 m |
| b) r 23 cm, H 1,1 m | k) D 52 cm, H 1,18 m |
| c) D 54 cm, H 96 cm | l) r 19 cm, H 81 cm |
| d) r 20 cm, H 1,15 m | m) D 0,48 m, H 0,98 m |
| e) D 0,42 m, H 0,96 m | n) r 19 cm, H 81 cm |
| f) r 43 cm, H 130 cm | o) D 46 cm, H 0,90 m |
| g) r 0,31 m, H 0,96 m | p) r 28 cm, H 2 m |
| h) r 39 cm, H 1,4 m | q) r 38 cm, H 1,8 m |
| r) D 0,42 m, H 112 cm. | |

22. Ein Eisenfaß, D 62 cm, Länge 110 cm, nimmt wieviel a) Leichtbenzin [0,690], b) Schwerbenzin [0,725] auf?

23. Ein Spiritusbehälter in Zylinderform, D 52, Höhe 120 cm, ist $\frac{3}{4}$ voll Spiritus [0,835] gefüllt. Wieviel a) Liter, b) kg sind darin enthalten?

24. Aus einem Zylinderglaß, r 34 cm, Höhe 76 cm, welches mit Spiritus [0,830] gefüllt war, sind 50 kg entnommen worden. a) ? kg verbleiben?, b) ? l wurden entnommen?

Lösung:

$$\text{a) } 34 \times 34 = 1156 \times \pi = 3629,8 \text{ qcm Kreisfläche}$$

$$\times \text{Höhe} = 76 = 275880 \text{ ccm} = 275,8 \text{ l.}$$

$$1 \text{ l} = 830 \text{ g} = [0,830 \text{ kg}]$$

$$275 \text{ l} = 228,9 \text{ kg ab } 50 \text{ kg} = 178,9 \text{ kg.}$$

$$\text{b) } 50 \text{ kg wieviel } 1? \quad 0,830 \text{ kg} = 1 \text{ l}$$

$$50 \text{ kg} = 50 : 0,830, \quad 50000 : 830 = 60,2 \text{ l.}$$

25. **Derselbe Vorgang**, Maße: r 24, Höhe 72 cm, Spiritus [0,835], ab 50 kg Spiritus. Die gleichen Fragen.
26. Wieviel kg a) Wasser, b) Spiritus [0,835] nimmt das Gefäß aus Aufgabe 21 b auf?
27. Das Gefäß aus Aufgabe 21 m nimmt **wieviel** kg auf an:
a) Aqua, b) Benzin [0,710], c) Spiritus [0,835]?
28. Berechne den kg-Inhalt aus Aufgabe 21 e für:
a) Wasser, b) Benzin [0,710], c) Spiritus [0,835].
29. Der unter Aufgabe 21 l angeführte Zylinder vermag wieviel kg Petroleum [0,915] aufzunehmen?

Prozentrechnung.

Pro Cent, abgeleitet von centum = 100, bedeutet: für Hundert. Das Prozentverhältnis ist ein zur Zahl 100 gegebenes Verhältnis! 6 pro Cent, geschrieben 6 %, bedeutet, daß die Grundbedingung 6 zu 100 in einen Vergleich gestellt werden soll mit einer dritten Zahl, welche die Frage darstellt.

Beispiel: 4 % von 300 ₩ =
 Bei 100 ₩ 4 ₩
 300 ?

Jede Prozentaufgabe ist also ein Vergleich zur Zahl 100, die als Normalzahl aller Kulturstaaten gilt.

Die Faktoren der Prozentrechnung tragen folgende Namen:

- 9 % von 200 kg
1. Prozentwert = 18
2. Prozentsatz = 9
3. Hauptwert = 200

Dazu tritt immer die Zahl 100 als indirekt gegebenes Verhältnis.

(Der Hauptwert wird auch noch Valuta, Kapitalwert oder Totalwert genannt.)

Gegeben sind immer 3 Faktoren an die sich die entsprechende Frage knüpft.

1. Auffsuchung des Prozentwertes.

Gegeben Prozentsatz und Hauptwert und die Zahl 100.

Bei 100 x (Prozentsatz)
„ x (Hauptwert) wieviel ?

Aufgabe: $14\frac{3}{4}\%$ von 720 kg

$$\text{Also: } \frac{14\frac{3}{4}}{100} = \frac{59}{4} \quad \text{Bei } 100 \text{ kg} = \frac{59}{4} \quad (\text{Prozentsatz})$$

$$\text{Bruchstrich: } \frac{59}{100} \quad ? \quad \frac{720}{4} = ?$$

2. Aufführung des Prozentsatzes.

Gegeben Prozentwert u. Hauptwert.

Bei x (Hauptwert) x (Prozentwert)
" 100 wieviel?

Aufgabe: 300 kg Brutto, 21 kg Tara ? %

$$\text{Bei } 300 \quad 21 \quad ? \quad \frac{21}{300} = 7\%$$

3. Hauptwertermittlung.

Gegeben Prozentsatz und Prozentwert.

120 g Kupferbitriol ergeben wieviel 6 %ige Lösung.

$$6 \text{ g Bitriol} = 100 \text{ Lös.} \quad \frac{100}{6} = 2000$$

Wieviele Wasser ist also erforderlich? Also $2000 - 120 = 1880$ g.

Falls der Prozentwert vom Hauptwert nur einen geringen Betrag ausmacht, drückt man ihn im Tausendverhältnis aus
= pro mille, geschrieben, ‰.

Beispiel: 17000 Versicherungssumme $\frac{3}{4}\%$ Prämie

$$\text{d. h.: Bei } 1000 \text{ } \text{ℳ} \quad \frac{3}{4}\% \text{ } \text{ℳ}$$

$$\text{Bei } 17000 = 17 \times \frac{3}{4} = \frac{51}{4} = 12,75 \text{ } \text{ℳ}$$

$$\text{Dör: } 24000 \text{ } \text{ℳ} \text{ Verf.-S. } \left\{ \begin{array}{l} \text{Prämie} \\ 60 \text{ " } \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} ? \% \\ ? \% \end{array} \right.$$

$$\text{Dör: } 40 \text{ } \text{ℳ} \text{ Prämie } \left\{ \begin{array}{l} ? \text{ Verf.-Summe} \\ 1\frac{1}{4}\% \end{array} \right.$$

1. Folgende Lösungen enthalten wieviel Chlorgold?

- 130 g 1 %
- 380 g 0,5 %
- 500 g 2,5 %
- 450 " 6 %
- 100 " 1/4 %
- 50 " 3 %
- 350 g 7,5 %
- 500 g 17,5 %

2. Eine Krankenkasse mit 22000 Mitgl. hat jährl.

4 % Lungenkrante,

1,5 % Halskrante,

5,5 % Nervenkrante,

5 % andere Krante.

Wieviele kranke Mitglieder waren vorhanden a) mit den einzelnen Krankheiten, b) im Ganzen?

3. **Derselbe Vorgang**, 166 000 Mitglieder
 $6\frac{3}{4}\%$, $0,5\%$, $3,1\%$, $15,65\%$.

Die gleichen Fragen aus voriger Aufgabe.

4. 1 Fäß **Kolophonium** 382 kg Brutto, ab 14 % für Tara, kostet pro kg 30 ₣. Wieviel beträgt der Preis des Fasses?
5. 1 Fäß **Kolophonium** wird mit 87 ₩ verkauft. Wir verdienen am Verkauf 15 %. Wie hoch ist a) der Einf., b) der Gewinn?
6. 1 Fäß **Lithopone** 60 kg Brutto mit $8\frac{1}{4}$ kg Tara, Einf. pro kg 27 ₣, kostet wieviel?
7. Ein **Barrel Fischtran**, 147 kg Brutto, 19 % Tara, kostet im Einkauf das kg 46 ₣. Das Fäß wird mit 3,00 ₩ berechnet. Wieviel beträgt der Preis?
8. Eine **Sendung** von 10 Fässern **Kolophon**, wiegt brutto 480, 341, 381,5, 401,5, 377, 394, 381, 422, 396, 402 kg, die Tara beträgt 14 %. Einf. das kg 34 ₣. Wie hoch ist der Gesamtpreis der Sendung?
9. Berechne:

3	% von	1800	ℳ	4	% von	720	kg
5	"	609	"	6	"	$33\frac{1}{8}$	"
7	"	7,2	m	$4\frac{1}{2}$	"	6,48	"
1	"	1556	"	1	"	7,5	"
4	"	6,25	g	$3\frac{1}{8}$	"	0,27	"
6	"	250	kg	$7\frac{1}{2}$	"	6,40	"
3	"	216	"	$4\frac{1}{8}$	"	333	ℳ
7	"	18,7	"	5	"	240	"
3,3	"	36	ℳ	8	"	2,50	"
2,5	"	64	"	$3\frac{1}{8}$	"	0,81	"
4,5	"	28	"	$7\frac{1}{2}$	"	108	m
12,5	"	0,16	kg	4,8	"	1,25	"
$7\frac{7}{9}$	"	1,80	"	$7\frac{1}{7}$	"	0,56	"
3,75	"	3,20	"	$7\frac{1}{2}$	"	$26\frac{2}{8}$	qm
3,3	"	0,6	"	$4\frac{1}{2}$	"	48	"
$2\frac{2}{9}$	"	1,35	"	$5\frac{1}{8}$	"	5,25	"

10. Das Brutto-Gew. einer Ware ist
 a) 60 kg mit $6\frac{1}{4}\%$ Tara
 b) 95 " " $5,6\%$ " } Wieviel betragen die Tara-
 c) 25,6 " " $15\frac{5}{8}\%$ " } und Netto-Gewichte?
 d) 183,75 " " $6\frac{6}{7}\%$ "
11. Berechne: a) 8 %, b) 12 %, c) 20 % von:
 900 kg, 93,75 ℳ, $81\frac{1}{4}$ m, 560 t, 6,25 g, $35\frac{5}{12}$ l, 325 qm,
 31,25 kg, 93,75 ℳ, 48 000 m, 13.450 kg, $34\frac{8}{9}$ ₣.

12. **Strychninweizen** soll laut giftgesetzlicher Vorschrift höchstens 0,5 % ig sein. Wieviel Strychnin ist enthalten in folgenden Mengen Weizen:
- | | | | | |
|-------|-------|--------|--------|-------|
| 14 g | 9,5 g | 7 g | 82 g | 11 g |
| 9 kg | 48 " | 1,4 kg | 31 " | 1 " |
| 0,8 " | 17 kg | 4 g | 1,7 kg | 9,5 " |
13. **Liquor aluminii acetici** 8 % ig. Berechne die Menge von effig. Aluminium bei folgenden Flüssigkeitsmengen:
a) 7800 g, b) 16 kg, c) 1,2 kg, d) 580 g, e) 17,4 kg,
f) 16 g, g) 54,8 kg, h) 62,1 kg, i) 54,1 kg.
14. Eine Ladung **Schwefelsäure**, 10 Ballons, hat folgende Brutto-Gewichte: 86,7, 95,1, 74,5, 69,8, 78,9, 69,4, 78,6, 81,4, 87,7, 78,9 kg. Es werden 18 % Tara abgerechnet. Das kg Säure kostet 11,4 ₣, der leere Ballon 1,50 ₩. An Fracht und Spesen treten noch 6,80 ₩ hinzu. Wieviel kostet
a) die ganze Sendung, b) ein Ballon im Durchschnitt?
15. Berechne die Prozentsätze der trockenen Ware von den auf Seite 30 aufgeführten Vegetabilien.
16. Ein Gehilfengehalt beträgt pro anno 1400 ₩. Er erhält eine monatliche Zulage von 10 ₩. Wieviel % sind das von seinem früheren Gehalt?
17. Vier Handwerker haben Ware geliefert
A für 1125 ₩ }
B " 69 " } Sie erhalten nur 14 % ihrer Forderungen.
C " 341 " } Wieviel a) erhält jeder?
D " 719 " } b) verliert jeder?
18. Eine **Arzneirechnung** beträgt für Verbandstoffe 49 ₩, Arzneien 270 ₩. Für die Verbandstoffe werden $1\frac{1}{4}\%$, für die Arzneien $2\frac{1}{2}\%$ Rabatt gekürzt. Wieviel beträgt a) der Rabatt, b) die Auszahlung für beides.
19. Ein Fass mit **Benzin**, Brutto 680 kg, Tara 32 kg, verliert durch Verdunsten 4 % vom Netto-Gewicht. Wieviel beträgt das Brutto-Gewicht nach dem Verdunsten?
20. Jemand hat für a) 96, b) 148 ₩ **Saccharin** unversteuert über die Grenze geschafft und soll nun den 6 fachen Betrag Strafe zahlen. Wieviel beträgt 1. die Steuer ?, 2. die Strafe?
21. Eine **Hypothek** in der Höhe von a) 6500 ₩, b) 7200 ₩, wird mit 6 % Dammno in Zahlung genommen. Wieviel wird für a und b ausgezahlt.
22. Ein Fass **Spiritus**, Brutto 300 kg, Tara 20 %, verliert an Gewicht 3,5 % durch Auslaufen des Netto-Inhalts. Wieviel wiegt das Fass nachträglich brutto?

23. Desgl. Brutto 240, Tara 4 kg. Vom Netto-Inhalt gehen 2 % verloren. Wieviel beträgt das nachträgliche Bruttogewicht?
24. Ein Unternehmen mit 11 700 M Passiva gerät in Konkurs. A erhält 5616 M, B 4,5 % von der Gesamtsumme. C vergaß seine Forderung, die den Rest ausmacht, anzumelden, welche daher ausfällt. Wieviel % erhielt A, wieviel M erhielt B und wieviel M verlor C?
25. Ein Einkommen soll mit 94 M pro Jahr versteuert werden. Die Staatssteuer beträgt 100 %, die Kommunalsteuer 185 % und die Kirchensteuer 5 %. Wieviel hat der Bürger pro Quartal zu zahlen?
26. Wieviel prozentig sind folgende Lösungen:
a) 7500 g Karbolwasser, enthaltend 262,5 g Karbolsäure
b) 5840 " Kalilauge, " 934,4 " Acetkali
c) 35 kg Essig, " 2100 " Essigsäure
d) 940 g Chlorgoldlösung " 37,6 " Chlorgold
e) 7,5 kg Sublimatlösung " 37,5 " Quecksilberzbl.
f) 45 " Essigsäure, verdünnt " 13,5 kg reine Essig.
g) 12,4 kg eissig. Tonerde " 995 g eissig. Aluminium
h) 840 g Wasserstoffsuperoxyd " 10,08 g H₂O₂.
-
27. Welchen Prozentsatz enthalten folgende Lösungen:
a) 740 g Lösung mit 6 g Chlorgold
b) 9,440 kg Natronlauge mit 420 g Seifenstein
c) 12 kg Karbolwasser mit 54 g Säure
d) 16 kg Essig mit 1,12 kg Essigsäure
e) 240 g Tonerde mit 6 g eissig. Aluminium.
28. Welchen Prozentsatz macht die Tara bei folgenden Gewichtsmengen aus
- | | 90 | kg Brutto | 87 | kg Netto |
|----|-----------------|-----------|-------------------|----------|
| a) | 65 | " " | $63\frac{11}{25}$ | " |
| c) | 68,75 | " " | $65\frac{3}{4}$ | " |
| d) | 67,5 | " " | $63\frac{1}{2}$ | " |
| e) | $46\frac{7}{8}$ | " " | $42\frac{3}{8}$ | " |
| f) | 187,2 | " " | $161\frac{1}{5}$ | " |
| g) | 60 | " " | $56\frac{1}{4}$ | " |
| h) | 95 | " " | 89,68 | " |
| i) | 80 | " " | 78 | " |
| k) | 75 | " " | 72,4 | " |

29. Ermittle den Prozentsatz bei folgenden Beträgen:
- | | | | | | | |
|----|--------|--------|----------|-------|---|-----------|
| a) | 31 500 | M | Anlage | 3780 | M | Gewinn |
| b) | " | " | " | 6780 | " | |
| c) | " | " | " | 780 | " | Verlust |
| d) | " | " | " | 2550 | " | |
| e) | 50 000 | " | " | 6400 | " | Provision |
| f) | 75 000 | " | " | 4500 | " | |
| g) | 14 000 | " | " | 35 | " | Courtage |
| h) | 787 | " | " | 47,22 | M | Spesen |
| i) | 1750 | " | " | 96,25 | " | |
| k) | 395 kg | Brutto | 63,20 kg | Tara | | |
30. Wieviel beträgt der %o=saß (pro Mille) bei folgenden Versicherungssummen und Prämien?
- | | | | | | | |
|-----|--------|---|-------|-------|---|--------|
| 1. | 25 000 | M | Summe | 37,50 | M | Prämie |
| 2. | 19 000 | " | " | 71,25 | " | " |
| 3. | 6 000 | " | " | 4,50 | " | " |
| 4. | 16 000 | " | " | 20,00 | " | " |
| 5. | 75 000 | " | " | 37,50 | " | " |
| 6. | 47 000 | " | " | 188,0 | " | " |
| 7. | 32 000 | " | " | 144,0 | " | " |
| 8. | 21 000 | " | " | 50,4 | " | " |
| 9. | 12 000 | " | " | 19,2 | " | " |
| 10. | 30 000 | " | " | 10,0 | " | " |
31. Eine Sendung Schwämme, 10 kg, hat folgenden Sandgehalt:
3,8 kg Zimocka mit 320 g Sand.
5,1 " griechische " 405 " "
1,1 " Levantiner " 56 " "
Welcher Prozentsatz ist das von a) der einzelnen Sorte, b) im Durchschnitt?
32. Desgl. 12 kg.
7,4 kg Zimocka mit 520 g Sand
2,5 " griechische " 86 " "
2,1 " Levantiner " 79 " "
a u. b die gleichen Fragen aus voriger Aufgabe.
33. Desgl. 43 kg
13,4 kg Zimocka mit 1206 g Sand
24,1 " griechische " 1687 " "
5,5 " Levantiner " 275 " "
a und b dieselben Fragen.
34. Desgl. 9,4 kg Zimocka mit 846 g Sand
6,7 " griechische " 398 " "
1,9 " Levantiner " 72 " "
a und b dieselben Fragen.

35. Eine Kiste mit 26,4 kg Brutto- und 4,6 kg Tara-Gewicht enthält je zur Hälfte des Netto-Gewichts Zimocka- und Levantiner-Schwämme. Nach Ausklopfen des Inhalts stellt sich ein Sandgehalt von 1940 g heraus. Welcher Prozent-
satz des Netto-Gewichtes ist das?
36. Ein Drogist hat an Versicherungsprämie zu zahlen pro Jahr für
- a) Lebensversich. Verj.-Summe 15 000 ₩, Prämie 480 ₩
 - b) Unfallversich. " " 15 000 " " 60 "
 - c) Feuerversich. " " 24 000 " " 55,2 "
- Welche % bzw. %o=Sätze kommen zur Anwendung?
37. Ein Haus im Werte von 120 000 ₩ ist belastet mit drei Hypotheken

- 1. 47 000 ₩ zu 4 %
- 2. 32 000 " " 4,5 "
- 3. 5 000 " " 6 "

An Ausgaben treten dazu jährlich 215 ₩ Steuern, 85 ₩ kleinere Untosten, 680 ₩ Verwaltungs- und Reinigungsgelder. An Mietgeldern werden 16 000 ₩ eingenommen. Mit wieviel % verzinst sich das Geld des Inhabers?

38. Desgl. Wert: 32 000 ₩
- 1. Hypothek 8000 ₩ Kap., 360 ₩ Zinsen
 - 2. " 6000 " " 285 " "
 - 3. " 6000 " " 300 " "
- Untosten 180 ₩, Mietsertrag 1800 ₩. Mit welchem Prozent-
satz sind a) die Hypotheken beliehen?, b) wie hoch verzinst sich
das Geld des Besitzers?
39. Der Rückstand eines Fasses Bleiweiß in Del, von dem das Brutto 172 kg wog, beträgt 14,5 kg, das leere Fäß wiegt 17 kg. Wieviel % vom Netto-Inhalt gingen durch Eintrocknen verloren?

Lösung:

$$\begin{aligned} 172 \text{ Brutto} - 17 \text{ kg Tara} &= 155 \text{ kg Netto} \\ \text{An } 155 \text{ kg} &= 14,5 \text{ kg Verlust} \\ \frac{100}{\text{Bruchstrich}} &= 9,3 \% \\ \xrightarrow{\quad \rightarrow 1,45 \quad \text{an } 100} & \end{aligned}$$

$\rightarrow \text{an } 155 = 9,3 \%$

40. Desgl. Bleiweiß in Del, kg 0,56 ₩, brutto 161 kg, Tara 12,5 %. Nach Entleerung wiegt das Fäß samt dem anhaftenden eingetrockneten Rückstand 34 kg.
- a) Wieviel % sind das an Verlust?
 - b) Welchen Geldverlust macht das aus?

41. Desgl. Bleiweiß in Del, kg 64 ♂, brutto 144 kg, Tara 14 %. Es konnten jedoch nur 104 kg Bleiweiß daraus entnommen werden, da der Rest ange trocknet war.
a) Wieviel % gingen verloren ?, b) Welcher Geldwert ?
42. Wieviel % sind:
- | | | |
|--------------|----------------------------------|---------------|
| 7 l von 35 l | 58 von 928 g | 1 von 4 ♂ |
| 14 kg " | 15,2 kg | 4 " 72 " |
| 6 m " | 15 ⁵ / ₈ l | 5 " 357 " |
| 9 ♂ " | 30 m | 2,8 " 18,66 " |
| 13 " 130 " | 100 cm | 27 " 162 " |
| 3 " 48 " | 16 ♂ | 9,5 " 380 " |
| 2 " 64 " | 44 km | |
| | 11 " | |
43. Berechne den Prozentsatz des Verlustes aus Aufgaben Nr. 14, 15, 16, 17 der Gesellschaftsrechnung!
44. Ein Fäß Frankfurter Schwarz, brutto 182 kg mit 14 % Tara. Einf. kg 11 ♂. Wir verkaufen das Fäß mit 22,50 ♂. ? % Verdienst ?
45. Ein Ballon, 73 kg Brutto, 16 kg Tara, gefüllt mit Lauge, zu welcher 8,4 kg Seifenstein verwendet werden. a) ? % ig ist die Lauge ? b) 60 l [1,320] 18 % Lauge enthalten wie viel Natrium ?
46. Sichelleim wird Brutto für Netto gehandelt. 100 kg kosten 15,50 ♂. Ein Fäß wiegt brutto 72 kg. Nach Entleerung sind 13 kg Tara vorhanden.
a) Wieviel kostet uns 1 kg.
b) Wieviel % betrug der Verlust durch die Tara ?
47. Ein Grundstück im Werte von 120 000 ♂
1. Hypothek 38 000 = 1710,00 ♂ Zinsen
 2. " 7 000 = 332,50 "
 3. " 56 000 = 2800,00 "
- Wassersteuer 63 ♂, Gebäudesteuer 122 ♂, Reparaturen 472,50 ♂. Mietsertrag 11 800 ♂. Mit welchem Prozentsatz sind a) die Hypotheken beliehen ?, b) wie hoch verzinst sich das Geld des Besitzers ?
48. Daselbe Grundstück
1. Hypothek 24 500 ♂ mit 4 %
 2. " 11 000 " " 4,5 "
 3. " 5 500 " " 4³/₄ "
- Untosten 300, 84 und 420 ♂. Mietsertrag 5700 ♂. Mit welchem Prozentsatz verzinst sich das Geld des Besitzers, wenn er 21 000 ♂ eigenes Geld daran beteiligt hat ?

49. Ein Drogengeschäft hat einen Umsatz im Jahre von 26780 M bei 17004 M Warenverbrauch! Wieviel % beträgt a) der Brutto-, b) der Netto-Burdienst, wenn folgende Unkosten dazu treten: Miete 1800, Personal 1630, Steuern 31, Fernsprecher 180, Beleuchtung 240, Versicherungen 65, Posti usw. 25 M .
50. Welche Abschreibungen vom Wert muß eine Fabrik für folgende Aktiva machen: Einrichtung $3\frac{3}{4}\%$ von 12500 M , Wagen $6\frac{1}{4}\%$ von 750 M , Gespann 15% von 590 M , Gebäude $4\frac{1}{4}\%$ von 35000 M .

Prozenthaupthwert-Ermittlungen.

Hierbei sind stets Prozentzähler und Prozentwert gegeben, dazu indirekt die Zahl 100. Letztere stellt im Prozentverhältnis den Haupthwert dar.

Beispiel: Mit 46 g Karbolsäure kann man wieviel g 3%ige Karbollösung machen?

$$\begin{array}{rcl} \text{Lösung: } 3 \text{ g Säure ergeben } 3 & \left\{ \begin{array}{l} \text{Säure} \\ + 97 \end{array} \right. & = 100 \text{ Lösung.} \\ & \text{3 g} & = 100 \text{ g Lösung} \\ & 46 " & = ? \end{array}$$

$$\begin{array}{rcl} \text{Bruchstrich: } & \begin{array}{c} \rightarrow = 100 \\ \downarrow \quad \quad \quad \rightarrow \\ 3 \end{array} & 46 ? \quad 4600 : 3 = 1533 \text{ g} \end{array}$$

Also: $100 \times \text{Prozentwert} : \text{Prozentzähler} = \text{Haupthwert}$.

Da zu den 1533 g Karbollösung aber 46 g Säure genommen werden müssen, sind also $1533 \text{ g} - 46 \text{ g} = 1487 \text{ g}$ Wasser nötig.

$$\begin{array}{rcl} \text{Bruchstrich: } & \begin{array}{c} \rightarrow = 97 \\ \downarrow \quad \quad \quad \rightarrow \\ 3 \end{array} & 3 \text{ g Säure} \\ & = 97 \times 46 = 4462 : 3 = 1487 \text{ g Wasser.} \end{array}$$

51. Wieviel 7%ige Lauge ergeben 4 kg Seifenstein?

$$\begin{array}{rcl} 7 \text{ kg Seifenstein} & = 100 \text{ kg Lauge} \\ 4 " & = ? \\ \hline 100 & 4 \\ 7 & \end{array}$$

52. Wir kaufen eine Ware mit 56 M ein u. wollen 16% am Verkauf verdienen. Wieviel beträgt der Verkauf?

Bei 16% Burden ist der Einkauf 84 M im Hundertverhältnis. Also:

$$\begin{array}{rcl} 84 \text{ M Einkf.} & = 100 \text{ M Verkf.} \\ 56 " & = ? \\ \hline 100 & 56 \\ 84 & \end{array}$$

53. Die Prämie von $2\frac{1}{4}\%$ beträgt bei einer Versicherung jährlich 16 M . Auf welche Summe gilt die Prämie?
2,25 M für 100 M Summe
16 ?
54. Aus 9 g Chlorgold "können wir" ? g 4%ige Lösung machen?
b) ? Wasser ist zu nehmen?
55. Berechne den Hauptwert für folgende Bedingungen:
a) Bei 20 g Sublimat wieviel $\frac{1}{2}\%$ ige Lösung?
b) " 450 g Quecksilbermetall wieviel 20%ige Salbe?
c) " 15 g Chlorgold wieviel 8%ige Lösung?
d) " 6,5 kg reine Essigsäure wieviel 4%igen Essig?
e) " 320 g Karbolsäure wieviel 3,5%ige Lösung?
f) " 12 g Strychnin wieviel 0,5%igen Weizen?
g) " 5,60 M Prämie = $\frac{4}{5}\%$ wieviel Versicherungssumme?
h) " 624 g Alum. acetic. wieviel 8%ige Lösung?
i) " 18,6 kg Tara = 14% wieviel Brutto-Gewicht?
k) " 160 M Zinsen zu $3\frac{3}{4}\%$ wieviel Kapital?
56. Eine Luftpumpe in einem Raum mit 1205 cbm Luft enthält 65% Nitrogen, 30% Oxygen und 5% H_2SO_3 . Wieviel cbm von jeder Art?
57. Eine Luftpumpe ist zusammengesetzt aus 790,5 cbm N, 102,3 cbm O, 37,2 cbm H_2SO_3 . Wieviel % ist das von jeder Sorte?
58. Zusammensetzung | 22% O. Wieviel cbm?
in 1870 cbm | 916,3 cbm N. " %?
Luftraum | 3,4% H_2SO_3 . " cbm?
| 52,36 cbm Co. " %?
| 22,8% H_2O . " cbm?
59. Unter 54 000 Einwohnern einer Stadt sind: $89\frac{1}{5}\%$ evangelisch, $6\frac{2}{3}\%$ katholisch, 1800 Einw. jüdisch, der Rest Dissidenten. Wieviel a) evang., b) katholische Einw., c) wieviel % jüdische, d) Dissidenten, e) wieviel % von letzteren sind vorhanden?
60. Die gleiche Aufgabe mit folgenden Zahlen: 72 000 Einw., $83\frac{1}{3}\%$ evang., $13\frac{3}{4}\%$ kath., 1920 Juden, Rest Dissidenten.
61. Eine Korbflasche (Estagnon) mit 40% Perhydrol wiegt brutto 12,5 kg, netto 3,5 kg. Ihr Inhalt soll zu 8%igen H_2O_2 verarbeitet werden. Wieviel
a) Lösung 8%ig ergibt sich?
b) Wieviel Wasserzusatz ist erforderlich?
Lösung: Wir stellen zunächst fest, wieviel reiner H_2O_2 in dem Netto-Inhalt vorhanden ist:

$$\begin{array}{r} 12,5 \\ - 3,5 \\ \hline 9,0 \end{array}$$

9,0 kg 40 % = 3,6 kg Purum

3,6 kg ergeben wieviel Lösung von 8 %?

8 pro Cent heißt: 8 kg reiner H₂O₂ befinden sich in 100 kg Lösung. Demnach lautet die Frage: 3,6 kg reiner H₂O₂ erfordert wieviel Lösung?

Bruchstrich: | 100 Lösung. ? 3,6 Purum

$$\begin{array}{r} 8 \text{ Purum} \\ \hline = 45 \text{ kg Lösung } 8 \% \end{array}$$

Wir rechnen ab die: $\frac{9}{36}$ " 40 %igen H₂O₂
und müssen daher noch: $\frac{36}{36}$ " Wasser
zusetzen.

62. 112 kg Brutto

$$\begin{array}{r} 18 \text{ " Tara} \\ \hline \end{array}$$

94 kg Netto 96 %ige Säure soll zu 24 %iger verdünnt werden.

Um soviel mal stärker die vorhandene Säure ist, um soviel mal mehr Mischung muß es werden.

Vorhanden: 96 %ige } 96 : 24 = 4 mal so stark.
Gewünscht: 24 "

Also müssen es $4 \times 94 \text{ kg} = 376 \text{ kg}$ Mischung werden. Da-
von ab: die dazu verwendeten 94 kg 96 %ige Säure
= 282 kg Wasser.

Oder: Um soviel mal schwächer die gewünschte Säure ist,
um soviel mal mehr Mischung gibt es.

63. Aus: 14,2 kg } Lösung ist 5 %ige herzustellen.
42 %

Wieviel Wasserzußatz ist notwendig.

Lösung:

$$\begin{array}{r} 14,2 \cdot 42 = 5,964 \text{ Pur.} \\ 100 \text{ Lösung} \quad 5,964 \text{ Pur.} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5 \text{ Pur.} \\ \hline = 119,2 \text{ kg Lösung } 5 \% \\ \text{ab: } 14,2 \text{ " } 42 \% \text{ Lösung} \\ \hline 105,0 \text{ kg Aqua.} \end{array}$$

64. Aus: 59 kg 8 %iger Lösung ist 3 %ige herzustellen. Wie-
viel Wasser ist erforderlich.

65. Ein Ballon wiegt 67 kg Brutto, 13 kg Tara. Der Inhalt,
8 % eßigsaure Lonerde, soll auf 3 % verdünnt werden. Wie-
viel Wasserzußatz ist notwendig?

Lösung:

$$\begin{array}{r} 67 \\ - 13 \\ \hline 54 \times 8 = 4,32 \end{array} \quad \begin{array}{r} 100 & 4,32 \\ - 3 & \\ \hline = 144 \text{ kg } 3 \% \\ - 54 \text{ " } 8 \% \\ \hline = 90 \text{ kg Aqua.} \end{array}$$

66. Es sollen 700 g 6 %ige Chlorgoldlösung unter Verwendung von 280 g vorhandener 2 %iger Lösung angefertigt werden. Wieviel Chlorgold und Wasser ist noch notwendig?

Lösung:

$$\begin{array}{r} 700 \text{ g } 6 \% \text{ verlangen } 42 \text{ g Chlorgold} \\ \text{In } 280 \text{ " } 2 \% \text{ sind vorh. } 5,6 \text{ " } \\ \text{daher noch } 36,4 \text{ g " erforderlich.} \\ \text{Vorhandene } 280 \text{ g Lösung } + 36,4 \text{ g Chlorgold} \\ = 316,4 \text{ g. An } 700 \text{ g fehlen also noch} \\ 383,6 \text{ " Wasser} \\ \hline 700,0 \text{ g Lösung.} \end{array}$$

67. Desgl. 500 g $9\frac{1}{2}\%$ ige Lösung, zu verwerten 500 g 5,5%ige Lösung. Wieviel Chlorgold, wieviel Aqua?

68. Desgl. 370 g 16%ige Lösung, zu verwerten 120 g 40%ige Lösung. Die gleichen Fragen.

69. Es sind anzufertigen:

- 72 kg 5%ige Essig aus 30%iger Säure. ? Essig ergibt es, ? Wasser ist erforderlich?
- 4000 g $1\frac{1}{2}\%$ ige Sublimatlösung aus 7%iger Lösung. Wieviel 7%ige Lösung und wieviel Wasser?
- 70 kg 9%ige H_2O_2 aus 30%igem Perhydrol. Wieviel Perhydrol ist erforderl., und wieviel 9%ige Lösung ergibt es?
- 62 kg 8%ige Lösung aus 30%iger.
- 220 g 12%ige aus 75%iger.
- 780 g 6,5%ige aus 82%iger.
- 460 kg $5\frac{1}{4}\%$ ige aus 30%iger.
- 30 kg 6%ige aus 80%iger.
- 380 kg 12%ige aus 60%iger.
- 70 kg 9%ige aus 30%iger.

70. Aus 50%iger Essigsäure, das kg 36 Ø, und Wasser sollen 76 kg $5\frac{1}{2}\%$ iger Essig gemacht werden. Wieviel kostet 1 kg Essig? (Wasser ist nicht zu berechnen.).

Lösung:

76 kg 5,5%iger Essig verlangen 4,180 kg reine Essigsäure. Die vorhandene 50%ige ist halb so stark, und

es ist daher das Doppelte = 8,360 kg \times 36 ♂ erforderlich und 67,14 kg Wasser. Gesamtpreis für 76 kg 300,96 ♂, 1 kg = 4 ♂.

71. Es sind 240 kg Essig 6% ig aus 80% iger Säure, zum Preise von 60 ♂ pro kg und Wasser herzustellen. Wie teuer stellt sich das kg fertiger Essig? (Wasser nicht berechnen.)
72. Desgl. 460 kg 5 $\frac{1}{4}$ % iger Essig aus 30% iger Säure, das kg zu 42 ♂. Wieviel ist der Preis für 1 kg Essig?
73. Es sind 1100 g 8% ige Chlorgoldlösung aus vorhandener 38% iger herzustellen. Wieviel Wasser ist erforderlich?
74. Ein Ballon mit Schwefelsäure, 96% ig, Brutto 87 kg, Tara 6 kg soll zu 26% iger Säure verdünnt werden. Wieviel Wasser ist notwendig?
75. 15 l Wasser sind mit 6 l H₂SO₄, 96% gemischt worden. Wieviel prozentig ist die Mischung? (Spez. Gew. 1,840.)

Lösung:

$$\begin{aligned} 6 \text{ l Säure wiegen } 6 \times 1,840 &= 11040 \text{ g} \\ 11 \text{ kg Säure } + 6 \text{ kg Wasser} &= 26 \text{ kg Mischung} \\ 11 \text{ kg Säure } 96\% \text{ ig enthalten} \\ 11 \times 96 &= 1056 \% \text{ reine } 100\% \text{ ige Säure, verteilt auf } 26 \text{ kg} \\ \text{Mischung,} \\ 26 \text{ kg} &= 1056 \text{ Schwefelsäureprozent} \\ 1 \text{ " } &= 1056 : 26 = 40,6\%. \end{aligned}$$

76. Es sind herzustellen:

72 kg verdünnte Schwefelsäure, welche 36% ist, unter Verwendung von vorhandenen 5 kg 96% Säure. Wieviel a) fertiggestellte Säure wird es,
b) Wasser, c) Säure 96% ist noch erforderlich?

Lösung:

$$72 \times 36 = 2592 : 100 = 25,92 \text{ kg},$$

$$\text{denn: } \frac{\%-\text{fatz} \times \text{Hauptwert}}{100}$$

$$\begin{array}{r} 25,92 \text{ kg reine Säure (100\%) ist nötig!} \\ \hline 100 & 25,92 \\ 96 \text{ Pur. (100\%)} & \end{array} = 27 \text{ kg 96\% ige Säure}$$

ab 5 " vorhandene "

a) $\frac{22}{22} \text{ kg } 96\% \text{ ige }$ "

b) $+ 50 \text{ " Aqua }$

c) $72 \text{ kg } 36\% \text{ ige Säure.}$

77. Es sind 310 kg 4,5% iger Essig zu bereiten aus 30% iger

Säure und Wasser. Die Säure kostet das Kilo 26 ♂, das Wasser ist nicht zu berechnen. Wieviel kostet 1 Kilo Essig?

Lösung:

$$\begin{array}{r} 310 \cdot 4,5 \\ = 13,95 \end{array} \left\{ \begin{array}{l} 13,95 \times 100 \\ = 1395 : 30 = 46,5 \text{ kg } 30\% \text{ iger Säure} \\ 46,5 \text{ kg } 30\% \text{ Säure} \\ + 263,5 \text{ " Aqua} \\ \hline 300 \text{ kg } 4,5\% \text{ iger Essig} \\ 46,5 \text{ kg } \times 26 \text{ ♂} \\ \hline = 12,09 \text{ ♂} = 300 \text{ kg} \\ 1 \text{ kg} = 12,09 \text{ ♂} : 300 = 4 \text{ ♂.} \end{array} \right.$$

78. Die gleiche Aufgabe. Bedingungen:
260 kg 6% iger Essig aus 80% iger Säure, das Kilo 52 ♂ kostet das Kilo fertiger Essig?

79. Erstümlich sind zusammenge schmolzen worden:

$$5 \text{ kg } 12\% \text{ ige} \left\{ \begin{array}{l} \text{grau} \\ \text{Quecksilbersalbe} \end{array} \right.$$

$$5 \text{ " } 33\frac{1}{3}\text{ " }$$

Aus der vorhandenen Gesamt mischung soll durch Zusatz von Adeps 12% ige Salbe gefertigt werden. Wieviel Adeps ist notwendig? Lösung:

$$5 \text{ kg } 12\% \text{ ige enthalten: } 600 \text{ g Metall}$$

$$5 \text{ " } 33\frac{1}{3} \text{ " } \quad \quad \quad \frac{1665}{2265} \text{ " } \quad \quad \quad \text{zusammen: } 2265 \text{ g "}$$

12% ig heißt

12 g Metall sollen in 100 g Salbe sein

$$\begin{array}{r} \rightarrow 100 \text{ Ungt.} \quad ? 2265 \text{ Metall} \\ \hline \end{array}$$

$$12 \text{ Metall} \quad = 18875 \text{ g Salbe}$$

Es sind also 18875 g Salbe nötig, damit 2265 g Quecksilbermetall darin enthalten ist.

Wir müssen demnach noch 18875

$$\begin{array}{r} - 10 \text{ kg vorhand. Salbe} \\ \hline = 8875 \text{ g Adeps zusehen.} \end{array}$$

Prozentrechnung im und aufs Hundert.

In manchen Aufgaben wird der Hauptwert, der mit dem Prozentverhältnis verglichen werden soll, schon als vermehrter Wert gegeben. Man muß dann bei der Lösung der Aufgabe logischerweise auch die vermehrte Normalzahl benutzen. Sie besteht aus $100 + \%$ satz.

Beispiel: Eine Ware, einbegriessen (inklusive) 6% Speisen kostet 126 ♂. Wieviel ♂ sind die Speisen?

Normalzahl: $100 + \% = \text{faß} (= 6) = 106$.

Lösung:

106 M für Ware mit Speisen verursachen 6 M Speisen

126 " " " " ? " "

Bruchstrich:

$$\begin{array}{rcl} 100 & \left\{ \begin{array}{l} \text{Ware} \\ \text{Speisen} \end{array} \right. & 126 \left\{ \begin{array}{l} ? \\ \times \end{array} \right. \\ \rightarrow 6 & & 100 : 106 = \text{Ware} \\ & & 6 : 106 = \text{Speisen} \\ \downarrow & & \downarrow \\ 106 & & \end{array}$$

80. Eine Rechnung inklusive 12 % iger Provision beträgt 42 M. Wieviel beträgt die Rechnung a) ohne Provision, b) die Provision?
81. Der Jahresumsatz eines Geschäfts betrug 19 800 M, einschließlich 8 % Erhöhung. Wieviel betrug er a) früher, b) wieviel M betrug die Erhöhung?
82. Die Einwohnerzahl einer Stadt, die eine Vermehrung von 28 % erfahren hat, beträgt 712 000 Einwohner. Wieviel macht a) die Vermehrung aus, b) wie war die frühere Einwohnerzahl?
83. Ein Faß Benzin kostet mit den 7 % igen Speisen 49,50 M. Wieviel betragen die Speisen?
84. Berechne die Provision und den Gesamtbetrag bei folgenden Rechnungsbeträgen:
 - a) 126 M Rechnung inklusive 8 % Provij.
 - b) 1240 " " " 18 % "
 - c) 972 " " " 14 % "
 - d) 1200 " " " 16 $\frac{2}{3}$ % "
 - e) 84 " " " 12 $\frac{1}{2}$ % "
85. Die Bevölkerung einer Stadt ist in $3\frac{3}{4}$ Jahren auf 43 500 [b) 24 500] Einw. angewachsen. Die jährliche Zunahme betrug $5\frac{5}{9}\%$ [b) $5\frac{5}{7}\%$] von der ursprüngl. Bevölkerungszahl.
a) Wie groß war diese früher? b) Wie groß die Zunahme?
86. Es wurde für 1872,— M Ware verkauft, in diesem Betrage liegen 12 % Provision. ? a) ist die Prov., b) der reine Warenbetrag?
87. 400 M Verkaufspreis inkl. 6 % Verdienst bedingen welchen Einkaufspreis?
88. 340,08 M mit 9 % einbegriffenem Nutzen machen welchen Einkaufspreis aus?
89. 165,00 M mit 6 % eingerechneten Speisen bedingen wieviel M Speisen?

Der Prozentsatz im Hundert.

Der Hauptwert einer Prozentaufgabe kann unter besonderen Verhältnissen auch als **verminderter Hauptwert** gegeben werden.

Beispiel:

Der Umsatz in einem Geschäft beträgt 11 040 M. Gegen den früheren Umsatz bedeutet diese Zahl einen Rückgang (Verlust) von 8 %. Wieviel Geldverlust und wieviel früherer Umsatz ist das?

Lösung:

Der Hauptwert stellt eine Verminderung gegen frühere Verhältnisse dar, und zwar bedeutet es für das Hundertverhältnis, daß jede jetzt vorhandenen 92 M Umsatz früher 100 M waren, also einen Verlust von 8 M brachten. Also logischerweise:

$$\begin{array}{l} 92 \text{ M} \text{ jeziger Umsatz} = \\ 8 \text{ " Verlust, aber } 100 \text{ M früherer Umsatz} \\ 11\,040 \text{ " jeziger Umsatz wieviel?} \\ \text{Bruchstrich} \quad \quad \quad 100 \text{ früher} \\ \boxed{\begin{array}{r} \rightarrow = 8 \text{ Verlust} & 11\,040 \text{ M jetzt ?} \\ \rightarrow 92 \text{ M jetzt} & \end{array}} = ? \\ 100 \times 11\,040 : 92 = 12\,000 \text{ M früherer Ums.} \\ 8 \times 11\,040 : 92 = 960 \text{ " Verlust.} \end{array}$$

90. Ein Fäß enthält 396 kg Tran; es sind 12 % Tara vorhanden. Wieviel kg beträgt a) die Tara, b) das Brutto-Gewicht? 12 % Tara heißt 88 kg Netto!

$$88 \text{ Netto} = \left\{ \begin{array}{l} 12 \text{ Tara} \quad 396 \text{ kg Netto wieviel?} \\ 100 \text{ Brutto} \quad \quad \quad \quad \quad = 450 \text{ kg Brutto.} \end{array} \right.$$

Gegenprobe:

450 kg Brutto, davon 12 % = 396 kg Netto.

91. Berechne folgende Brutto-Gewichte!

- 220 kg Netto Ocker, 28 % Tara
- 198 " " Lithopon, $8\frac{1}{4}$ " "
- 144 " " Del, 40 " "
- 85,20 " " 40 " "
- 108 " " 20 " "
- 281,6 " " 12 " "

92. Berechne die Verlust- u. Verkaufspreise bei folgenden Waren-beträgen:

- 83,70 M mit 7 % Verlust
- 144,40 " 5 " "
- 167,20 " 12 " "

d) 300,20 ₩ mit 21 % Verlust

e) 56 " " 12 $\frac{1}{2}$ % "

f) 191,50 " " 4 $\frac{3}{4}$ " "

93. 1 Fäß Kreide, Netto 340 kg, die Tara beträgt 9 %. Wieviel war Brutto und Tara, in kg ausgedrückt, vorhanden?

Lösung:

9 % Tara heißt bei 100 kg Brutto = 9 kg Tara.

Es verbleiben also für das Hundertverhältnis

$$100 - 9 = 91 \text{ kg Netto}$$

$$91 \text{ kg Netto} = 9 \text{ kg Tara}$$

$$340 \text{ " Netto ?}$$

$$\frac{9 \text{ Tara } ? \text{ 340 Netto}}{91 \text{ Netto}} = \frac{100 \text{ Brutto}}{91 \text{ Netto}} \frac{340 \text{ Netto ?}}{}$$

Zinsrechnung.

Sie basiert auf der Prozentrechnung. Ihr Name „Zins“ ist abgeleitet vom lateinischen Wort *census* = Abgabe. Unter Zinsen versteht man Gebühren, die für Benutzung fremden Kapitals zu zahlen sind. Abhängig sind sie von drei Umständen, 1. der Höhe des Kapitals, 2. vom Zinsfuß, 3. von der Zeit. Als zu berechnender Zeitraum gilt die Dauer eines Jahres zu 360 Tagen oder 12 Monaten gerechnet (pro anno oder per annum = fürs Jahr). Wie bei der Prozentrechnung gilt auch hier als Hauptwert das Kapital, als Prozentzahl der Zinsfuß, als Prozentwert die Zinsen. Als neuer Faktor tritt neben der Zahl 100 auch die Zeit hinzu. Man kann daher alle Zinsaufgaben als zusammengelegte Regeldrei aufzählen und durch den Bruchstrich leicht lösen.

Beispiel: Ein Kapital von 2000 ₩ zu 4 % ausgeliehen bringen in 4 Jahren ? Zinsen?

Lösg.: 100 ₩ Kap. in 1 Jahr 4 ₩

20 hundert " " 4 " ? "

4 ₩ ? 2000 in 4 Jhr.

$$\overbrace{100 \text{ ₩ 1 Jhr.}}^{= 320 \text{ ₩.}} = 320 \text{ ₩.}$$

Beispiel für Monatszinsen.

12 000 ₩ 3 % 7 Mon. ? Zinsen ?

12 Monat = 1 Jahr Normalzeit

100 ₩ Normalzahl

$12 \times 100 = 1200 = \text{Zinsdivisor!}$

$$\text{Bruchstrich: } \frac{3 \text{ } \mathcal{M}}{\rightarrow 100 \text{ } \mathcal{M} \text{ in } 12 \text{ Mon.}} ? 12000 \text{ in } 7 \text{ Mon.} = 210 \text{ } \mathcal{M}.$$

Beispiel für Tageszinsen.

$$18000 \text{ } \mathcal{M} \text{ } 6\% \text{ } 26 \text{ Tage? Zinsen?}$$

360 Tage = 1 Jahr Normalzeit

100 \mathcal{M} Normalzahl

$$100 \times 360 = 36000 = \text{Zinsdivisor!}$$

$$\text{Bruchstrich: } \frac{6 \text{ } \mathcal{M}}{\rightarrow 100 \text{ } \mathcal{M} \text{ in } 360 \text{ Tg.}} ? 18000 \text{ in } 26 \text{ Tg.} = 78 \text{ } \mathcal{M}.$$

36 000

Zur schnelleren Lösung der Aufgabe kürze man stets alle Zahlen. Vor allem verschmelze man den Zinsfuß mit dem Zinsdivisor. Also: $817 \text{ } \mathcal{M} \text{ } 6\% \text{ } 11 \text{ Tage}$

$$\frac{6}{817} \frac{11}{11} = 817 \times 11 : 6000$$

6 000

Das Produkt aus Kapital \times Zeit heißt auch noch kurz Zinszahl (Zeichen #).

Ungekürzte Formel zur Aufsuchung der Zinsen

$$\frac{\text{Zinsfuß} \times \text{Kapital} \times \text{Zeit}}{\text{geteilt durch Zinsdivisor}}$$

Gekürzt: Wenn Zinsfuß mit Divisor verschmolzen ist:

$$\frac{\text{Zinszahl}}{\text{durch Zinsdiv. oder } \frac{\#}{\text{Zdv. (gekürzt)}}}$$

1. Berechne die Zinsen folgender Kapitalien und Zeiten:

Kapital	Zeit	Zinsfuß	Kapital	Zeit	Zinsfuß
			= %		
a) 6 000 \mathcal{M}	5 Jhr.	3	a) 18 000 \mathcal{M}	60 Tg.	4
b) 14 300 "	1 "	5	b) 12 000 "	77 "	3
c) 4 000 "	3 "	8	c) 2 500 "	99 "	5
d) 9 350 "	4 "	3	d) 1 840 "	76 "	4
e) 6 500 "	2 "	5	e) 480 "	138 "	3
f) 7 000 "	3 "	3,5	f) 480 "	141 "	3
g) 9 000 "	4 "	2 $\frac{1}{2}$	g) 7 832 "	11 "	5
h) 8 640 "	5 "	4	h) 4 200 "	8 Jhr.	3 $\frac{1}{2}$
i) 9 000 "	6 "	5 $\frac{1}{4}$	i) 1 170 "	11 Mon.	3 $\frac{1}{2}$
k) 17 800 "	7 "	4,5	k) 5 600 "	49 Tg.	4 $\frac{1}{2}$
l) 29 700 "	8 "	5	l) 5 648 "	6 Jhr.	6 $\frac{1}{4}$
m) 6 000 "	5 Mon.	5	m) 2 340 "	5 Mon.	4 $\frac{1}{2}$
n) 6 000 "	6 "	5	n) 64 800 "	21 Tg.	3 $\frac{1}{3}$
Fortschzung Seite 77.			Fortschzung Seite 77.		

Kapital	Zeit	Zinsfuß = %	Kapital	Zeit	Zinsfuß = %
o) 8 640 ₩	7 Mon.	4	o) 3 690 ₩	9 Shr.	$3\frac{1}{2}$
p) 2 340 "	5 "	4,5	p) 2 100 "	7 Mon.	3,5
q) 7 837 "	4 "	3	q) 144 000 "	41 Tg.	$2\frac{1}{4}$
r) 2 583 "	3 "	4	r) 7 296 "	5 Shr.	$3\frac{3}{4}$
s) 1 500 "	4 "	4	s) 5 400 "	3 Mon.	3,5
t) 800 "	60 Tgl.	4	t) 12 000 "	72 Tgl.	$1\frac{1}{2}$
u) 900 "	33 "	4	u) 2 835 "	8 Shr.	$5\frac{5}{6}$
v) 1 360 "	44 "	5	v) 60 000 "	7 Mon.	4,5
w) 1 000 "	99 "	4	w) 1 860 "	25 Tgl.	$3\frac{3}{4}$
x) 3 000 "	40 "	3	x) 14 820 "	19 "	4

Die Bruchprozentzäze verwandle man in unechte Brüche und setze sie in den Bruchstrich ein.

Beispiel: 7 840 ₩ $4\frac{1}{2}$ % 71 Tage

also:

$$\frac{9 \times 7840 \times 71}{36000 \times 2} = ?$$

2. a) 7 800 ₩ $5\frac{3}{4}$ %	79 Tage	a) 9 660 ₩ $3\frac{3}{4}$ %	168 Tage
b) 18 000 " $3\frac{1}{2}$ "	69 "	b) 8 000 " $4\frac{1}{2}$ "	71 "
c) 713 " $4\frac{1}{2}$ "	57 "	c) 9 660 " $3\frac{3}{4}$ "	168 "
d) 2 760 " $4\frac{1}{2}$ "	28 "	d) 9 000 " 4,5 "	5 Mon.
e) 9 840 " $3\frac{3}{4}$ "	42 "	e) 45 000 " 4,5 "	2 "
f) 3 339 " $2\frac{1}{2}$ "	144 "	f) 135 000 " $3\frac{1}{2}$ "	3 "
g) 34 540 " 4,5 "	45 "	g) 8 900 " 4,5 "	2 "
h) 5 678 " $3\frac{3}{4}$ "	67 "	h) 9 780 " $3\frac{1}{2}$ "	9 "
i) 3 925 " $3\frac{3}{4}$ "	96 "	i) 2 583 " 4 "	3 "
k) 999 " $5\frac{1}{2}$ "	5 "	k) 7 837 " 3 "	4 "
l) 5 948 " $3\frac{1}{3}$ "	135 "	l) 19 000 " 5,5 "	3 "

Sind die Pfennigbeträge beim Kapital weniger als 50 ₢ bleiben sie ganz unberücksichtigt; von 50 ₢ an rechne man sie als volle Mark.

Also: 1345,45 ₩ Kapital = 1345 ₩

1345,51 " " = 1346 "

3.	a) 234,10 ₩	$1\frac{1}{4}$ %	1 Jahr
	b) 71 070,65 "	$1\frac{1}{5}$ "	1 "
	c) 425,56 "	$3\frac{1}{4}$ "	1 "
	d) 327,95 "	$4\frac{1}{2}$ "	1 "
	e) 773,37 "	$3\frac{1}{2}$ "	1 "
	f) 9 000,40 "	4 "	7 Mon.
	g) 64 780,70 "	6 "	11 "
	h) 3 240,40 "	$3\frac{1}{2}$ "	4 "

i)	41,50	ℳ	6	%	82 Tage
k)	131,75	"	4	"	14 "
l)	2 002,05	"	5	"	55 "
m)	36 600,60	"	6	"	5 Mon.
n)	111,15	"	2 $\frac{1}{4}$	"	1 Jahr.

Ausführung des Zinsfußes.

Die Frage nach dem Zinsfuß ist wie bei der Prozentrechnung gleich der Frage: Bei 100 wieviel? Sie erstreckt sich jedoch gleichzeitig auf die Normalzeit = 1 Jahr.

Beispiele:

$$7000 \text{ } \mathcal{M} \text{ in 1 Jahr. } 280 \text{ } \mathcal{M} \text{ Zinsen } \left\{ \begin{array}{r} 280 ? 100 1 \\ 7000 1 \end{array} \right. = 4\%$$

$$7000 \text{ } " \text{ " } 4 \text{ " } 1120 \text{ } \mathcal{M} \left\{ \begin{array}{r} 1120 ? 100 1 \\ 7000 4 \end{array} \right. = 4\%$$

$$7000 \text{ } " \text{ " } 6 \text{ Mon. } 140 \text{ } \mathcal{M} \left\{ \begin{array}{r} 140 ? \overbrace{100 12} \\ 7000 6 \text{ Mon.} \end{array} \right. = 4\%$$

$$7000 \text{ } " \text{ " } 90 \text{ Tg. } 70 \text{ } \mathcal{M} \left\{ \begin{array}{r} 70 ? \overbrace{100 \text{ in } 360 \text{ Tg.}} \\ 7000 \text{ in } 90 \text{ Tg.} \end{array} \right. = 4\%$$

Regel:

$$\text{Zinsen} \times 100 \text{ (1200) (36 000)}$$

: Kapital \times Zeit

4. Berechne den Zinsfuß für folgende Aufgaben.

a)	7 800	ℳ	Kapital	312	ℳ	Zinsen	1 Jahr
b)	10 750	"	"	645	"	"	3 "
c)	450	"	"	729	"	"	18 "
d)	300	"	"	165	"	"	11 "
e)	7 200	"	"	2160	"	"	5 "
f)	8 640	"	"	1728	"	"	5 "
g)	31 500	"	"	3780	"	"	1 "
h)	2 490	"	"	41,50	"	"	6 Mon.
i)	1 500	"	"	20	"	"	4 "
k)	4 880	"	"	85,40	"	"	7 "
l)	9 700	"	"	291	"	"	6 "
m)	19 000	"	"	261,25	"	"	3 "
n)	8 900	"	"	66,75	"	"	2 "
o)	2 675	"	"	61,30	"	"	5 "
p)	45 000	"	"	337,50	"	"	2 "
q)	22 500	"	"	937,50	"	"	10 "
r)	135 000	"	"	1181,25	"	"	3 $\frac{1}{2}$ "

5.	a)	2 800	ℳ	Kapital	128,34	ℳ	Zinsen	11 Mon.
	b)	3 470	"	"	6,55	"	"	17 Tage
	c)	30 000	"	"	87,50	"	"	30 "
	d)	18 624	"	"	170,72	"	"	55 "
	e)	470	"	"	15,45	"	"	240 "
	f)	2 200	"	"	24	"	"	46 "
	g)	16 420	"	"	139,95	"	"	60 "
	h)	24 777	"	"	142,55	"	"	42 "
	i)	5 600	"	"	34,30	"	"	49 "
	k)	14 400	"	"	36,90	"	"	41 "
	l)	7 832	"	"	11,97	"	"	11 "
	m)	5 678	"	"	39,60	"	"	67 "

Auffsuchung des Kapitals.

Sie gleicht der Frage nach dem Hauptwert verbunden mit der beanspruchten Zeit.

Beispiel: Welches Kapital bringt in 18 Tagen zu 6% 126 ℳ Zinsen?

$$\text{Regel: } \frac{\text{Zs.} \times 100}{: \text{Zts.}} = \frac{(1200)}{(36\,000)}$$

$$\text{Also: } \frac{126}{36\,000}$$

$$\frac{6}{2220} \quad \frac{18}{= 42\,000} \quad \text{ℳ}$$

ℳ Zins. 4% in 3 Jhr. ? Kap.?

$$2220 \quad \text{ℳ} \quad (\text{Zins.}) \times 100$$

$$\frac{: 4}{: 3} \quad (\text{Zts.}) \times 3 = 18\,800 \quad \text{ℳ}$$

$$61,30 \quad \text{ℳ} \quad 5\frac{1}{2}\% \quad 5 \quad \text{Mon. ? Kap. ?}$$

$$61,30 \times 1200 = 613 \quad 1200$$

$$\frac{5,5}{5} \times \frac{5}{5} = \frac{55}{5} = 2674,99 \quad \text{oder} \quad 2675 \quad \text{ℳ.}$$

6. Berechne folgende Kapitalien:

- a) 41 500 ℳ Zins. 5 % 8 Jhr.
- b) 11 400 " " 4 $\frac{1}{4}$ " 10 "
- c) 15 670 " " 6 " 9 "
- d) 165 " " 5 " 11 "
- e) 645 " " 2 " 3 "
- f) 136 " " 3 $\frac{1}{3}$ " 8 Mon.
- g) 47,16 " " 3,5 " 3 "
- h) 85,40 " " 3 " 7 "
- i) 37,55 " " 3 $\frac{1}{2}$ " 11 "
- k) 43,88 " " 4 $\frac{1}{2}$ " 5 "
- l) 42,82 " " 3 $\frac{1}{2}$ " 7 "

m)	71,40	ℳ	Zins.	$3\frac{1}{2}\%$	5 Mon.
n)	337,50	"	"	4,5 "	2 "
o)	126,—	"	"	$3\frac{1}{3}\%$ "	21 Tage.
p)	34,30	"	"	$4\frac{1}{2}\%$ "	49 "
q)	369	"	"	$2\frac{1}{4}\%$ "	41 "
r)	70	"	"	4 "	63 "
s)	71	"	"	4,5 "	71 "
t)	9,66	"	"	4,5 "	28 "
u)	85,40	"	"	3 "	210 "
v)	134,95	"	"	5 "	60 "
w)	142,55	"	"	5 "	42 "
x)	282,13	"	"	5 "	156 "

Aufführung der Zeit.

Regel: $\frac{\text{Zl.} \times 100 \text{ (1200) (36000)}}{\text{: Kap.} \times \text{Zfl.}}$

In welcher Zeit bringen 5000 ℳ Kap. zu 3 % 1350 ℳ Zinsen.

Also: $\frac{1350 \times 100}{5000 \quad 3} = 9 \text{ Jahre}$

oder: $\frac{1350 \times 1200}{5000 \quad 3} = 108 \text{ Monate} = 9 \text{ Jahre}$

oder: $\frac{1350 \times 36000}{5000 \quad 3} = 3240 \text{ Tage} = 9 \text{ Jahre.}$

7. Ermittle die Zeit für folgende Aufgaben:

- | | | | | | | | | |
|----|---------|---|------|-------|---|-------|------------------|---------|
| a) | 6 000 | ℳ | Kap. | 900 | ℳ | Zins. | 3 % | ? Jahre |
| b) | 6 000 | " | " | 150 | " | " | 5 " | ? Mon. |
| c) | 9 700 | " | " | 291 | " | " | 6 " | ? Tage |
| d) | 2 200 | " | " | 24 | " | " | 8,1 " | ? Tage |
| e) | 5 678 | " | " | 39,60 | " | " | 3,75 " | " |
| f) | 5 600 | " | " | 34,30 | " | " | $4\frac{1}{2}$ " | " |
| g) | 1 170 | " | " | 37,55 | " | " | $3\frac{1}{2}$ " | ? Mon. |
| h) | 144 000 | " | " | 369 | " | " | $2\frac{1}{4}$ " | ? Tage |
| i) | 4 880 | " | " | 85,40 | " | " | 3 " | ? " |
| k) | 300 | " | " | 165 | " | " | 5 " | ? Jahre |
| l) | 6 120 | " | " | 136 | " | " | $3\frac{1}{3}$ " | ? Mon. |
| m) | 5 400 | " | " | 47,16 | " | " | 3,5 " | " |

Gemischte Kalkulationsaufgaben.

1. Es sollen 6000 g gemischtes Zitronenöl in 10-g-Flaschen abgefaßt werden. Die Mischung soll 7 Teile Spiritus [0,835], das 1 zu 2,10 ₩ und 5 Teile Zitronenöl das kg 24,60 ₩ enthalten. Flaschenpreis 2,4 ₩, Korken das Mille 3,50 ₩, Etiketten 10 Stck. 2 ₩. Der Verkaufspreis pro Fl. ist 20 ₩. a) Wieviel ₩ verdienen wir? b) Welchen %-sat am ganzen Posten? c) Wie teuer stellt sich eine Flasche zum Selbstkostenpreis?
2. Von weißem Dampflebertran das kg zu 1,15 ₩ im Einkf. sollen 40 Flaschen zu 115 g u. 40 Fl. zu 2,50 g abgefüllt werden. Flaschenpreis 7,2 ₩ u. 11,8 ₩, Korken 1 Mille 4 ₩, Etiketten 100 Stck. 60 ₩, Kapseln Stck. 1 ₩, Verf. 50 und 75 ₩. Wieviel beträgt a) der Einkf. jeder Flaschengröße, b) der Verdienst am ganzen Posten? c) Welcher %-sat wurde verdient?
3. 84 l Ungarwein, das 1 zu 2,40 ₩ im Einkf., sind in folgender Weise abzufassen und zu kalkulieren:

16 l	in	$\frac{1}{1}$	=	1=Fl.	Glaspreis	14,5 ₩
18 "	"	$\frac{3}{4}$	"	"	11,4 "	
24 "	"	$\frac{1}{2}$	"	"	9,3 "	
15 "	"	$\frac{8}{8}$	"	"	7,0 "	
11 "	"	$\frac{1}{8}$	"	"	5,6 ₩	

Das Etikett kostet 1, der Kork 0,8, die Kapiel 1,2 ₩. Verkaufspreise: $\frac{1}{1}$ 1 3,25 ₩, $\frac{3}{4}$ 1 2,75 ₩, $\frac{1}{2}$ 1 2,25 ₩, $\frac{8}{8}$ 1 1,75 ₩, $\frac{1}{8}$ 1 0,60 ₩. Wieviel verdient man a) an jeder einzelnen Größen sorte, b) am ganzen Posten, c) welchen %-sat macht letzteres aus?

4. Eine Rellamewand, 25 m hoch, 60 m breit, soll mit hellblauer Farbe gestrichen werden. 20 qm Fläche verlangen 1 Kilo Farbe nach folgender Vorschrift und zu folgenden Preisen:

Bleiweiß	170	Teile	kg	0,55 ₩
Bergblau	8	"	"	1,60 "
Terpentinöl	18	"	"	0,90 "
Firnis	54	"	"	0,87 "

Wie teuer ist der Anstrich?

5. Desgl. Grüne Wand, 48 × 61 m. Gleiche Bedingung.

Bleiweiß	2	Teile	kg	0,52 ₩
Chromgrün	0,5	"	"	0,62 "
Firnis	5,5	"	"	0,84 "

Die gleiche Frage!

6. Desgl. Grüne Fläche, 28 \times 60 m.

Bleiweiß	11	Teile	kg	0,55	M
Terpentinöl	5	"	"	0,90	"
Firnis	9,5	"	"	0,85	"
Grün	2,5	"	"	0,72	"

Die gleiche Frage!

7. Wie teuer stellt sich 1 kg Coldeream laut folgender Vorchrift und Preise:

Wachs, weiß	7,5	Teile	kg	4,10	M
Walrat	9,5	"	"	3,70	"
Mandelöl, jüß	59,—	"	"	4,20	"
Rosenwasser	30,—	"	"	0,40	"

Rosenöl dkg 9 M, 50 Tropfen = 1,0 g

8. Kalkuliere 1 kg Freßpulver laut Aufgabe 17 der Mischungsrechnung. Preise pro Kilo: Schwefel 0,19, GlauberSalz 0,08, Lorbeerren 1,60, Salz 0,18, Fenchel 2,40, Bals 0,18 M.

9. Desgl. 1 kg Rummersfeldt-Wasser lt. Aufgabe 23 der Mischungsrechnung. kg-Preise: Kampfer 3,80 M, Gummiarab. 1,70 M, Schwefelmilch 1,15 M, Kölnisch Wasser 3,40 M, Kaltwasser 5 Ø.

10. Wie teuer stellt sich die Herstellung von 65 kg Eau de Javelle lt. Aufgabe 25 der Mischungsrechnung, wenn Chorfalt 32 Ø, Soda 13 Ø pro Kilo kosten und Wasser nicht berechnet wird?

11. Ein kg Farbe unter Berücksichtigung folgender Vorchrift und Preise ist zu kalkulieren!

2,5	Teile	Zinnober	kg	6,40	M
1,5	"	Mennige	"	0,70	"
3,0	"	Zinkweiß	"	0,60	"
1,0	"	Sifikativ	"	1,10	"
4,0	"	Firnis	"	0,90	"

12. Wieviel kostet das Kilo Schabenpulver lt. folgender Vorchrift, Preise und Mengen.

Inselt.pvl.	7,2	Teile	kg	2,70	M
Borax	3,1	"	"	0,34	"
Zucker	2,5	"	3 kg	0,85	"
Hafermehl	2,2	"	"	0,90	"
Salicylsäure	1,0	"	"	2,60	"

13. 12 kg Wanzentinktur

Benzol	6,5	Teile	kg	0,36	ℳ
Kienöl	2,5	"	"	0,46	"
Mirbanöl	1,0	"	"	0,90	"
Terpentinöl	2,0	"	"	1,10	"
Paraffinöl	3,0	"	"	0,70	"

sind abzufassen je zur Hälfte in 100-g- und 250-g-Flaschen.
Flaschenpreise: 6,5 und 11 ₣. Korken und Etiketten für alle
Flaschen, 0,70 ℳ. Verkf. 0,50 ℳ und 1,00 ℳ.

Wieviel verdienen wir am ganzen Posten, ohne die Arbeit zu
faktulieren? Wieviel verdienen wir an der einzelnen Flaschengröße?

14. Tonfigierbad

100 Teile	Natr. subsulfuros.	kg	0,18	ℳ
11 "	Ammon. rhodanat.	"	1,80	"
3 "	Alumen	"	0,20	"
3 "	Acid. citric.	"	2,35	"
4 "	Plumb. nitric.	"	1,15	"
4 "	acetic.	"	85	"
30 "	Sol. auri chlorati 1%, g	1,90	"	
415 "	Aq. dest.	kg	0,02	"

Abzufassen in 150-Grammflaschen, Flaschenpreis 5 ₣, Etikett usw.
2,5 ₣. a) Herstellungspreis eines Kilos? b) Wieviel %
verdienen wir an der Flasche Tonfigierbad, wenn wir sie mit
50 ₣ verkaufen?

15. Eine Riese Sapo oleaceus, Brutto 74, Tara 10 kg. Der
Inhalt trocknet auf 54 kg ein. ? % ist der Verlust?

16. Eine Vorchrift zu Mundwasser lautet:

7 g	Ol. Menth. pip.	100 g	7,00	ℳ
6 "	Anisi	100 "	1,40	"
0,5 "	Caryophyll.	100 "	1,20	"
50 "	Tinet. Myrrae	1 kg	2,20	"
2,5 "	Farbe	100 g	0,40	"
1 l	Spiritus	1 l	1,80	"

Es ergeben sich 15 Flaschen davon. Flaschenpreis 7 ₣, Spritz-
kork 5 ₣, Etikett 2 ₣ pro Flasche. Wieviel kostet uns: a) der
Inhalt einer Flasche? b) 1 Flasche mit Inhalt?

17. Es sind 600 g verdünntes Parfüm aus 9 Teilen Spiritus
und 1 Teil Concentration angefertigt worden. Spiritus [0,835]
kostet pro Liter 2,10 ℳ, Concentrat. kostet das Hectog.
22 ℳ. Wieviel kosten 100 g der fertigen Mischung?

Lösung:

$$\begin{array}{rcl} 9 \text{ Teile} & = 540 \text{ g} & \\ \frac{1}{10} \text{ "} & = \frac{60}{\text{Teile}} \text{ "} & \\ \frac{1}{10} \text{ Teile} & = 600 \text{ g} & \\ \hline 22 \text{ "} & 60 & 13,20 \text{ M} + 1,34 \\ 100 & & = 14,54 \text{ M} : 6 = 2,43 \text{ M}. \end{array}$$

18. Es sind 20 kg Mundwasser laut folgender Vorschrift zu kalkulieren:

2400	Teile Spiritus [0,835]	Liter	2,10 M
24	" Ol. Menth. pip.	hg	6,40 "
3	" Anisi vulg.	kg	16,00 "
1	" Caryophilli	"	11,40 "
10	" Eucalypti	"	17,00 "
2	" Alcannin	hg	3,40 "
160	" Tinct. Myrrhae	kg	2,40 "
1400	" Aq. destill.	"	0,04 "

Es sollen davon folgende Mengen abgesetzt werden:

4500	g in 90-g-Flaschen, Glaspreise	13,5	Ø
6250	" 125 "	"	17,8 "
6000	" 200 "	"	21,0 "
Der Rest	" 250	"	23,5 "

Der Spritzkorf für jede Fl. kostet im Durchschnitt 8,6 Ø, Etikett usw. 1,2 Ø. Der Verkauf der einzelnen gefüllten Flasche ist: 0,75, 1,00, 1,50, 2,00 M.

Wieviel verdienen wir a) an dem ganzen Posten? b) an der einzelnen Flaschengröße? c) Welcher Prozentsatz ist das bei Frage a?

19. **Pulvis salicyl. c. Talco**

Salicyl-Säure	15 Teile, kg	2,90 M
Reismehl	185 "	0,95 "
Talcum	800 "	0,22 "

Es sind 16 kg anzufertigen. a) Wieviel an Gewicht braucht man von jedem Bestandteil. b) Welchen Nutzen haben wir am kg durch das Selbstanfertigen, wenn wir das kg fertig gekaufte Ware mit 65 Ø bezahlen müssen?

20. 1000 Palete Fliegenpapier zu 10 Blatt, jedes Blatt mit 0,01 g Arsenik, sind herzustellen. 10 Blatt erfordern 1 Kuvert. Arsen.: kg 0,70 M, Pottasche, gleiche Menge, kg 0,60 M, Fliegenholz, gleiche Menge, kg 0,50 M. Ferner sind zu berechnen: 10000 Bogen 7,20 M, 1000 Kuverts 2,80 M, 9 Stunden Arbeit zu 60 Ø, 1 Stunde Feuerung 20 Ø. Wir

- verkaufen das Päckchen mit 4 ♂. Wieviel a) ₩, b) % verdienen wir?
21. 1 Faß mit **Insektenpulver**, Brutto 64, Tara 14 kg, kostet ab Triest inklusive Faß 180 ₩, dazu treten 17,60 ₩ Fracht, 40 ♂ Rollgeld. Mit 1 kg kann man 25 kleine Schachteln und 10 große füllen. Der Preis für die leeren Schachteln ist 5 ♂ und 3,5 ♂. Die große enthält 40 g, die kleine 24 g. Verkaufspreis 50 und 25 ♂. Wieviel kostet a) die große, die kleine Schachtel gefüllt. b) Wieviel % verdienen wir an jeder Sorte?
22. **Möbelpolitur** besteht aus 18 % Schellack, 6 % Leinöl, 1 % Mirbanöl und 75 % Spiritus. Es sind 50 Fl. zu 120 g abzufüllen. Flaschenpreis 4,7 ♂, Korken, Kapseln, Etiketten für alle Fl. 75 ♂. Schellack kg 3,40 ₩, Leinöl kg 90 ♂, Mirbanöl kg 0,90 ₩, 1 l Brennspiritus [0,835] 33 ♂. a) Wieviel kostet die Herstellung einer Flasche? b) Welcher Prozentsatz wird verdient, wenn wir die Flasche Politur mit 50 ♂ verkaufen?
23. **Zitronensaft, 10 kg**, Einf. kg 0,95 ₩, sollen abgefaßt werden, und zwar der 4. Teil in $\frac{1}{8}$ 1 } $\frac{1}{4}$ 1 } $\frac{1}{2}$ 1 } $\frac{1}{8}$ 1 } Flaschen
" 2. " " $\frac{1}{4}$ 1 } $\frac{1}{2}$ 1 } $\frac{1}{8}$ 1 }
" 4. " " $\frac{1}{2}$ 1 } $\frac{1}{4}$ 1 } $\frac{1}{8}$ 1 }
Die Flaschenpreise sind für $\frac{1}{8}$ 1 6,5 ♂, $\frac{1}{4}$ 1 9,5 ♂, $\frac{1}{2}$ 1 13 ♂ pro Flasche. Die Etiketten für alle Flaschen kosten 1 ₩, Korken und Kapseln 60 ♂. Wieviel % verdienen wir an dem ganzen Posten, wenn die $\frac{1}{2}$ =1=Fl. Saft mit 1 ₩, die $\frac{1}{4}$ =1=Fl. mit 60 ♂ und die $\frac{1}{8}$ =1=Fl. mit 30 ♂ verkauft wird?
24. 12 kg **Flechwasser** herzustellen aus: Benzin 11 Teile, Nether 3 Teile, Tetrachlorkohlenstoff 10 Teile. Die kg-Preise sind für Benzin 0,34 ₩, Nether 3,40 ₩, Tetr. 0,95 ₩.
 $\frac{3}{4}$ der Menge ist abzufassen in Flaschen zu 90 g
 $\frac{1}{4}$ 200 Flaschenpreise kleine „Sorte 6,1 ♂, große „Sorte 9,3 ♂. Etiketten und Korken für alle Fl. 1,55 ₩. Verkauf 90-g-Fl. zu 40 ♂, 200-g-Flasche zu 80 ♂. Welcher Prozentsatz wird am ganzen Posten verdient, ohne daß die Arbeit berechnet wird?
25. 100 Fl. $6\frac{1}{2}\%$ iger Essig zu 700 g aus 30 % iger Essigsäure, kg 0,32 ₩ und Aq. destill. kg 0,02 ₩. Flaschenpreis 2,5 ♂, Kork usw. $1\frac{1}{2}$ ♂. 45 % Verdienst am Verkauf. Wie teuer ist eine Flasche a) im Einf., b) im Verk.?
26. 200 Fl. $6\frac{1}{4}\%$ iger Essig zu 650 g aus 60 % iger Säure, kg 48 ♂ und Aq. destill. kg 3 ♂. Flasche 3, Kork usw.

- 1 d. 45 % am Verkauf. Dieselben Fragen aus voriger Aufgabe!
27. Franzbranntwein. Vorschrift:
- | | |
|-------------------------------|------------------------------------|
| 5,5 Teile Aq. dest. kg 2,5 d. | 4,5 " Spirit. Liter 2,10 M [0,835] |
| 1,0 " Essenz kg 4 M | |
- Abzufassen sind folgende Mengen:
- | | |
|-------------------------------------|--------|
| 30 kg in 150 g-Flaschen, Glaspreise | 6,5 d |
| 25 " 250 " | 9,0 " |
| 18 750 g 375 " | 11,0 " |
| 12 500 " 500 " | 13,5 " |
| 23 750 " 950 " | 16,0 " |
- Kapseln, Kork und Etikett pro Fl. 2 d. Wieviel kosten
a) 1 kg Franzbranntwein? b) die einzelnen Fl.-Größen?
c) Wie teuer sind letztere zu verkaufen, wenn 40 % am Verkauf verdient werden müssen?
28. Von 20 kg Malz-Extrakt sollen 8 kg in 200 g-, 12 kg in 500 g-Flaschen abgefüllt werden. Preise: 1 kg Extrakt 1,10 M, Flaschenpreise 6,5 und 9,5 d, Kapseln usw. pro Flasche 1,5 d. Verkauf 0,60 M und 1,20 M. Wieviel Prozent verdienen wir a) an der kleinen, b) an der großen Flasche? c) am ganzen Posten?
29. 25 kg Mäuse-Weizen, 0,5 % ig. kg Strychnin. nitric. 66 M, kg Weizen 0,56 M, 40 g Fuchsinrot, hg 90 d, 2 g Saccharin, dkg 40 d. Wieviel kostet 1 kg Strychnin-Weizen?
30. 100 Flaschen 14 % iger Eissigspirit, herzustellen aus 80 % iger Säure und Wasser. Preise: Säure kg 0,78 M, Aq. dest. kg 2 d, Flaschenpreis 9,8 d, Etikett usw. $1\frac{1}{2}$ d. Es sind $\frac{3}{4}$ l-Flaschen. Wir wollen am Verkauf 45 % verdienen. Wie hoch ist der Verkauf der einzelnen Flasche?
31. Ein Faß mit 96 % igem Weingeist [0,835] wiegt Brutto 49 kg, Tara 7,25 kg. Sein Inhalt kostet das Liter 2,05 M und soll durch Wasserzusatz auf 80 % verdünnt werden. Wieviel kostet ein 1 des verdünnten Weingeistes?
32. Ein Faß 96 % iger Weingeist [0,835], Brutto 100 kg, Tara 16,5 kg, kostet pro 1 2,15 M. Der Inhalt ist bis auf 60 % zu verdünnen. Wieviel kostet 1 l verdünnter Spir.?
33. 1 Kiste Schellack, orange, Brutto 57, Tara 11 kg, Einf. kg 2,04 M, Speisen 9 M, wird mit 118 M verkauft. Wieviel beträgt a) der Verdienst in M, b) in Prozenten ausgedrückt?

34. **4 kg 12 %ige graue Quecksilbersalbe** sind herzustellen aus $33\frac{1}{8}\%$ iger Salbe, kg 3,40 ₩ und Adeps, kg 1,90 ₩. Wieviel kostet uns **1 kg fertige Salbe**?
35. Berechne **1 kg Postlutschenslack** laut Vorschrift (Aufgabe Nr. 22 der Mischungsrechnung). kg-Breife: Chromgelb 0,60, Lärchenterpentin 2,40, Terpentinöl 0,95, Dammarlack 1,80 ₩.
36. Ein Ballon Salmiafgeist 0,910 (= 25 %). Der Inhalt soll bis auf 10 % verdünnt werden mit Aq. dest. kg-Breife: für Salm. 0,38 ₩, für Aq. 0,02 ₩. Wie teuer stellt sich **1 kg 10 %iger Inhalt**? Vorhanden 67 Brutto, 11 kg Tara!

